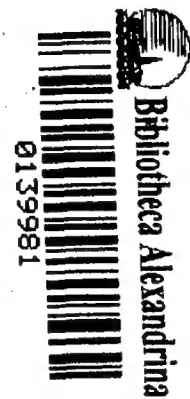


# أساليب البحث العلمي ففي العلوم الإدارية

الدكتور  
علي سليم العكاونة  
جامعة مؤتة





بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

﴿ وَقُلْ أَعْمَلُوا فَسَيَرَى اللَّهُ عَمَلَكُمْ وَرَسُولُهُ وَالْمُؤْمِنُونَ ﴾

صدق الله العظيم  
سورة التوبة/ آية (١٠٥)

أساليب  
البحث العلمي  
في العلوم الإدارية

---

حقوق الطبع محفوظة للناشر

---

الطبعة الأولى

1996 م - 1416 هـ

**DAR AL-FIKR**

Printing - Publishing - Distributing



**دار الفكر**

للطباعة والنشر والتوزيع

سوق البتراء (الحجيري) هاتف ٦٢١٩٣٨ - فاكس ٦٥٤٧٦١ ص.ب ١٨٣٥٢٠ عمان ١١١١٨ الأردن  
Tel.: 621938 - Fax.: 654761 - P.O.Box: Amman 11118 Jordan



# أساليب البحث العلمي ففي العلوم الإدارية

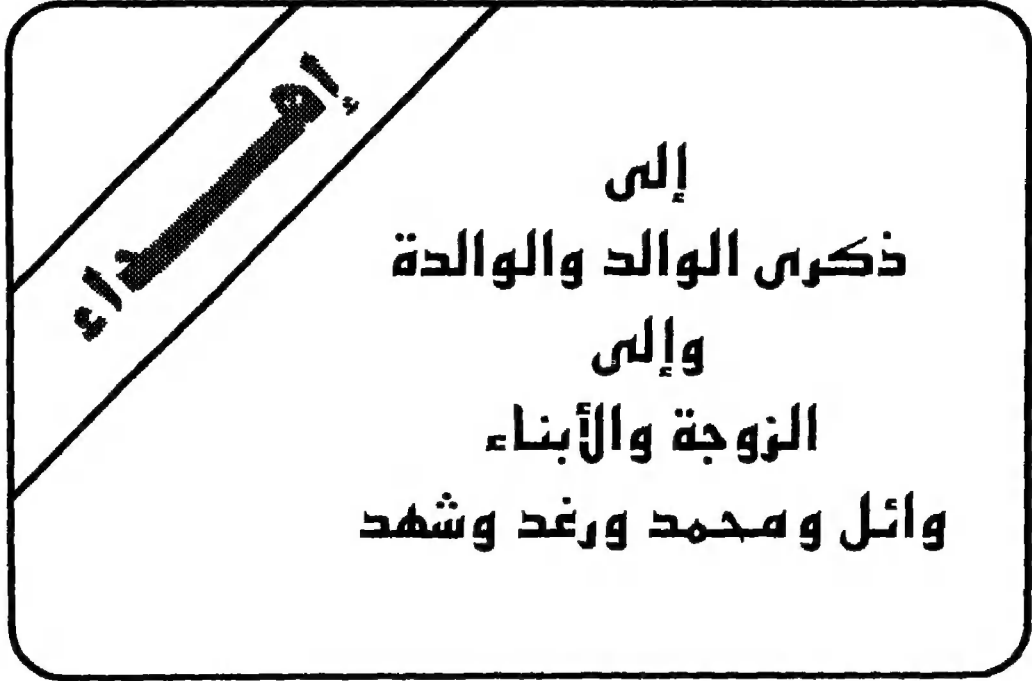
الدكتور  
علي سليم العداونة  
جامعة مؤتة

بكالوريوس : محاسبة / احصاء - جامعة اليرموك  
ماجستير : ادارة أعمال - جامعة ألباما - أمريكا  
دكتوراة : ادارة انتاج وعمليات - جامعة شيفيلد - إنجلترا

الطبعة الأولى

1996 م - 1416 هـ

دار الفكر للنشر والتوزيع - عمان



## الفصل الأول : مقدمة في البحث العلمي ..... ١٣

- تعريف البحث ..... ١٥
- أنواع البحث ..... ١٦
- العلاقة بين الادارة والبحث ..... ١٧
- صفات الباحث ..... ١٨
- عملية البحث ..... ٢٠
- الأخطاء في البحث ..... ٢٥
- تأثير الأخطاء غير العينية ..... ٢٦
- أنواع الأخطاء غير العينية ..... ٢٧

## الفصل الثاني : تصميم البحث ومصادر البيانات ..... ٣١

- تصميم البحث ..... ٣٣
- أنواع البحث ..... ٣٣
- مصادر البيانات ..... ٣٨

## الفصل الثالث : المعاينة (العينات) ..... ٤٥

- مقدمة ..... ٤٧
- عملية اختيار العينة ..... ٤٨
- اجراءات اختيار العينة ..... ٥١
- طرق اختيار العينة الاحتمالية ..... ٥٣

## الفصل الرابع : العينة العشوائية البسيطة وحجم العينة ..... ٦١

- العينة العشوائية البسيطة ..... ٦٣
- تعريف بعض الرموز ..... ٦٣

|     |  |
|-----|--|
| ٧٢  | ..... حساب معالم مجتمع الدراسة بالنسبة للمتغيرات المتقطعة.       |
| ٧٤  | ..... حساب القيم الاحصائية للمتغيرات المتصلة.                    |
| ٨٠  | ..... حساب القيم الاحصائية للمتغيرات المتقطعة.                   |
| ٨٢  | ..... عمل الاستنتاجات عن معالم مجتمع الدراسة للمتغيرات المتصلة.  |
| ٩١  | ..... تأثير حجم العينة على الدقة.                                |
| ٩٤  | ..... عمل الاستنتاجات عن معالم مجتمع الدراسة للمتغيرات المتقطعة. |
| ٩٦  | ..... السؤال بالنسبة لحجم المجتمع.                               |
| ٩٨  | ..... حجم العينة والنظرية الاحصائية.                             |
| ١٠٣ | ..... حجم العينة والخطأ غير العيني.                              |
| ١٠٣ | ..... حجم العينة والعوامل الأخرى.                                |
| ١٠٧ | ..... الفصل الخامس : طرق العينات الأكثر تعقيد.                   |
| ١٠٩ | ..... العينة الطبقية.  |
| ١٠٩ | ..... طريقة اختيار العينة الطبقية.                               |
| ١١٦ | ..... حساب الوسط والخطأ المعياري للعينة ككل.                     |
| ١٢٠ | ..... حساب فترات الثقة المصاحبة.                                 |
| ١٢١ | ..... عدد العينات الممكنة.                                       |
| ١٢٢ | ..... العينة العنقودية.  |
| ١٢٤ | ..... العينات المنتظمة.  |
| ١٢٩ | ..... الفصل السادس : عملية القياس                                |
| ١٣١ | ..... مقدمة.   |
| ١٣٢ | ..... عملية القياس.  |
| ١٣٣ | ..... تعريف القياس.  |
| ١٣٤ | ..... أنواع المقاييس.  |

|     |  |
|-----|--|
| ١٤١ | ..... الفصل السابع : طرق جمع البيانات              |
| ١٤٣ | ..... مقدمة .                                      |
| ١٤٤ | ..... أنواع البيانات .                             |
| ١٤٦ | ..... طرق جمع البيانات .                           |
| ١٤٩ | ..... المعايير المستخدمة في اختيار وسيلة الاتصال . |
| ١٥٥ | ..... اختيار وسيلة الاتصال .                       |
| ١٦١ | ..... الفصل الثامن : تصميم أشكال جمع البيانات .    |
| ١٦٣ | ..... مقدمة .                                      |
| ١٦٣ | ..... مكونات الاستبيان .                           |
| ١٦٥ | ..... تصميم الاستبيان .                            |
| ١٨١ | ..... أشكال الملاحظة .                             |
| ١٨٥ | ..... الفصل التاسع : اعداد البيانات .              |
| ١٨٧ | ..... بعض المبادئ الأساسية .                       |
| ١٨٩ | ..... خطوات اعداد البيانات .                       |
| ١٩٧ | ..... الفصل العاشر : تحليل البيانات .              |
| ١٩٩ | ..... مقدمة .                                      |
| ٢٠٠ | ..... طرق عرض البيانات .                           |
| ٢٠٣ | ..... مراجعة اجراءات تحليل البيانات .              |
| ٢٠٥ | ..... الاحصاء الوصفي .                             |
| ٢٠٥ | ..... مقاييس النزعة المركزية .                     |
| ٢٠٩ | ..... استخدامات الوسط والوسيط .                    |
| ٢١١ | ..... العلاقة ما بين الوسط والوسيط والمنوال .      |
| ٢١٣ | ..... مقاييس التشتت .                              |
| ٢٢٣ | ..... تفسير الانحراف المعياري .                    |

|     |  |
|-----|--|
| ٢٢٩ | الفصل الحادي عشر : اختبار الفرضيات                   |
| ٢٣١ | - مقدمة .  |
| ٢٣١ | - مفهوم الفرضية الأساسية .                           |
| ٢٣٦ | - الأخطاء الممكنة .                                  |
| ٢٣٧ | - خطوات اختبار الفرضيات .                            |
| ٢٣٧ | - اختبار الوسط لعينة واحدة ( اختبار $Z$ و $t$ )      |
| ٢٤٥ | - اختبار الأوساط لعينتين كبيرتا الحجم ( اختبار $Z$ ) |
| ٢٤٨ | - اختبار الأوساط لعينتين صغيرتا الحجم ( اختبار $t$ ) |
| ٢٥١ | - اختبار النسب الأكثر من عمنتين ( اختبار $2X$ )      |
| ٢٦١ | الفصل الثاني عشر : الانحدار البسيط والارتباط .       |
| ٢٦٣ | - مقدمة .  |
| ٢٦٣ | - العلاقة ما بين المتغيرات .                         |
| ٣٦٥ | - تحليل الانحدار .                                   |
| ٢٦٦ | - لوحة الانتشار .                                    |
| ٢٧١ | - أهداف تحليل الانحدار والارتباط .                   |
| ٢٧٢ | - نموذج الانحدار الخطي .                             |
| ٢٧٥ | - خط انحدار العينة .                                 |
| ٢٧٨ | - طريقة أقل المربعات .                               |
| ٢٨٨ | - خصائص التقدير بأقل المربعات .                      |
| ٢٩٠ | - الخطأ المعياري للتقدير .                           |
| ٢٩٣ | - تقدير الوسط المشروط .                              |
| ٢٩٦ | - التنبؤ بالقيم الفردية للمتغير ص .                  |
| ٢٩٩ | - معامل التحديد .                                    |
| ٣٠٥ | - معامل الارتباط الخطي .                             |
| ٣١٠ | - معامل الارتباط للرتب .                             |
| ٣١٣ | - استنتاج معامل ارتباط المجتمع .                     |

|     |  |
|-----|--|
| ٣١٦ | ..... -استنتاج ميل خط الانحدار ( ب ) .                         |
| ٣٢٩ | ..... الفصل الثالث عشر : الانحدار المتعدد والارتباط            |
| ٣٣١ | ..... - مقدمة .  |
| ٣٣١ | ..... - تحليل الانحدار : طبيعته وأغراضه .                      |
| ٣٣٤ | ..... - نموذج خط الانحدار المتعدد .                            |
| ٣٣٥ | ..... - طريقة أقل المربعات في تقدير معاملات الانحدار المتعدد . |
| ٣٤٣ | ..... - فترات الثقة واختبار الفرضيات بالنسبة لـ ب١ و ب٢ .      |
| ٣٥١ | ..... - معامل التحديد المتعدد .                                |
| ٣٥٥ | ..... - تحليل التباين .  |
| ٣٥٨ | ..... - مبادئ المتغير الوهمي .                                 |
| ٣٦٤ | ..... - الارتباط المتعدد .                                     |
| ٣٦٧ | ..... - الانحدار المتعدد وبرامج الحاسوب .                      |
| ٣٧٧ | ..... الفصل الرابع عشر : كتابة تقرير البحث                     |
| ٣٧٩ | ..... - مقدمة .  |
| ٣٨٠ | ..... - خطوط استرشادية لكتابة تقرير البحث .                    |
| ٣٨٣ | ..... - أنواع الأبحاث .  |
| ٣٨٥ | ..... - شكل التقرير .  |
| ٣٩٣ | ..... - عرض البيانات .   |
| ٣٩٣ | ..... - خطوط عامة لعرض البيانات .                              |
| ٤٠٠ | ..... - عرض الأبحاث الشفوي .                                   |
| ٤٠٢ | ..... - النواحي الفنية في كتابة تقرير البحث .                  |
| ٤٠٩ | ..... الملاحق  |
| ٤١٥ | ..... المراجع  |







إن عملية البحث في وقتنا الحاضر لم تعد كما كانت عليه في الوقت السابق معتمدة على معرفة الشخص وقدراته وما الى ذلك ، بل أصبحت طريقة تحكمها الأسس الموضوعية من لحظة البدء بالتفكير بتنفيذ البحث الى مرحلة الانتهاء من كتابة تقرير البحث . ولعل السبب في ذلك هو عظم أو كبر التحدي والتغير الذي يواجهنا في أيامنا هذه والذي جلب معه الحاجة لامتلاك المدراء ومتخذي القرارات المهارات والمقدرة المناسبة حتى يتمكنوا من الاستجابة للضغوطات والظروف التي تواجههم .

وحتى يتمكن المدراء من تحسين قدرتهم على مواجهة التحديات والصعوبات التي تواجههم ، فانه لا بد من توفير المعلومات المناسبة والكافية حتى تكون لهم عوناً على تحسين نوعية القرارات الادارية لمواجهة تلك التحديات . ان الوظيفة الأساسية للأبحاث الادارية هي تزويد المعلومات المناسبة عن الموضوع مدار الاهتمام للمدراء أو متخذي القرارات . وعليه ، فان المدير الاداري أو متخذ القرار الذي لا يستطيع استخدام أو تقييم الأبحاث الادارية في الوقت الحاضر ، كالمدير العام الذي لا يستطيع فهم الورقة الربحية للشركة . بمعنى آخر ، ان مقدرة كلا النوعين من الأشخاص في تنفيذ أعمالهم بصورة فعالة تكون محدودة جداً .

ونظراً للأهمية الكبرى للأبحاث الادارية في تزويد المعلومات المناسبة ولشح المكتبة العربية بشكل عام والأردنية بشكل خاص من هذا النوع من المؤلفات ، فقد كان هذا حافزاً للمؤلف لبذل الجهد من أجل اخراج هذا الكتاب المتواضع في أساليب البحث العلمي . وأهم ما يتميز به هذا الكتاب هو سهولة القراءة والفهم من خلال العناية الكافية التي أعطيت لتوضيح وشرح القضايا الأساسية التي يتضمنها الكتاب حتى يتمكن أي قارئ من الاستفادة من محتوياته . لذلك ، فان

الأهداف أو الأغراض الأساسية لهذا الكتاب هي ما يلي :

١ - تحسين وتوسيع أفق المدراء ومتخذي القرارات على فهم وتحليل الأبحاث الإدارية من خلال الشرح المفصل لكل خطوة من خطوات عملية البحث من أجل تزويدهم بالمعلومات الضرورية التي تكفل حل المشكلة أو اتخاذ القرار المناسب بفعالية .

٢ - تزويد الطالب الجامعي بكتاب حول أساليب البحث العلمي المختلفة بحيث يتناول شرح العناصر الأساسية بشكل مفصل وبسيط ولا يشترط المعرفة السابقة للاخطاء من أجل فهمه ، لتحسين مقدراته البحثية والتحليلية حتى يتمكن من الحكم على الأشياء بموضوعية .

٣ - يمكن أن يعتبر هذا الكتاب كمرجع أولي لأولئك الأشخاص الذين يريدون أن يتخصصوا في كيفية عمل الأبحاث الإدارية .

وعليه ، فقد تم تصميم هذا الكتاب بأربعة عشر فعلاً ، والتي كانت كما يلي :

١ - مقدمة في البحث العلمي . ٢ - تصميم البحث . ٣ - المعاينة . ٤ - العينة العشوائية البسيطة وحجم العينة . ٥ - طرق العينات الأكثر تعقيداً . ٦ - عملية القياس . ٧ - طرق جمع البيانات . ٨ - تصميم أشكال جمع البيانات . ٩ - اعداد البيانات . ١٠ - تحليل البيانات . ١١ - اختبار الفرضيات . ١٢ - الانحدار البسيط والارتباط . ١٣ - الانحدار المتعدد والارتباط . ١٤ - كتابة تقرير البحث .

آمل أن يحقق هذا الكتاب الأغراض التي من أجلها تم اعداده .

والله الموفق

المؤلف

## **الفصل الأول**

### **مقدمة في البحث العلمي**

### **Introduction to Scientific Research**



## مقدمة في البحث العلمي

### Introduction to Scientific Research

---

لقد بدأ الانسان البحث منذ وجوده على هذه البسيطة حتى يتمكن من تلبية حاجاته ورغباته المختلفة المادية منها والمعنوية . ولكن البحث في الماضي لم يكن علمياً ويتمتع بمنهجية واضحة كما هو عليه الآن لبساطة الحاجات والرغبات التي كان يبحث عنها الانسان البدائي والتي كانت تتحقق بذلك النوع من الأبحاث . وكنتيجة للتقدم والتعقيد الذي حصل في حياتنا الحالية سواء في الظروف التقنية أو الظروف الاجتماعية أو الاقتصادية أو السياسية كان لا بد أن تتغير معها طريقة البحث بشكل يضمن تحقيق حاجات ورغبات الانسان في هذا العصر. لذلك نجد أن البحث في أيامنا تغير كثيراً مقارنة مع البحث البدائي وأصبح يعتمد على طرق واضحة ومنهجية محددة في الوصول الى الحقائق أو في اكتشاف الظواهر. ولاهمية البحث في أيامنا هذه نجده جزءاً لا يتجزأ من حياة أية أمة أو مؤسسة أو هيئة بحيث أصبح يُخصص له موارد مالية وبشرية للاعتماد عليه في اتخاذ القرارات بمختلف أنواعها .

ان المشكلة الرئيسية التي تواجه معظم المؤسسات في أيامنا هذه هو كيفية مراقبة حاجات الانسان ومعرفة المشاكل التي تواجهه في الحاضر والتنبؤ بها في المستقبل وكإستجابة لهذا الوضع والمساعدة في تنبؤ المستقبل فإن مبدأ النظام الرسمي في جمع المعلومات للتسهيل أو المساعدة في عملية اتخاذ القرارات أصبح ضرورة .

#### تعريف البحث Research Definition

يوجد العديد من التعريفات الجيدة للبحث والتي منها أن البحث عبارة عن عملية منظمة في جمع البيانات وتسجيلها وتحليلها لحل مشكلة ما . ولكن لأغراضنا،

نود أن يتضمن تعريف البحث أربعة عناصر رئيسية. وهذه العناصر هي :

( ١ ) طريقة منظمة Systematic Approach

( ٢ ) الموضوعية Objectivity

( ٣ ) المعلومات Information

( ٤ ) اتخاذ القرار Decision Making

وعليه يمكن تعريف البحث على أنه طريقة منظمة وموضوعية في جمع البيانات وتسجيلها وتحليلها لاستخلاص وتطوير المعلومات لتزويدها للمؤسسة أو صاحب القرار لاستخدامها في عملية اتخاذ القرار .

تشير الطريقة المنظمة في هذا التعريف لضرورة تنظيم وتخطيط مشروع البحث من خلال استخدام النواحي الاستراتيجية والفنية في تصميم البحث وكذلك توقع البيانات المراد تجميعها وأنواع الاختبارات التي يجب أن تستخدم في التحليل . وتتضمن الموضوعية وجوب محاولة عدم التحيز في المجاز البحث . بمعنى آخر استخدام الطريقة العلمية في عملية البحث .

### -أنواع البحث Types of Research

يمكن تقسيم الدراسات البحثية الى قسمين :

١ - البحث الاساسي أو النظري والذي يهدف الى توسيع حدود المعرفة بالنسبة لظاهرة معينة أو مشكلة معينة . وهناك بعض التساؤلات حول امكانية استخدام مثل هذا النوع من المعرفة في العملية الادارية .

٢ - البحث التطبيقي ( التحري ) والذي يهتم بمساعدة الادارة في اتخاذ قرارات أفضل . وتكون هذه الأبحاث موجهة نحو حالات محددة من المؤسسة ، نتائجها تعمل كدليل في عملية اتخاذ القرارات .

ويمكن التمييز ما بين البحث الأساسي والتطبيقي من خلال شمولية البحث . ان من الخصائص المرغوبة في البحث النظري هو الشمولية والكمالية Thorough and Complete . ولكن الشمولية في البحث التطبيقي تكون محددة بالمعلومات المطلوبة لمتخذ القرار .

وحتى يتمكن من اجراء البحث سواء كان نظرياً أم تطبيقياً، فانه لا بد من توفر المال والجهد والوقت والمنهجية . وتعرف المنهجية على أنها التحري الدقيق وباجراءات منظمة ومنسقة للحصول على نتائج لاستخلاص المعلومات المطلوبة ومن ثم معرفة الحقيقة . وعليه فان الوقت والمال والجهد المطلوب لعمل دراسة شاملة قد لا يكون ضروري مقارنة مع الدراسة التطبيقية اذا ما أخذنا بعين الاعتبار المعلومات المطلوبة لاتخاذ قرار كفيء وفعال . لذلك ان التركيز في هذا الكتاب سوف يكون بشكل رئيسي على الأبحاث التطبيقية . ولكن هذا لا يمنع من استخدام بعض المبادئ والطرائق البحثية على الأبحاث النظرية .

### **العلاقة بين الادارة والبحث The Management - Research Relationship**

تعتمد فعالية نظام البحث على حجم العلاقة ما بينها وبين الادارة الطالبة للبحث . ويوجد هناك العديد من العوامل التي تؤثر على هذه العلاقة مثل الاختلافات ما بين بعض المدراء والباحثون بالنسبة لبعض المسؤوليات وأهداف العمل والخلفية التعليمية .

ان نظام البحث يتطلب مهارات ومعرفة من الأشخاص الباحثين المتخصصين . لذلك قد يحتوي قسم البحث والتطوير في أي مؤسسة على كفاءات متخصصة في مراحل عملية البحث المختلفة مثل تصميم الاستبيان ومسح مجتمع الدراسة واعداد البيانات وتحليلها واعداد التقارير . ولكن التخصص يتضمن معرفة الشخص الباحث في طبيعة مشكلة البحث قيد الدراسة بالإضافة الى معرفته في الاحصاء والرياضيات وعلم

النفس واستخدام الحاسوب والاقتصاد حتى يصبح باحث متخصص مؤهل . ولكن غالباً ما تكون خبرة الباحثين بالنسبة لدور الأبحاث التطبيقية في عملية اتخاذ القرارات الإدارية قليلة .

إذا كان الشخص متخصص في البحث وليس موجّه إدارياً فإنه يمكن الاستفادة منه في عملية البحث دون التدخل في عملية تحديد الحاجة للبحث . فالشخص الباحث في هذه الحالة قد يفضل في طرح أسئلة موجّه بالنسبة لحالة القرار وبالتالي قد لا تساهم نتائج بحثه في عملية اتخاذ القرار .

#### - صفات الباحث

يتوجب على الشخص الباحث أن يتميز بخصائص وصفات شخصية تميزه عن غيره حتى يتمكن صاحب القرار من الاستفادة من نتائج الأبحاث التي يقوم بها في عملية اتخاذ القرارات بالنسبة للمشكلة قيد البحث . ويمكن تقسيم هذه الصفات والتي يجب أن يتحلّى بها الشخص الباحث إلى قسمين : ( ١ ) صفات خلقية . ( ٢ ) صفات علمية . وفيما يلي شرح لهاتين الخاصيتين :

#### ١ - صفات خلقية .

تتعلّق الصفات الخلقية بتلك الخصائص ذات العلاقة بالباحث كإنسان . وأول هذه الصفات التي يجب توفرها في الشخص الباحث هي الصدق والأمانة في تسجيل وتفريغ البيانات المستخدمة في حل مشكلة البحث قيد الدراسة . كما يتوجب على الشخص الباحث أن يحب عمله الذي يقوم به والذي ينعكس من خلال قوة الرغبة عنده في القيام بعملية البحث لأن ذلك ينعكس بشكل مباشر على درجة الموضوعية في نتائج البحث . كما نتوقع أن يكون الباحث موضوعياً في تعامله مع الناس وموضوعياً في مناقلة المشكلة ودقيقاً في تسجيل البيانات



اللازمة وذو قدرة قوية على الملاحظة حتى يتمكن الباحث من عكس الواقع من خلال البحث قيد الدراسة .

## ٢ - صفات علمية .

تتعلق الصفات العلمية بتلك الخصائص ذات العلاقة بالباحث كعالم . ويمكن تقسيم هذه الصفات الى نوعين :

### أ - الصفات العلمية العامة :

وتتمثل هذه الصفات بالخصائص التي يجب أن تتوفر في كل باحث وبغض النظر عن نوع الأبحاث التي يقوم بها . وتشمل هذه الصفات على ما يلي :

١ - مقدرة الباحث على القيام بعملية تصميم البحث بطريقة جيدة حتى يتمكن

من : ( ١ ) الحصول على البيانات المناسبة لتحقيق أهداف الدراسة .

( ب ) تحديد الاختبارات والتحليل اللازمة لتحقيق أهداف البحث .

( جـ ) اختيار الطريقة الأمثل في جمع البيانات المطلوبة .

( د ) تنفيذ اجراءات البحث بطريقة اقتصادية .

٢ - مقدرة الشخص الباحث في ربط البيانات التي تمّ تجميعها والمعلومات المطلوبة لعملية اتخاذ القرار .

٣ - المقدرة على عمل الأبحاث بموضوعية لتجنب التحيز . بمعنى آخر البعد عن

العادات والتقاليد والخبرة الشخصية في عملية البحث حتى يتمكن من

الوصول الى نتائج يمكن استخدامها في حل مشكلة البحث قيد الدراسة .

### ب - صفات علمية خاصة .

تتعلق الصفات العلمية الخاصة بتلك الخصائص التي يجب أن تتوفر بالشخص

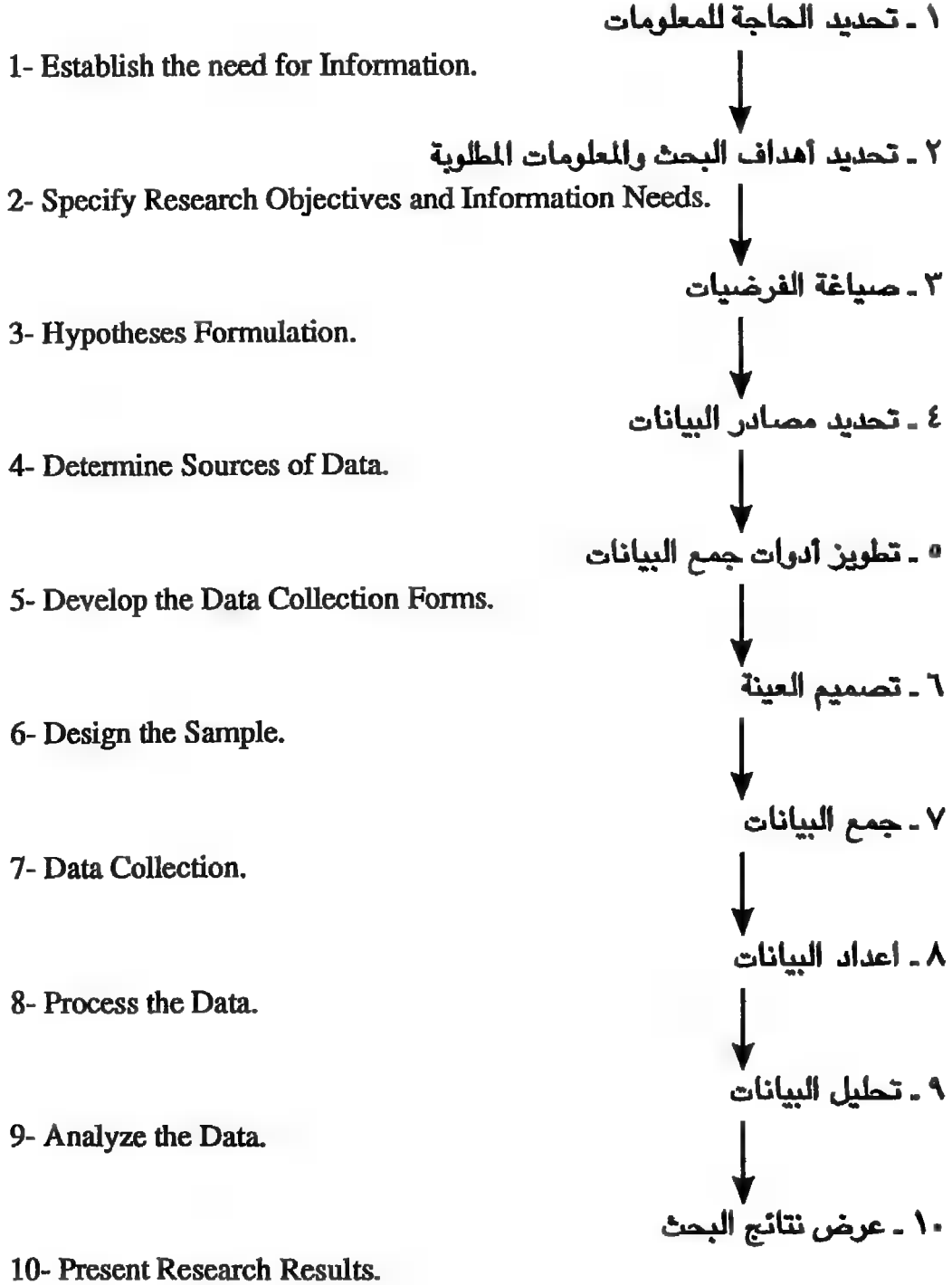
الباحث وذات علاقة بموضوع البحث قيد الدراسة . ومن هذه الخصائص المعرفة

النظرية بموضوع البحث قيد الدراسة . والمعرفة النظرية مهمة جداً لتشكيل أهداف الدراسة وتحديد المتغيرات ذات العلاقة بتحقيق أهداف الدراسة قيد البحث حتى يتمكن أصحاب القرارات من الاستعانة في نتائج الدراسة على عمل القرارات . كما تتعلق هذه الخصائص بالمعرفة بطرائق البحث المختلفة وكيفية المفاضلة ما بين هذه الطرائق حتى يتم استخدام طريقة البحث الأمثل في حل مشكلة البحث قيد الدراسة . هذا بالإضافة الى مقدرة الباحث في تحديد المجتمع الأمثل لجمع البيانات لضمان جمع بيانات تتفق والمعلومات المطلوبة .

#### **- عملية البحث The Research Process**

يمكن النظر الى مشروع البحث كسلسلة من الخطوات المتتابعة والتي يطلق عليها اسم عملية البحث والشكل ( ١ - ١ ) يوضح الخطوات في هذه العملية . وحتى يتمكن من القيام بالبحث بكفاءة وفعالية، فانه من الضروري توقع خطوات البحث وإدراك العلاقات فيما بينها قبل البدء بعملية البحث . وسوف نقوم الآن بتوضيح خطوات عملية البحث بشكل بسيط حتى نبين تسلسل هذه الخطوات ودرجة اعتمادها على بعضها البعض، ثم نقوم بتفصيل هذه الخطوات بالفصول اللاحقة .

## شكل ( ١ - ١ )



## ١ - الحاجة للمعلومات .

ان بيان الحاجة لمعلومات البحث بالتأكيد هي أول خطوة من خطوات عملية البحث . ان الطلب الأولي للمدير بالمساعدة يبين الحاجة لمعلومات البحث . وحتى يتمكن الباحث من القيام بالبحث فيتوجب عليه معرفة وفهم وبشكل كامل سبب أو أسباب الحاجة الى البحث . فالمدير هو المسؤول عن توضيح الظروف المحيطة عن الشيء المطلوب له معلومات لأن ذلك سوف يسهل في عملية اتخاذ القرار Decision- making process وإذا كان المطلوب من البحث تزويد معلومات مهمة لعمل القرار، فان ذلك يتطلب تحديد الحاجة للمعلومات البحثية وبدقة . (الفصل الرابع يوضح بالتفصيل) .

ان المدراء غالباً ما يواجهوا أعراض المشكلة وليس المشكلة المطلوب تجميع بيانات عنها . لذلك فان تحديد الحاجة للمعلومات البحثية مرحلة حرجية وصعبة في عملية البحث . لهذا فانه من المهم جداً إعادة النظر في هذه المرحلة من مشروع البحث لضمان نتائج بحث تساعد في اتخاذ القرار .

## ٢ - أهداف البحث والمعلومات المطلوبة .

عندما تحدد الحاجة لمعلومات البحث وبوضوح، فان اهتمام الشخص الباحث يجب ان يتحول الى تحديد أهداف للبحث المنوي عمله وتطوير قائمة محددة بالمعلومات المطلوبة . كما يجب على أهداف البحث أن تجيب عن السؤال التالي : « لماذا يجب أن نقوم بالبحث ؟ » . بشكل عام تحدد أهداف البحث كتابةً قبل البدء بتنفيذ البحث . ويجب أن تكون المعلومات المطلوبة قادرة على تحقيق أهداف البحث . ويمكن التفكير بالمعلومات المطلوبة من ناحية عملية كقائمة مفصلة لأهداف الدراسة .

### ٣ - صياغة الفرضيات .

يتوجب على الشخص الباحث بعد تحديد أهداف الدراسة أن يقوم بعملية صياغة الفرضيات التي يتوقع أن تساعد في تفسير مشكلة البحث . والفرضية عبارة عن جملة تقترح من خلالها حل معين للمشكلة قيد الدراسة . لذلك ، يتوجب صياغة الفرضية بشكل دقيق جداً نتمكم من القيام بالحكم عن الاقتراح الموجود بالفرضية . وتتخذ الفرضية شكلان عند صياغتها هما صيغة النفي وصيغة الاثبات . صيغة النفي تنفي وجود علاقة أو فرق بين متغيرين أو أكثر . بينما صيغة الاثبات تؤكد وجود علاقة أو فرق بين متغيرين . وغالباً ما تكتب الفرضية بصيغة النفي وتدعى الفرضية الأساسية والتي بها يبدأ اختبار الفرضيات .

### ٤ - مصادر البيانات .

ان الخطوة التي تتبع تحديد أهداف الدراسة وقائمة مفصلة للمعلومات المطلوبة هي تحديد مصادر البيانات ، ومعرفة ما اذا كانت تتوفر داخل المؤسسة التي تدعم البحث أم خارجها . فالمصادر الداخلية تتضمن الأبحاث السابقة وملفات وسجلات المؤسسة . بينما تتضمن المصادر الخارجية للبيانات تقارير الأبحاث التجارية ومجلات وتقارير الصناعة والتقارير الحكومية ... الخ . فاذا وجد الشخص الباحث البيانات المناسبة للمعلومات المطلوبة ، فيتوجب عليه فحص تصميم البحث للتأكد من دقتها لأن سمعة المؤسسة التي تجمع وتحلل البيانات تعمل كدليل لمصداقيتها .

أما اذا لم تتوفر البيانات داخل المؤسسة أو خارجها ، فعلى الباحث أن يعمل على توفير بيانات جديدة أو أولية إما عن طريق البريد أو التلفون أو المقابلة الشخصية أو الملاحظة أو التجارب أو المحاكاة . والخطوات اللاحقة في عملية البحث تتعلق بجمع البيانات من خلال هذه المصادر .

## ٥ - أدوات جمع البيانات .

يتوجب على الشخص الباحث وخلال اعداد أداة جمع البيانات ايجاد ربط فعال ما بين المعلومات المطلوبة والأسئلة التي يجب أن تُسأل أو الملاحظات التي يجب تدوينها . ان نجاح اي دراسة يعتمد على مهارة الباحث ومقدرته الابداعية في ايجاد مثل هذا النوع من الربط . كما ان هذه المسؤولية تقع على عاتق الشخص الباحث وبالكامل .

## ٦ - تصميم العينة .

اذا لم يكن بالامكان دراسة جميع أفراد مجتمع الدراسة، فعلى الباحث القيام بعملية تصميم العينة والتي تهتم بمعرفة عناصر العينة . وحتى يتمكن الباحث من القيام بذلك فانه لا بد من تحديد مجتمع الدراسة والذي يجب أن نختار العينة منه بدقة . واختيار العينة يتطلب معرفة الطرق المختلفة والتي تستخدم في عملية الاختيار والتي يمكن تصنيفها الى طرق احتمالية وطرق غير احتمالية . ثم يتوجب على الشخص الباحث تحديد حجم العينة المناسبة .

## ٧ - جمع البيانات .

تعتبر عملية جمع البيانات مهمة جداً لأنها غالباً ما تتحكم بطبيعة نتائج البحث ومقدار الخطأ فيها كما انها تحتاج الى جزء كبير من ميزانية البحث . لذلك فان اختيار الأشخاص الباحثين وتدريبهم ومراقبتهم أمر ضروري لضمان عمل أبحاث فعالة .

## ٨ - اعداد البيانات .

تبدأ عملية اعداد البيانات بعد تسجيلها . وهذا يتضمن أعمال التدقيق

والترقيم. التدقيق يتضمن مراجعة أداة جمع البيانات من حيث مؤهليتها في جمع البيانات والتوازن والكمال بينما الترقيم يتضمن تقسيم المستجوبين الى مجموعات بحيث يمكن تمثيلها بواسطة أرقام. وبعد ذلك تصبح البيانات جاهزة لوضعها في جداول من أجل اجراء التجاليل اللازمة اما بالطريقة اليدوية او الآلية.

#### ٩ - تحليل البيانات.

انه من المهم جداً لأن يكون التحليل للبيانات منسجم مع متطلبات المعلومات المطلوبة في الخطوة الثانية. وهذا يتطلب عادة استخدام النموذج أو الاختبار الاحصائي أو الرياضي والذي يتلاءم مع طبيعة أهداف الدراسة.

#### ١٠ - عرض النتائج.

غالباً ما تعرض نتائج البحث على مدير المؤسسة أو الجهة المقدم لها البحث من خلال تقرير مكتوب أو عرض شفهي. كما يفضل أن تعرض نتائج البحث بطريقة مبسطة بحيث يتم معرفة المعلومات المطلوبة وفهمها بالنسبة لمتخذ القرار لاستخدامها في الحياة العملية. ففائدة البحث تكمن في طريقة عرض النتائج بغض النظر عن الفعالية التي تم انجاز الخطوات السابقة بها.

#### - الأخطاء في البحث Errors in Research

يمكن وقوع الأخطاء عند كل خطوة من خطوات البحث والذي بدوره قد يؤدي الى تزويد المدراء بمعلومات مضللة. وعليه فان مراقبة هذه الأخطاء غاية في الأهمية بالنسبة لمتخذي القرارات أو المدراء أو المؤسسات التي تدعم البحث. ويوجد هناك نوعان من الأخطاء ( ١ ) أخطاء العينة Sampling Errors

( ٢ ) أخطاء غير العينة Non-Sampling Errors

## ١ - أخطاء العينة Sampling Errors

تستخدم معظم الأبحاث التي تجري في هذه الأيام عينات من الأشخاص أو السلع أو المحلات أو الشركات . وبناءً على نتائج العينة يقوم الباحث أو متخذ القرار بعمل استنتاجات عن مجتمع الدراسة والذي منه تم اختيار العينة . مثال : ان اتجاه المواطن الأردني نحو الصناعة المحلية قد أُشتقت من عينة من منطقة عمان . بما ان الباحث استخدم العينة لتقدير مجتمع الدراسة، فان هذا يؤدي الى وجود فروق ما بين نتائج العينة والنتائج الحقيقية لمجتمع الدراسة . وغالباً ما يطلق على هذا الفرق في النتائج بخطأ العينة .

## ٢ - أخطاء غير العينة Nonsampling Errors

تمثل أخطاء غير العينة جميع الأخطاء التي يمكن إن تقع في عملية البحث ما عدا أخطاء العينة . وهذا يتضمن ببساطة جميع النواحي بعملية البحث والتي تؤدي الى وقوع أخطاء مقصودة او غير مقصودة . وبما ان هذه الأخطاء في عملية البحث تقع وبشكل مستمر فلا بد من ادراك ما يلي :

( ١ ) ماذا يمكن للأخطاء غير العينية أن تحدث .

( ٢ ) ما هو تأثير هذه الأخطاء على نتائج عملية البحث .

( ٣ ) ما هي الخطوات الواجب اتباعها للتقليل من هذه الأخطاء .

## - تأثير الأخطاء غير العينية The Effect of Nonsampling Errors

تتميز خصائص الأخطاء العينية بما يلي : ( ١ ) قابلة للقياس . ( ٢ ) تتناقص كلما زاد حجم العينة . لسوء الحظ، ان الأخطاء غير العينية صعبة القياس لا تتناقص مع ازدياد حجم العينة، بل تتزايد مع تزايد حجم العينة . ان تأثير الأخطاء غير العينية يجعل نتائج عملية البحث مضللة في اتجاهات ومقادير غير معروفة .



## **-أنواع الأخطاء غير العينية Types of Nonsampling Errors**

### **١ - تعريف المشكلة الخاطئة Faulty Problem Definition**

إذا لم يتمكن الباحث من تحديد المشكلة وبشكل دقيق، فإن أي بحث يقوم به الشخص الباحث وبغض النظر عن تصميمه لا يخدم المشكلة الحقيقية. وعليه فإن هذا سوف يتبعه خطأ في نتائج البحث وعدم امكانية في تطبيقها في حل المشكلة الحقيقية.

### **٢ - تحديد مجتمع الدراسة الخاطئة Defective Population Definition**

يجب تحديد مجتمع الدراسة وبدقة ليتناسب مع أهداف الدراسة. فإذا كان مجتمع الدراسة هو طلبة جامعة مؤتة في كلية الاقتصاد والعلوم الادارية. وقد تم اختيار عينة من طلبة جامعة مؤتة كلية العلوم، فإن هذا سوف يؤدي الى تحيز في نتائج الدراسة. وعليه يكون نتائج الدراسة قابلة للتساؤل.

### **٣ - اطار الدراسة غير ممثل للمجتمع Frame is Nonrepresentative of the Population**

يجب أن يكون اطار اختيار العينة مطابق لمجتمع الدراسة. مثال : تريد شركة استثمارات اختيار عينة أصحاب الاسهم باستخدام دليل الهاتف. ان اطار اختيار العينة قد لا تمثل مجتمع الدراسة لان بعض حملة الاسهم قد لا يمتلكون خدمة الهاتف، لهذا فان نتائج الدراسة قابلة للشك.

### **٤ - أخطاء عدم الاستجابة Nonresponse Errors**

تنتج بعض الأخطاء نتيجة رفض بعض أعضاء العينة المختارون ليكونوا أحد أعضاء العينة أو انشغالهم اثناء فترة مقابلتهم. فالعينة عند اختيارها كانت ممثلة، ولكن

عند عدم مقدرة مقابلة أي فرد من أفراد العينة يجعلها عينة غير ممثلة. وعليه فانه يطلق على هذا النوع من الأخطاء بأخطاء عدم الاستجابة.

#### ٥ - أخطاء في القياس Measurement Errors

القياس هي عملية تعيين أرقام للظواهر الملاحظة. فاذا قام الباحث بهذه العملية بطريقة غير دقيقة، فان هذا يؤدي الى حدوث أخطاء في القياس.

#### ٦ - التصميم الرديء للاستبيان Poor Questionnaire Design

اذا كان تصميم الاستبيان غير فعال اما بسبب عدم وضوح في كلمات جمل الاستبيان أو ازدواجية المعاني أو عدم تسلسل الاسئلة المنطقي، فان هذا سوف يؤدي الى تحيز في تعبئة الاستبيان من قبل الشخص المستجوب. وعليه فان البيانات المجمعة عن طريق الاستبيان يكون مشكوك فيها.

#### ٧ - أخطاء في اعداد البيانات Data Processing Errors

ان اعداد البيانات لمرحلة التحليل يتطلب تفريغ الاستبيان للتحضير لهذه المرحلة. وعملية الاعداد تتضمن اعطاء الاستجابات أرقام معينة ومن ثم تسجيلها ومن ثم تفريغها على أوراق خاصة بجهاز الحاسوب ... الخ. وانه من الممكن الوقوع بأخطاء اثناء القيام بهذه العمليات أو تحيز في عملية اعطاء الأرقام. وهذا يؤدي بالنهاية الى تحيز في نتائج دراسة البحث.

#### ٨ - أخطاء في عملية التحليل Data Analysis Errors

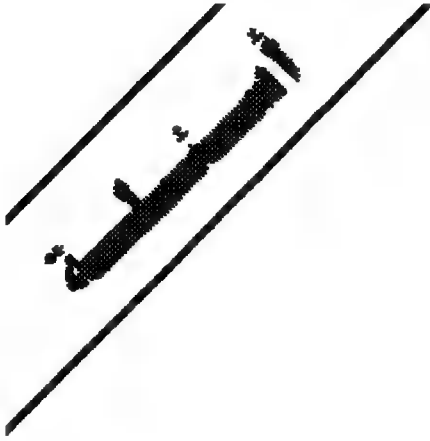
انه لمن السهل جداً الوقوع في أخطاء اثناء عملية التحليل مثل جمع الأرقام الخاطيء. ولكن معظم الأخطاء أكثر تعقيد من ذلك. فمعظمها يتضمن تطبيق خاطيء لاجراءات تحليل البيانات.

## ٩ - أخطاء في تفسير النتائج Interpretation Errors

ان بعض الباحثين أو الأفراد يقومون بتفسير مجموعة من البيانات بشكل يتلائم مع أغراضهم. وهذا التفسير المتحيز قد يكون مقصود أو غير مقصود أو قد يكون بسبب عدم فهم نتائج دراسة البحث. ان هذا النوع من التفسير يثير الشكوك حول نتائج البحث.

وعليه فان :

الخطأ الكلي = الخطأ الناتج عن العينة + الخطأ الناتج عن غير العينة.



- س١ : عرف البحث العلمي ؟
- س٢ : اذكر أنواع البحث العلمي ثم قارن بينهما ؟
- س٣ : حدد وبالتسلسل خطوات عملية البحث .
- س٤ : لماذا يعتبر ضرورياً توقع خطوات عملية البحث من قبل الشخص الباحث ؟
- س٥ : ما هو المقصود بأخطاء غير العينة ؟
- س٦ : ما هي خصائص أخطاء غير العينة ؟
- س٧ : عرف جميع أنواع أخطاء غير العينة مع اعطاء مثال على كل نوع .

## **الفصل الثاني**

**تصميم البحث ومصادر البيانات**

**Research Design & Data Sources**



## **تصميم البحث ومصادر البيانات**

### **Research Design & Data Sources**

---

#### **- تصميم البحث Research Design**

يعتبر تصميم البحث الخطوة الأساسية والتي تعمل كدليل في جمع البيانات وتحليلها في مشروع البحث . ويمثل تصميم البحث اطار العمل الذي يحدد نوع المعلومات المطلوبة ومصادر البيانات واجراءات تجميعها . والتصميم الجيد يضمن ان المعلومات المجمعة تتوافق وأهداف الدراسة . كما يضمن التصميم الجيد جمع البيانات بطريقة دقيقة وباجراءات اقتصادية . ولا يوجد هناك تصميم بحث معياري او مثالي يمكن أن يعمل كدليل للشخص الباحث لان هناك أكثر من تصميم بحث يمكن أن يحقق نفس نتائج البحث .

#### **- أنواع الأبحاث Types of Research**

ان هدف مشروع البحث هو الذي يحدد الخصائص المرغوب توفرها في تصميم البحث . ان أهداف مشروع البحث تعتمد على مراحل عملية القرار والتي نحتاج المعلومات لها . ويوجد هناك ثلاثة أنواع من الأبحاث بهذا الخصوص وهي :

١ ) أبحاث استكشافية Exploratory

٢ ) أبحاث نهائية Conclusive Research

٣ ) أبحاث مراقبة الأداء Performance-Monitoring Research

## ١ - الأبحاث الاستكشافية

تعتبر الأبحاث الاستكشافية مناسبة إذا كانت أهداف البحث تتضمن ما يلي :

- (١) تحديد المشاكل أو الفرص.
- (٢) تطوير صياغة دقيقة جديدة لفرصة أو مشكلة محددة بشكل واضح.
- (٣) تحقيق منظور مستقبلي مناسب لمجموعة متغيرات تؤثر في مشكلة ما.
- (٤) تحديد الأولويات بالنسبة للمشاكل أو الفرص.
- (٥) إيجاد منظور مستقبلي إداري وبحثي بالنسبة لخصائص مشكلة البحث.
- (٦) تحديد وتشكيل البدائل وسائل العمل المختلفة.
- (٧) تجميع المعلومات عن المشاكل التي يمكن أن ترافق تنفيذ البحث النهائي.

تعتبر الأبحاث الاستكشافية الخطوة الأساسية لسلسلة من الدراسات المصممة لتزويد معلومات تساعد في اتخاذ القرارات . فالغرض من هذا النوع من البحث هو تشكيل الفرضيات بالنسبة لمشاكل فعلية أو فرص حقيقية يمكن إن تظهر عند وضع القرار . والمقصود بالفرضية جملة قابلة للرفض أو القبول تبحث في العلاقة بين متغيرين أو أكثر . ويجب أن تتضمن الفرضية مؤشر واضح في قياس المتغيرات واختيار العلاقة الموضوعية . ويمكن أن تكون الأبحاث الاستكشافية في الحالات التي تكون فيها الإدارة تستجيب لأغراض تناقص الحصة السوقية المحلية للمؤسسة من خلال طرح السؤال التالي، ما هي المشكلة؟ فمهمة البحث الاستكشافي في هذه الحالة هي صياغة فرضية أساسية بحيث تهتم بسبب التناقض . ويمكن إعادة صياغة الفرضية الأساسية بفرضيات أخرى أكثر تحديد حتى نستطيع تحديد المشاكل أو الفرص بعلمه . وتعتبر هذه الجملة الفرضية (الفرضيات) الأساسية بالنسبة للأسباب المؤثرة في حالة القرار . ويمكن اختبار هذه الفرضية أو الفرضيات في مرحلة لاحقة من عملية القرار بطرق البحث النهائية .

ومن الأمثلة على الفرضيات التي يمكن تطويرها في البحث الاستكشافي ما يلي :



- ١ - التركيز على القيمة الغذائية للسلعة في الحملة الدعائية يزيد من ادراك السلعة اكثر من التركيز على المذاق الجيد للسلعة .
  - ٢ - تغيير محتوى المنتج من الشوكولاتة الصناعية مثلاً الى الشوكولاتة الحقيقية يزيد من تفضيل السلعة مقارنة مع السلع المنافسة .
  - ٣ - تخفيض سعر التجزئة للمنتج بنسبة ١٠٪ سوف يؤدي الى زيادة في الحصة السوقية المحلية بنسبة ٢٪ خلال سنة .
- إن البحث الاستكشافي يتعامل مع حالة قرار تكون فيه المعلومات المتوفرة قليلة . لذلك يجب أن يتميز تصميم البحث بالمرونة حتى يتمكن من استيعاب أي شيء غير متوقع لاكتشاف أفكار لم تكن مدركة من قبل . ومن الاجراءات التي يمكن أن تساعد في عمل الابحاث الاستكشافية ما يلي :
- ( ١ ) البحث في المصادر الثانوية .
  - ( ٢ ) مقابلة الأشخاص ذوي المعرفة .
  - ( ٣ ) دراسة الحالات الماضية .

## ٢ - البحث النهائي

ان الهدف من تصميم البحث النهائي هو تزويد المعلومات لتقييم طرق العمل المختلفة للمساعدة في اختيار الطريقة الأمثل في حل مشكلة البحث . ويمكن تقسيم البحث النهائي الى قسمين :

١ - البحث الوصفي . Descriptive Research

ب - البحث السببي . Causal Research

## أ - البحث الوصفي

تتضمن معظم دراسات الأبحاث الادارية أبحاثاً وصفية . تعتمد هذه الأبحاث وبشكل كبير على ما يقوله الشخص المستجوب والبيانات المتوفرة من مصادر البيانات الأولية . وتعتبر الأبحاث الوصفية ملائمة اذا كانت أهداف الدراسة تتضمن ما يلي :

١ - توضيح خصائص ظاهرة ادارية وتحديد درجة حدوثها .

٢ - تحديد درجة تأثير المتغيرات الادارية على الظاهرة .

٣ - عمل التنبؤات بالنسبة لحدوث الظاهرة الادارية .

يمكن للبحث الوصفي أن يحدد خصائص الظاهرة الادارية ويبين العلاقات ما بين المتغيرات ، ولكن لا يمكنه من صياغة جملة بالنسبة للعلاقات السببية والتأثيرية . كما يمكن للشخص متخذ القرار أن يقوم بالتنبؤ بان بعض الأعمال المحددة سوف تؤدي بعض النتائج المحددة باستخدام البحث الوصفي ولكن هذا الدليل بعينه لا يكفي لتوضيح العلاقة السببية والتأثيرية .

ان خصائص البحث الوصفي والغرض منها تختلف اختلافاً فعلياً عن البحث الاستكشافي . يتميز البحث الوصفي الفعال بوجود مشكلة واضحة وأهداف محددة وتكون المعلومات المطلوبة مفصلة . كما يتصف تصميم البحث الوصفي بالتخطيط الجيد والهيكل المناسب لضمان نتائج دقيقة بنسبة عالية لان الغرض منه تزويد معلومات بالنسبة لأسئلة أو فرضيات محددة . والمقصود بالنتائج الدقيقة هو التقليل من الأخطاء التنظيمية وزيادة المصداقية بالشواهد أو الأدلة المجمعة . وتشير الأخطاء التنظيمية الى التحيز الناتج من عملية القياس بينما المصداقية الى الحد الذي تكون فيه عملية القياس خالية من الأخطاء العشوائية وغالباً ما يستخدم البحث الوصفي أسلوب اختيار العينة من مجتمع الدراسة في وقت معين . ويعتبر هذا النوع من تصميم البحث أكثر الأنواع استخداماً وأكثرها

معرفة عند الأشخاص. ويعتبر أسلوب تصميم العينة مفيداً في وصف خصائص مجتمع الدراسة وكذلك في تحديد درجة تكرار الظاهرة الادارية. مع العلم بأن أسلوب تصميم العينة غالباً ما يكون مكلفاً ويحتاج الى مهارات عالية من الشخص الباحث حتى يتمكن من تنفيذه بكفاءة.

## ب- البحث السببي

ان عملية اتخاذ القرارات تتطلب افتراضات بالنسبة للعلاقات السببية والتأثيرية التي تظهر في النظام الاداري. ولتأكيد أو رفض هذه العلاقات فانه لا بد من تصميم بحث سببي لتجميع الأدلة بالنسبة لهذه العلاقات. ان هذا يتطلب القيام بتصميم بحث سببي يتصف بالتخطيط الجيد والهيكل المناسب للتقليل من تأثير الأخطاء التنظيمية وزيادة المصدقية وبالإضافة الى السماح بتزويد نتائج واضحة بالنسبة للعلاقات السببية.

وتعتبر الأبحاث السببية مناسبة في الأبحاث التي تتضمن الأهداف التالية :

١ - لفهم أي المتغيرات في الدراسة والتي سببت في حدوث ما تمّ التنبؤ به. فالتركيز هنا يكون في معرفة الأسباب التي أدت الى حدوث الأشياء.

٢ - لفهم طبيعة العلاقات الوظيفية ما بين العوامل المسببة وما هو التأثير المتوقع.

ان مصادر البيانات الرئيسية للبحث السببي هي :

( ١ ) استجواب ذوي العلاقة. ( ٢ ) تنفيذ التجارب .

اذا كان بالامكان تحديد درجة العلاقة ما بين المتغيرات واختبار الفرضيات باستخدام طريقة الاستجواب، فانه ليس بالامكان التمييز بين المسببات كما هو الحال في طريقة التجارب. لذلك فان التصميم الجيد للتجربة يمكن أن يضمن أدلة ملائمة وواضحة في التفسير بالنسبة للمسببات.

### ٣ - أبحاث مراقبة الأداء .

تزود أبحاث مراقبة الأداء معلومات بالنسبة لمراقبة النظام الإداري . وتعتبر هذه الأبحاث عنصر ضروري في مراقبة البرامج الإدارية بالنسبة للتخطيط . والغرض من عمل مثل هذا النوع من البحث هو اعلام الإدارة اما بوجود مشكل حقيقية أو فرص ضائعة .

ان أهداف أبحاث مراقبة الأداء هو لمراقبة وكتابة التغير :

( ١ ) في قياس الانجاز مثل المبيعات والانتاج والحصة السوقية لتحديد ما اذا كانت الخطط تحقق الاهداف المرغوب فيها .

( ٢ ) في الاهداف الفرعية مثل الادراك ومستوى المعرفة وعدد وحدات الانتاج ومستوى الاسعار بالنسبة للمواد الأولية لتحديد ما اذا تم تنفيذ البرامج الادارية حسب الخطط الموضوعة .

( ٣ ) في المتغيرات البيئية مثل نشاطات المنافسة والتقدم التقني والظروف الاقتصادية لتحديد ماذا تم توقع الظروف البيئية عند تشكيل الخطط .

ان مصادر البيانات المناسبة لأبحاث مراقبة الأداء تتضمن ما يلي :

( ١ ) استجواب الأشخاص ذوي العلاقة .

( ٢ ) البيانات الثانوية .

( ٣ ) الملاحظة .

### - مصادر البيانات . Data Source

يوجد هناك أربعة مصادر رئيسية للأبحاث الإدارية، وهذه المصادر هي :

( ١ ) المستجوبين ذوي العلاقة

( ٢ ) المناظرة

( ٣ ) التجارب

( ٤ ) البيانات الثانوية .

## ١ - المستجوبين Respondents

يمثل المستجوبين مصدر رئيسي في تجميع البيانات الادارية . ويوجد هناك طريقتان رئيسيتان لتجميع البيانات من المستجوبين وهي الاتصال والملاحظة . تتطلب طريقة الاتصال التفاعل بطريقة مباشرة من المستجوب في جمع البيانات . بينما لا تتطلب طريقة الملاحظة التفاعل المباشر من الشخص المراقب ، بل هي عملية ادراك وتسجيل البيانات الملائمة عن حدث ما . ويمكن تجميع بيانات عن المستجوبين بطريقتين مختلفتين هي :

### أ - طريقة الاتصال . Communication with Respondents

#### ب - طريقة الملاحظة . Observation of Respondents

### أ - طريقة الاتصال :

تعتبر هذه الطريقة من أكثر طرق استخداماً في تزويد البيانات الادارية . وتعتبر هذه الطريقة منطقية في تجميع البيانات عن طريق طرح الأسئلة على مجموعة من الأشخاص . وتستخدم هذه الطريقة بشكل مستمر ويومي من قبل جميع الناس عن طريق طرح الأسئلة لأي شخص يعتقدون انه ذوي معرفة . وتعتبر هذه الطريقة مهمة في تجميع البيانات عندما تحتاج دراسة البحث بيانات عن الاتجاهات أو الادراك أو الحوافز أو المعرفة أو سلوك مقصود . ويمكن أن يكون المستجوب مستهلك ، عامل ، مدير ، فني ، تاجر تجزئة أو أي شخص ذو خبرة يمكن أن يعطي بيانات مفيدة لحالة القرار . وتتطلب عملية الاتصال الفعالة مع المستجوبين تدريب خاص ومهارات عالية اذا كانت البيانات مهمة جداً لحالة القرار ، لأن البيانات تكون مضللة اذا كانت الأسئلة متحيزة أو اذا كان الأشخاص المستجوبين لا يمتلكون البيانات المرغوب فيها .

ان الادوات المستخدمة في جمع البيانات عن طريق الأسئلة من المستجوبين هي :

( ١ ) المقابلة الشخصية Personal Interview

( ٢ ) المقابلة الهاتفية Telephone Interview

( ٣ ) الاستبيان Questionnaire

ويمكن طرح الاسئلة على مجموعة قليلة من الاشخاص ذوي المعرفة كما هو الحال في الأبحاث النوعية ( Qualitative Research ) أو عمل دراسة مسحية تتضمن مئات الاشخاص كما هو الحال في الأبحاث الكمية ( Quantitative Reasearch ) .

#### ب - طريقة الملاحظة :

الملاحظة هي عملية معرفة وتسجيل بيانات ملائمة على حدث معين . تستخدم هذه الطريقة بشكل كبير في حياتنا اليومية . وتساعد طريقة الملاحظة في تجميع بيانات ذات علاقة مع مشكلة دراسة البحث في لحظة وقوعها . لذلك تمنع هذه الطريقة أو تقلل من الأخطاء الناتجة عن مقاطعة المستجوبين . ولكن لا نستطيع استخدام هذه الطريقة لتحديد الحوافز أو الاتجاهات أو الاعتقاد أو الشعور أو السبب من وراء سلوك معين .

#### ٢ - المناظرة

ان الطريقة المنطقية لدراسة حالة القرار هو من خلال فحص وتحليل حالات مماثلة . وتتضمن الحالات المماثلة دراسة ما يلي :

( ١ ) الحالات التاريخية Case Histories

( ب ) المحاكاة Simulation

#### أ - الحالات التاريخية

ان هذه الطريقة قديمة ومعروفة في دراسات العلوم الاجتماعية . ويتضمن تصميم البحث تحريّات مكثفة لتحديد الحالات ذات العلاقة مع مشكلة ودراسة البحث . ويقوم

مبدأ هذه الطريقة على اختيار مجموعة من الحالات التاريخية المماثلة وتحليلها للحصول على :

( ١ ) تحديد المتغيرات المناسبة لمشكلة البحث .

( ٢ ) معرفة طبيعة العلاقة بين المتغيرات .

( ٣ ) تحديد طبيعة المشاكل أو الفرص التي تمّ دراستها في الحالات التاريخية .

وتعتبر هذه الطريقة مناسبة في الحالات التي تكون فيها المشكلة أو الفرصة ناتجة عن تفاعل معقد لسلسلة من المتغيرات . والحالات التي يمكن دراستها باستخدام دراسة الحالة التاريخية هي الحالات التي تهدف الى :

( ١ ) مقارنة مستويات الانجاز مثل نوعية جيدة ورديئة .

( ٢ ) تسلسل وقوع الأحداث .

ويمكن تجميع البيانات عن السجلات والتقارير أو ملاحظة بعض المتغيرات الرئيسية . ويتميز أسلوب البحث بالمرونة للاستفادة من وقوع الأشياء غير المتوقعة ولتطوير فهم أعمق لمشكلة البحث .

## ب- المحاكاة

ان المقصود بالمحاكاة هو تطوير نموذج مماثل أو مشابه للظاهرة الحقيقية لاجراء الدراسة عليه دون التطرق للظاهرة الطبيعية نفسها . ومن الامثلة المعروفة عن المحاكاة هي نموذج الطائرات وخراطط الطرق .

اما بالنسبة للمحاكاة الادارية فهي عبارة عن تمثيل للنظام الاداري او بعض مظاهره . وتعتبر هذه الطريقة حديثة نسبياً في تجميع البيانات وتعتمد على الحاسوب بشكل كبير . ويمكن استخدام أسلوب المحاكاة في الحصول على فهم أعمق لديناميكية النظام الاداري عن طريقة معالجة المتغيرات المستقلة وملاحظة تأثيرها على المتغيرات المتابعة . وتتطلب المحاكاة الادارية بيانات كمدخلات للنموذج تتعلق بخصائص الظاهرة

المأراد تمثيلها والعلاقات التي تربط ما بين هذه الخصائص .

من فوائد هذه الطريقة هو :

- ( ١ ) قلة التكاليف مقارنة مع طريقة مسح مجتمع الدراسة .
- ( ٢ ) الوقت المطلوب لتجميع البيانات وتحليلها أقل .
- ( ٣ ) السرية في تنفيذ الدراسة . ومن سلبيات هذه الطريقة هو صعوبة تطوير نموذج محاكاة فعال .

### ٣ - التجارب

تعتبر هذه الطريقة حديثة نسبياً في تجميع البيانات الادارية . وتنظيم البيانات المجمعة من هذه الطريقة بطريقة معينة بحيث نستطيع الحصول على جملة واضحة بالنسبة لعلاقات السبب والتأثير .

وتستخدم هذه الطريقة في معالجة أو مراقبة المتغيرات المستقلة بدقة ويكون التأثير على المتغير أو المتغيرات التابعة قابل للقياس . فالهدف من طريقة التجربة هو مقياس تأثير المتغيرات المستقلة على المتغير التابع مع مراقبة المتغيرات الأخرى التي يمكن تقليل من مقدرة الباحث من عمل استنتاجات سببية فعالة .

### ٤ - البيانات الثانوية

يوجد هناك نوعان من البيانات هما الأولية والثانوية . البيانات الأولية هي البيانات التي تجمع لغايات البحث قيد الدراسة . أما البيانات الثانوية فهي البيانات المنشورة والموجودة أصلاً لغير غايات البحث قيد الدراسة . ويمكن الحصول على البيانات الثانوية من مصادر داخلية أو خارجية . وتعتبر البيانات التي تتوفر داخل المؤسسة التي تدعم البحث مصدراً داخلياً . أما البيانات التي نحصل عليها من خارج المؤسسة التي تدعم البحث مصادر خارجية .



إن الفائدة الرئيسية للبيانات الثانوية هو التوفير في الوقت والمال مقارنة مع مصادر البيانات الأولية . لذلك فانه من المهم جداً البحث في مصادر البيانات الثانوية أولاً قبل البدء بالحصول على البيانات الأولية . على الرغم من قلة الحالات التي تكون فيها البيانات الثانوية كافية لتحقيق متطلبات البحث قيد الدراسة، إلا إنها تساعد في :

( ١ ) صياغة مشكلة البحث .

( ٢ ) تساعد في تحديد طرق جمع البيانات وأنواعها والتي تساعد في تحقيق المعلومات المطلوبة .

( ٣ ) تعمل كمصدر لمقارنة البيانات والتي من خلالها نستطيع تفسير وتقييم البيانات الأولية .

( ٤ ) يمكن أن تساعد في إيجاد الطريقة الأمثل لمعالجة البيانات الأولية ذات العلاقة بمشكلة البحث قيد الدراسة .

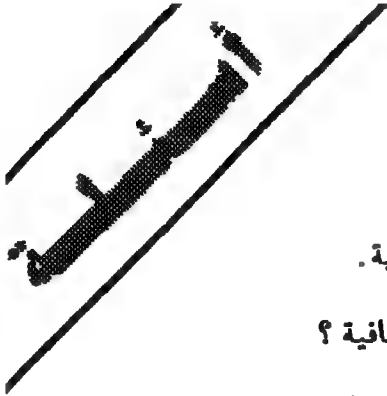
( ٥ ) تساهم في تعميق فهم مشكلة البحث عند الشخص الباحث .

ومن المساوئ الرئيسية للبيانات الثانوية تتعلق فيما يلي :

( ١ ) مدى ملائمة البيانات الثانوية للمعلومات المطلوبة عن مشكلة البحث .

( ٢ ) دقة البيانات الثانوية المتوفرة .

وعلى الرغم من أهمية البيانات الثانوية للشخص الباحث، إلا أنها لا تكفي في معظم الحالات لحل مشكلة البحث قيد الدراسة لعدم وجود المعلومات الدقيقة والكافية عن مشكلة البحث خاصة إذا لم تناقش مشكلة البحث من قبل . لذلك يتوجب على الشخص الباحث الحصول على البيانات الأولية على الرغم من ارتفاع تكاليف الحصول عليها والوقت الطويل اللازم لتجميع البيانات الأولية وتفريغها وتبويبها ومن ثم تحليلها .



- س١ : ناقش طبيعة ودور تصميم البحث في الأبحاث الإدارية .
- س٢ : ما هو نوع تصميم البحث المتعلق بالأبحاث الاستكشافية ؟
- س٣ : لماذا غالباً ما يستخدم البحث الاستكشافي في المراحل الأولية من عملية البحث ؟
- س٤ : ما هو المقصود بالبحث الوصفي ؟
- س٥ : كيف يختلف تصميم البحث في الأبحاث الوصفية مقارنة مع الأبحاث الاستكشافية ؟
- س٦ : ما هي أهداف أبحاث مراقبة الأداء ؟
- س٧ : ناقش المصادر الرئيسية في جمع البيانات الأولية ؟
- س٨ : اذكر الفرق الرئيسي ما بين الأبحاث الكمية والأبحاث النوعية ؟
- س٩ : اذكر فوائد وسلبيات المحاكاة ؟

## **الفصل الثالث**

### **المعاينة (العينات)**

### **Sampling**



## المعاينة (العينات) Sampling

---

### - مقدمة :

تستخدم المعاينة (العينة) بشكل مستمر في الأبحاث الإدارية لمقدرتها في توفير الفوائد الرئيسية التالية مقارنة مع دراسة جميع أفراد مجتمع الدراسة.

#### ١ - توفير بالمال .

إذا كان مجتمع الدراسة كبير، فإن تكاليف تجميع البيانات بواسطة المقابلة الشخصية سوف تكون عالية إذا ما تمّ مقابلة جميع أفراد الدراسة . وعليه فإن اختيار عينة من مجتمع الدراسة سوف يوفر بالتكاليف اللازمة لتجميع البيانات .

#### ٢ - توفر بالوقت .

إن اختيار عينة من مجتمع الدراسة سوف يؤدي إلى تقليل الوقت اللازم لتجميع البيانات من أفراد العينة مقارنة مع جميع أفراد مجتمع الدراسة .

#### ٣ - يمكن أن تكون بيانات العينة أكثر دقة أحياناً .

قد تبدو هذه الفائدة مدهشة في البداية، ولكن هذا بالواقع صحيح .، ينتج ذلك من مصادر متعددة والتي يطلق عليها أخطاء غير العينة والتي تظهر في عملية البحث . إن دراسة مجتمع الدراسة تتطلب مقابلات أكثر وعدد أكبر من المشرفين على المقابلات وعدد كبير لتفريغ البيانات وإعدادها للتحليل ... الخ . فكلما كانت الدراسة صغيرة كلما زاد احتمال الحصول على أشخاص متخصصين وذوي مهارات لكل مرحلة من مراحل البحث . وكلما زاد عدد الأشخاص كلما قلت

نوعيتهم وخبرتهم وبالتالي تصبح المراقبة والاشراف على النشاطات المختلفة صعبة. كما ان دراسة مجتمع الدراسة تأخذ الوقت الكثير وعليه يمكن حدوث بعض التغير على الظاهرة الادارية قيد البحث. مثال : ان دراسة ادراك مجتمع الدراسة لسلعة جديدة مثلاً له معنى وفائدة في لحظة معينة لان ادراك مجتمع الدراسة لهذه السلعة يزداد مع مرور الوقت. وعليه فان جميع ما ذكر يؤدي الى الوقوع بأخطاء كثيرة ونتائج اقل دقة او متحيزة.

وكما هو الحال بالنسبة لمجتمع الدراسة، فان دراسة العينة تتضمن أخطاء غير العينة ولكن بدرجة اقل. كما ان دراسة العينة تتضمن أخطاء العينة والتي تخلو منها دراسة المجتمع. تستخدم دراسة العينة لتقدير بعض القيم عن مجتمع الدراسة. فاذا كان هناك فرق ما بين القيم الناتجة عن دراسة العينة والقيم الحقيقية لمجتمع الدراسة، فان ذلك يؤدي الى تحقق خطأ العينة.

وعليه تكون دراسة العينة أكثر دقة من دراسة مجتمع الدراسة اذا كان مجموع أخطاء العينة وغير العينة للعينة اقل من أخطاء غير العينة لمجتمع الدراسة.

٤ - تكون دراسة العينة أفضل من مجتمع الدراسة في الحالات التي تؤدي فيها الدراسة الى إتلاف او تلويث للعنصر الذي وقعت عليه الدراسة. مثال : فحص مذاق سلعة معينة. ان فحص مذاق جميع الوحدات المنتجة من شوكولاتة عطا علي ليست الطريقة الصحيحة لعمل مشروع مربح.

#### - عملية اختيار العينة

بعد بيان أسباب دراسة العينة بدلاً من مجتمع الدراسة، فانه لا بد من طرح سؤال كيفية اختيار العينة. وقبل البدء في الاجابة على هذا السؤال فانه لا بد من تعريف بعض المصطلحات الخاصة بالمعينة.

## ١ - العنصر Element

العنصر هو الوحدة التي تزود المعلومات . كما يعتبر العنصر الأساس في عملية التحليل الاحصائي الواجب عمله . ويمكن أن يكون العنصر الانسان أو السلعة أو العائلة . فشكل العنصر في أي عينة يعتمد على طبيعة مشكلة الدراسة وأهدافها .

## ٢ - المجتمع Population

المجتمع هو مجموعة جميع العناصر والتي تم تعريفها من قبل عملية اختيار العينة .

## ٣ - وحدة العينة Sampling Unit

وحدة العينة هي العنصر أو مجموعة العناصر المتوفرة في عملية اختيار العينة .

## ٤ - اطار العينة Sampling Frame

يمثل اطار العينة القائمة التي تحتوي على جميع وحدات العينة المتوفرة للاختيار عند عملية اختيار العينة .

## ٥ - مجتمع الدراسة Study Population

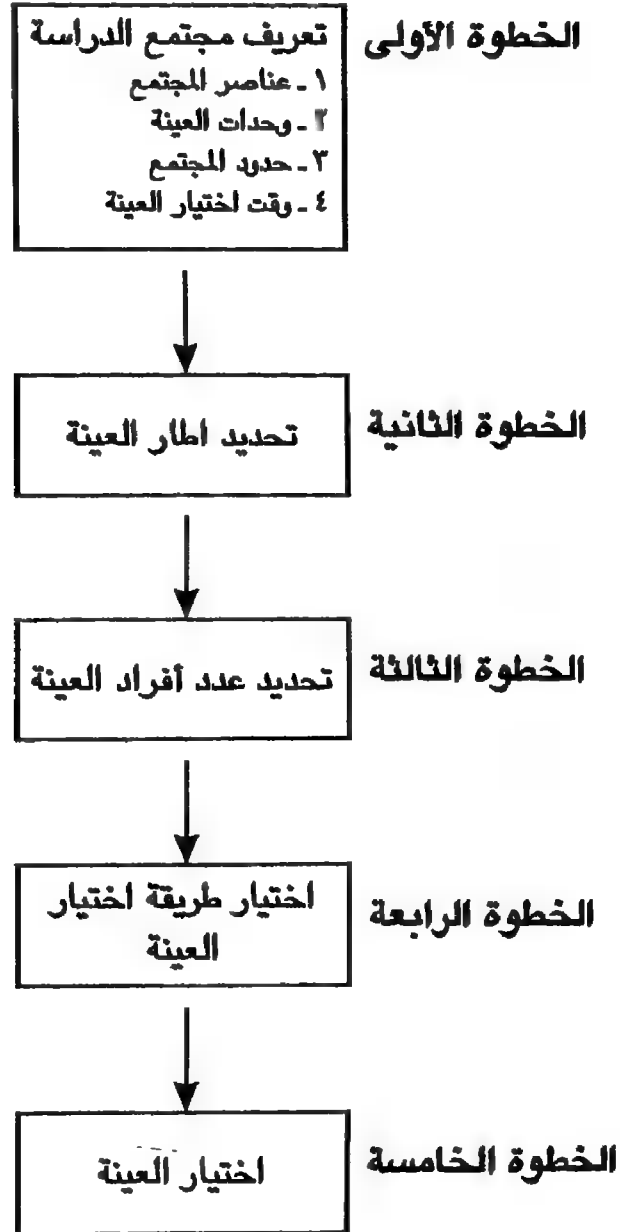
يمثل مجتمع الدراسة مجموعة العناصر والتي منها فعلاً تم اختيار العينة .

## - خطوات اختيار العينة

يمثل الشكل ( ٣ - ١ ) خطوات اختيار العينة :

### شكل ( ١ - ٣ )

#### خطوات اختيار العينة





الخطوة الأولى : تعريف مجتمع الدراسة ويتضمن ذلك تحديد عناصر مجتمع الدراسة  
وحدات العينة وحدود المجتمع ووقت اختيار العينة .  
الخطوة الثانية : تحديد اطار العينة والذي من خلاله سوف يتم اختيار العينة .  
الخطوة الثالثة : تحديد حجم العينة ويتضمن ذلك تحديد عدد العناصر التي يجب أن  
تشكل العينة . وسوف نقوم بذلك في فصل لاحق .  
الخطوة الرابعة : اختيار اجراءات طريقة اختيار العينة وسوف يتم شرحه في الفصول  
القادمة .  
الخطوة الخامسة : الاختيار الفعلي للعينة بناء على الاجراءات التي تم اختيارها في الخطوة  
الرابعة .

#### ١- اجراءات اختيار العينة Sampling Procedures

يوجد هناك العديد من الاجراءات والتي يستطيع الباحث من خلالها اختيار  
العينة المناسبة . ويمكن تقسيم العينات بشكل عام الى قسمين :

##### ١ - عينة احتمالية Probability Sample

##### ٢ - عينة غير احتمالية Nonprobability Sample

في العينات الاحتمالية، يكون كل عنصر من عناصر المجتمع له فرصة معلومة لان  
يكون أحد أعضاء العينة . فتتم المعاينة الاحتمالية بالقوانين الرياضية التي لا تترك مجال  
لتدخل الشخص الباحث . لاحظ اننا قلنا فرصة معلومة وليس فرصة متساوية لان يكون  
العنصر أحد أفراد العينة . ولا تتمتع عناصر مجتمع الدراسة بنفس الفرصة الاحتمالية  
لان تكون أحد أفراد المجتمع إلا في حالة خاصة من المعاينة والتي تدعى بالعينة العشوائية  
البسيطة .

ان العينات الاحتمالية تمكن الى حد ما من قياس الفرق ما بين قيم العينة عن قيم

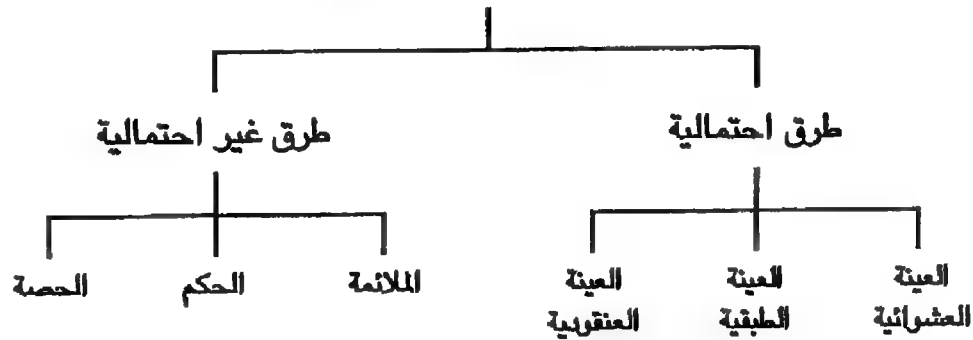
المجتمع قيد الدراسة . ويدعى هنا الفرق بالخطأ العيني .

أما في العينات الاحتمالية، فإن اختيار أي عنصر من عناصر مجتمع الدراسة كأحد أفراد العينة يعتمد في مرحلة من المراحل على الحكم الشخصي للباحث أو الشخص الذي ينفذ عملية المقابلة. لذلك لا يمكن معرفة احتمال اختيار أي عنصر من عناصر مجتمع الدراسة لأن يكون أحد أفراد العينة في العينات الاحتمالية. وكنتيجة فأننا لا نستطيع حساب الخطأ العيني الذي يمكن أن يتحقق في هذه الحالة. وهذا يعني أنه من الصعب جداً معرفة ما إذا كانت التقديرات الاحصائية المحسوبة من العينة دقيقة أم لا.

ويمكن استخدام أكثر من طريق لاختيار العينة العشوائية وكذلك نفس الشيء بالنسبة لاختيار العينة غير الاحتمالية. والشكل ( ٣ - ٢ ) يبين هذه الطرق الممكنة.

### الشكل ( ٣ - ٢ )

#### طرق اختيار العينة



تتكون الطرق الاحتمالية في اختيار العينة كما هو مبين في الشكل (٣-٢) مما يلي :

١ - العشوائية البسيطة Simple Random Sample

٢ - الطبقيّة Stratified Sample

٣ - العنقودية Cluster Sample

بينما تتكون الطرق الاحتمالية في اختيار العينة من نفس الشكل مما يلي :

١ - الملائمة Convenience Sample

٢ - الحكم Judgement

٣ - الحصّة Quota

في هذا الفصل سوف نقوم بشرح الطرق الثلاثة المختلفة في اختيار العينة غير الاحتمالية . بينما نخصص الفصلين اللاحقين لدراسة الطرق الثلاثة المختلفة في اختيار العينة الاحتمالية .

٢- طرق اختيار العينة الاحتمالية

١ - طريقة الملائمة .

يقوم مبدأ عمل هذه الطريقة في اختيار العينة كما هو واضح من عنوان هذه الطريقة على أساس الملائمة بالنسبة للشخص الباحث . ومن الأمثلة على ذلك ما يلي :

١ - السؤال عن أشخاص متطوعين لفحص سلعة أو مجموعة من السلع ومن ثم استخدام هؤلاء الأشخاص كعينة .

٢ - إيقاف مجموعة من الأشخاص في مجمع تجاري لمعرفة رأيهم في موضوع معين كعينة .

٣ - استخدام طلبة جامعيين لاجراء تجارب كعينة .

٤ - استخدام مجموعة من الاشخاص تمت مقابلتهم تلفزيونياً كعينة .

نلاحظ في جميع الأمثلة السابقة انه تم اختيار عنصر العينة سواء كان الاختيار من قبل الشخص الباحث أو تطوعاً من العنصر نفسه بناءً على سهولة الحصول عليه . وفي جميع الحالات لم يكن معروف مجتمع الدراسة الذي تم اختيار العينة منه . بالاضافة الى ان احتمال اختيار كل عنصر من عناصر المجتمع لان يكون أحد افراد العينة غير معروف . ففي المثال الاول : الاشخاص المتطوعين فقط هم الذين تم اختيارهم للعينة وأي شخص غير متطوع تم استثناءه . وكذلك النفس الشيء بالنسبة للمثال الثاني . فالاشخاص الذين تصادف وجودهم في المجمع التجاري لحظة وجود الباحث تم اختيارهم لتشكيل العينة . اما الذين لم يكونوا موجودين في المجمع التجاري تم استبعادهم .

من الأمثلة السابقة، نجد ان الفروق ما بين قيم مجتمع الدراسة وقيم العينة من حيث الحجم والاتجاه غير معروفة . لذلك فانه من الصعب جداً قياس الخطأ الناتج عن العينة . وهذا يعني صعوبة استنتاج جمل محددة ذات معنى عن النتائج التي نحصل عليها من العينة . لذلك يمكن تبرير استخدام عينة الملائمة في مرحلة البحث الاستكشافي والتي تستخدم في تحديد الفرضيات للدراسة قيد البحث .

## ٢ - طريقة الحكم .

يقوم مبدأ عمل هذه الطريقة في اختيار العينة على أساس المعرفة في موضوع البحث قيد الدراسة . فالاشخاص الذين يمكن ان تكون لديهم المعرفة في الاجابة على أسئلة البحث قيد الدراسة هم الذين يشكلون عينة الدراسة . أما الاشخاص اللذين يتوقع عدم معرفتهم في موضوع البحث قيد الدراسة فيتم استبعادهم عن العينة . لذلك نجد ان احتمال اختيار أي عنصر من عناصر مجتمع الدراسة لان يكون أحد أعضاء مجتمع الدراسة باستخدام هذه الطريقة غير معروف . كما نجد ان الفروق ما بين قيم

مجتمع الدراسة وقيم العينة غير معروف . وهذا يعني ان درجة الخطأ في العينة واتجاهه غير معروف، وبالتالي صعوبة استنتاج جمل محددة ذات معنى عن النتائج التي نحصل عليها من العينة . ولكن غالباً من تكون الجمل الاستنتاجية عن نتائج العينة باستخدام طريقة الحكم أفضل من الجمل الاستنتاجية عن نتائج العينة باستخدام طريقة الملائمة لأن أفراد العينة غالباً ما يكونوا على علم بموضوع البحث قيد الدراسة . لذلك نجد ان استخدام هذه الطريقة في الحياة العملية أفضل مقارنة مع طريقة الملائمة .

### ٣ - طريقة الحصص .

تعتبر طريقة الحصص في اختيار العينة حالة خاصة من طريقة الحكم في اختيار العينة . لذلك نجد ان الشخص الباحث يتخذ خطوات واضحة للحصول على عينة مشابهة لمجتمع الدراسة بناءً على بعض الخصائص . وكمثال على ذلك، وجود تعليمات عند الشخص الباحث لاختيار نصف الأشخاص المراد مقابلتهم ممن هم في سن الثلاثين أو أكثر والنصف الآخر ممن هم دون سن الثلاثين . فقد تم في هذه الحالة استخدام عامل العمر كأساس في اختيار العينة . وهذا يعني ان الباحث يعرف مسبقاً أن مجتمع الدراسة يتكون من قسمين متساويين من الأشخاص الذي هم في سن الثلاثين وأكثر والذين هم دون سن الثلاثين . نلاحظ في هذا المثال ان خاصية العمر هي التي استخدمت في عملية اختيار العينة .

ولاختيار عينة أكثر واقعية لكي تكون ممثلة لمجتمع الدراسة، فانه لا بد من استخدام خاصية معينة لاستخدامها كخصائص مراقبة عند اختيار عناصر العينة . لذلك حتى نتمكن من اختيار عينة الحصص فانه لا بد من :

( ١ ) تحديد قائمة بالخصائص التي يتوجب توفرها في عناصر عينة الحصص .

( ٢ ) معرفة توزيع هذه الخصائص في مجتمع الدراسة .

مثال : افرض اننا نريد اختيار عينة الحصبة بناء على خاصيتين ذات اهتمام هما العمر واللون وكما يلي :

١ - العمر : مجموعتين - تحت سن الثلاثين وسن الثلاثين أو أكثر.

٢ - اللون : مجموعتين - أبيض وغير أبيض.

نلاحظ هنا انه يوجد أربعة خلايا أو حصص يمكن الاختيار من بينهما هما :

١ - تحت سن الثلاثين واللون أبيض.

٢ - سن الثلاثين أو أكثر واللون أبيض.

٣ - تحت سن الثلاثين واللون غير أبيض.

٤ - سن الثلاثين أو أكثر واللون غير أبيض.

ان الشيء الذي يجب معرفته الآن هو نسبة مجتمع الدراسة في كل خلية أو حصبة. ان صعوبة تحديد نسبة مجتمع الدراسة في كل حصبة تزداد مع تزايد الخصائص المحددة في اختيار عينة الحصبة. لاحظ ماذا سيحدث لعدد خلايا العينة اذا زاد عدد الخصائص المحددة في اختيار العينة وكذلك عدد المجموعات لكل خاصية. افرض وجود أربعة خصائص محددة للاختيار وكما يلي :

١ - العمر : ٤ مجموعات - (١) تحت ١٨ (٢) ١٨ - ٣٠ (٣) ٣١ - ٤٥ (٤) أكثر من ٤٥.

٢ - اللون : ٣ مجموعات - (١) أبيض (٢) أسود (٣) شيء آخر.

٣ - التعليم : ٤ مستويات - (١) مدرسة ابتدائية (٢) ثانوية (٣) كلية مجتمع (٤) جامعة.

٤ - الدخل : ٥ مجموعات - (١) تحت ١٠٠٠ دينار (٢) ١٠٠٠ - ٢٥٠٠ دينار (٣) ٢٥٠١ - ٥٠٠٠ دينار (٤) ٥٠٠١ - ٧٥٠٠ دينار (٥) أكثر من ٧٥٠١ دينار.

ان عدد الخلايا أو الحصص التي يمكن أن نختار من بينها عينة الحصص هو  $4 \times 3 \times 5 = 60$  خلية. وحتى نتمكن من اختيار الخلية الأكثر تمثيل لمجتمع الدراسة فانه لا بد من معرفة معلومات عن نسبة مجتمع الدراسة في كل خلية من هذه الخلايا. وعليه فان هذا قد يكون من الصعب جداً بل من المستحيل عمله أو معرفته.

### المشاكل التي تواجه عينة الحصص.

١ - يجب أن تكون نسبة مجتمع الدراسة في كل خلية من الخلايا دقيقة وحديثة وليست نسب قديمة وغالباً ما يكون هذا صعب بل مستحيل.

٢ - يجب تحديد جميع الخصائص المحددة المناسبة. بمعنى آخر وجوب اختيار جميع الخصائص التي لها علاقة في قياس الشيء موضوع البحث. مثال : اذا أردنا معرفة اتجاه الناس نحو الرجال ذوي الشعر الطويل، فانه من الخطأ جداً عدم استخدام عامل العمر كخاصية مراقبة لأن العمر له علاقة بالاتجاه نحو الشعر الطويل للرجال. فاذا تم استبعاد أي خاصية ذات علاقة بموضوع الدراسة سواء كان ذلك عن قصد أو غير قصد، فان ذلك يؤدي الى الحصول على نتائج مضللة.

٣ - ان المشكلة الثالثة التي ترافق استخدام طريقة الحصص في اختيار العينة هو وجود عدد كبير من خصائص المراقبة والتي تستخدم في اختيار العينة. لأن عدد الخلايا التي يجب أن يتعامل معها الشخص الباحث وكما تبين قبل قليل سوف يكون كبير. وبالتالي فان اختيار الخلية أو الحصص التي يكون درجة تمثيلها لمجتمع الدراسة جيد تكون عملية صعبة جداً.

٤ - المشكلة الرابعة التي تعاني منها هذه الطريقة هي عملية اختيار الباحث الفعلية لأعضاء العينة. ان عملية ايجاد الأشخاص المتوقع توفر الخصائص المرغوب بها فيهم قد تؤدي بالشخص الباحث الى استثناء الأشخاص العدوانيين أو الذين يسكنون في بيئات فقيرة أو الذين يعيشون في بيوت قديمة وما الى ذلك. ان هذا السلوك من

الشخص الباحث قد يؤدي الى تحيز غير مقصود وبالتالي ينعكس على نتائج الدراسة.

لذلك، تعتبر طريقة الحصص فعالة في مراحل البحث الاولى وغالباً ما تزود هذه الطريقة نتائج جيدة اذا ما تم استخدامها بحذر. ولكن نتائج هذه الطريقة غالباً ما تكون أقل دقة مقارنة مع النتائج التي يحصل عليها من العينات العشوائية. وبشكل عام تستخدم هذه الطريقة وبشكل واسع في الحياة العملية.





- س١ : لماذا يستخدم أسلوب العينة في الأبحاث الأولية ؟
- س٢ : مَيِّز ما بين المصطلحات التالية : العنصر، مجتمع الدراسة، وحدة العينة، إطار العينة، ومجتمع الدراسة.
- س٣ : قارن ما بين العينات العشوائية وغير العشوائية.
- س٤ : ما هي طبيعة الأخطاء التي يمكن أن تتحقق نتيجة استخدام اجراءات العينات غير الاحتمالية ؟
- س٥ : قارن ما بين الطرق الثلاثة المختلفة في اجراءات اختيار العينة غير العشوائية.
- س٦ : لماذا تستخدم اجراءات اختيار العينة غير الاحتمالية في الحياة العملية ؟



## **الفصل الرابع**

### **العينة العشوائية البسيطة وحجم العينة**

**Simple Random Sampling and Sample Size**



## **العينة العشوائية البسيطة وحجم العينة**

### **Simple Random Sampling and Sample Size**

---

لقد تم عرض المبادئ الضرورية لفهم المعاينة في الأبحاث الإدارية في الفصل السابق. كما قد تم توضيح الفروق الرئيسية والاساسية ما بين اجراءات اختيار العينة بالطرق الاحتمالية والطرق غير الاحتمالية. وسوف يتم التركيز في هذا الفصل على شرح مفصل لاجراءات اختيار العينة باستخدام العشوائية البسيطة. كما ان هذا الفصل سوف يركز على موضوع دقة نتائج العينة. هذا بالاضافة الى تناول موضوع تحديد حجم العينة.

#### **- العينة العشوائية البسيطة**

تتميز طريقة اختيار العينة بالعشوائية البسيطة بالفرص المتساوية التي يتمتع بها جميع أفراد مجتمع الدراسة عند عملية اختيار عناصر العينة. كما ان احتمال اختيار أي عنصر بهذه الطريقة يكون مستقلاً عن اختيار العناصر الأخرى. لذلك تعتبر العينة العشوائية البسيطة من أفضل العينات على الإطلاق في المقدرة على تمثيل مجتمع الدراسة من حيث توفر الخصائص. ان اختيار عناصر العينة العشوائية البسيطة يقوم على أساس جداول الأرقام العشوائية.

#### **- تعريف بعض الرموز**

حتى نستطيع البدء في دراسة العينة العشوائية البسيطة فانه لا بد من التعرف على تعريف بعض المصطلحات.

## ١ - المعلمة Parameter

المعلمة عبارة عن قيم تستخدم للقياس بالنسبة لمجتمع الدراسة قيد البحث. وتكون هذه القيم حقيقية اذا ما تمّ اجراء مسح شامل لمجتمع الدراسة قيد البحث اذا كانت الاجراءات خالية من أخطاء غير العينة. فمتوسط عمر طلاب مادة أساليب البحث العلمي عبارة عن معلمة. وكذلك متوسط دخل موظفي جامعة مؤتة عبارة عن معلمة.

## ٢ - قيم احصائية Statistic

القيم الاحصائية عبارة عن قيم للقياس بالنسبة للعينة التي تم اختيارها. وغالباً ما تستخدم القيم الاحصائية في تقدير معالم مجتمع الدراسة. لذلك يكون اعتبار متوسط عمر طلبة مادة أساليب البحث العلمي أو متوسط دخل موظفي جامعة مؤتة كقيم احصائية اذا ما تمّ قياسهم على أساس العينة.

## ٣ - بعض الرموز التي هي بحاجة الى تعريف Some Symbols to Get Straight

يوجد هنام نوع من التعارف في استخدام بعض الرموز لوصف معالم مجتمع الدراسة وبعض الرموز لوصف عينة الدراسة. ولقد تم الاصطلاح على استخدام الرموز الاغريقية لوصف معالم مجتمع الدراسة والرموز الانجليزية في وصف قيم العينة. والجدول (٤ - ١) يبين ذلك.

### جدول ( ١ - ٤ )

#### الرموز المستخدمة في وصف المجتمع وعينة الدراسة

| رموز المقاييس   | العلاقة   | رموز مجتمع الدراسة                 | رموز العينة الدراسة       |
|---|---|------------------------------------|---------------------------|
| (١) المقاييس المتصلة  | الوسط أو متوسط المتغير المتصل<br>التباين للمتغير المتصل | $\mu$<br>$\sigma^2$                | $\bar{X}$<br>$S^2$        |
| (٢) المقاييس المنفصلة<br>أو مقاييس ذو الحدين<br>(مثال : هل أنت ذكر؟<br>نعم أو لا) | نسبة من قال «نعم»<br>نسبة من قال «لا»<br>التباين للنسب  | $\pi$<br>$(\pi - 1)$<br>$\sigma^2$ | $P$<br>$(P - 1)$<br>$S^2$ |

قراءة من اليمين إلى اليسار

مثال : يمثل جدول : ( ٢ - ٤ ) مجتمع الدراسة الذي سوف يستخدم في توضيح أفكار العينة. ويتكون مجتمع الدراسة من مجموعة الطلاب المسجلين لمادة أساليب البحث العلمي عند دكتور معين. وقد جمع الدكتور من الطلبة ثلاثة أنواع من المعلومات هي :

١ - أول منزلة عشرية في رقم الطالب الجامعي (عمود ١) .

٢ - عمر كل طالب في المادة (عمود ٢) .

٣ - جملة حول ما اذا كان الطالب يرغب بتسجيل مادة الاحصاء قبل التخرج ( على

فرض انها مادة اختيارية ) . وقد تم ترميز الاجابات كما يلي :

١ - نعم - يرغب الطالب في تسجيل مادة الاحصاء .

ب - لا - لا يرغب الطالب بتسجيل مادة الاحصاء (عمود ٣) .

اما بالنسبة للأعمدة الأخرى فسوف تستخدم في الحسابات اللاحقة . وسوف  
تستخدم الخانة الأولى من الرقم الجامعي لتحديد كل عنصر من عناصر المجتمع . اما  
المتغيرات في العمودين الثاني والثالث سيكونان المتغيران ذات الاهتمام لعملية القياس .  
ويجب أن نذكر هنا ان العمر هو متصل بينما اختيار مادة الاحصاء هو متغير متقطع .  
دعنا نحدد المتغيرات كما يلي :

العمر = س ١

اختيار مادة الاحصاء = س ٢

- حساب معالم مجتمع الدراسة بالنسبة للمتغيرات المتصلة .

اننا سوف نقوم بحساب المعالم المحسوبة لمجتمع الدراسة كطريقة لتوضيح طبيعة  
قيم العينة الاحصائية . والجدول ( ٤ - ٢ ) يمثل مسح شامل للعمر واختيار مادة الاحصاء  
كمطلب اختياري لمادة أساليب البحث العلمي .

ان متغير العمر هو متغير متصل . دعنا الآن نجد مقاييس النزعة المركزية ومقاييس  
التشتت لمتغير العمر . والذي يتم كما يلي :

مقاييس النزعة المركزية : الوسط أو المعدل =  $\bar{x}$

مقاييس التشتت : الانحراف المعياري أو التباين =  $\sigma$  و  $\sigma^2$  على التوالي .



ان الوسط لمجتمع الدراسة ببساطة يساوي مجموع القيم مقسوماً على عدد عناصر المجتمع. وعليه

$$\frac{\sum_{i=1}^n sX_i}{n} = \mu$$

$$\frac{18 + \dots + 27 + 20}{100} = \mu$$

$$23,7 = \mu$$

وهذا يعني ان متوسط العمر في الصف هو ٢٣٫٧ سنة. أما بالنسبة للتباين فيساوي مربع مجموع انحراف البيانات عن وسطها الحسابي مقسوماً على عدد أفراد المجتمع.

جدول ( ٢ - ٤ )

مسح شامل للعمر واختيار مادة الإحصاء كمتطلب اختياري للطلبة.

| (١) أول خانة<br>في رقم<br>الطالب الجامعي | (٢) العمر<br>(س) | (٣) اختيار مادة الإحصاء<br>١ = نعم (س ٢)<br>٠ = لا | (٤) (س ١ - مل) | (٥) (س ١ - مل ٢) |
|--|------------------|--|----------------|------------------|
| ١ ←                                      | ٢٥               | ١  | ١ر٣            | ١ر٦٩             |
| ٢  | ٢٧               | ٠  | ٣ر٣            | ١٠ر٨٩            |
| ٣  | ٢٩               | ١  | ٥ر٣            | ٢٨ر٠٩            |
| ٤  | ٣١               | ١  | ٧ر٣            | ٥٣ر٢٩            |
| ٥  | ٢٥               | ٠  | ١ر٣            | ١ر٦٩             |
| ٦  | ٢٩               | ٠  | ٥ر٣            | ٢٨ر٠٩            |
| ٧  | ٢٧               | ٠  | ٣ر٣            | ١٠ر٨٩            |
| ٨  | ٢٤               | ٠  | ٠ر٣            | ٠ر٠٩             |
| ٩  | ٢٧               | ١  | ٣ر٣            | ١٠ر٨٩            |
| ١٠                                       | ٢٨               | ١  | ٤ر٣            | ١٨ر٤٩            |
| ١١                                       | ٣٣               | ٠  | ٩ر٣            | ٨٦ر٤٩            |
| ١٢                                       | ٢٩               | ١  | ٥ر٣            | ٢٨ر٠٩            |
| ١٣                                       | ٢٦               | ٠  | ٢ر٣            | ٥ر٢٩             |
| ١٤                                       | ٢٨               | ٠  | ٤ر٣            | ١٨ر٤٩            |
| ١٥                                       | ٢٨               | ١  | ٤ر٣            | ١٨ر٤٩            |
| ١٦                                       | ٢٦               | ٠  | ٢ر٣            | ٥ر٢٩             |
| ١٧                                       | ٢٦               | ١  | ٢ر٣            | ٥ر٢٩             |
| ١٨                                       | ٣٦               | ١  | ١٢ر٣           | ١٥١ر٢٩           |
| ١٩                                       | ٢٩               | ٠  | ٤ر٣            | ١٨ر٤٩            |
| ٢٠ ←                                     | ٢٦               | ٠  | ٢ر٣            | ٥ر٢٩             |

طلبة دراسات عليا

تابع / جدول ( ٤ - ٢ )

| (١) اول خانة<br>في رقم<br>الطالب الجامعي | (٢) العمر<br>(س ١) | (٣) اختيار مادة الإحصاء<br>١ = نعم<br>٠ = لا (س ٢) | (٤) (س ١ - مل) | (٥) (س ١ - مل) |
|--|--------------------|--|----------------|----------------|
| ٢١ ←                                     | ٢١                 | ٠  | ٢٧ -           | ٧٢٩            |
| ٢٢                                       | ١٩                 | ٠  | ٤٧ -           | ٢٢٠٩           |
| ٢٣                                       | ٢٤                 | ٠  | ٠٣             | ٠٠٩            |
| ٢٤                                       | ٢٢                 | ٠  | ١٧ -           | ٢٨٩            |
| ٢٥                                       | ٢٠                 | ١  | ٣٧ -           | ١٣٦٩           |
| ٢٦                                       | ٢٢                 | ٠  | ١٧ -           | ٢٨٩            |
| ٢٧                                       | ١٩                 | ١  | ٤٧ -           | ٢٢٠٩           |
| ٢٨                                       | ٢٠                 | ٠  | ٣٧ -           | ٣١٦٩           |
| ٢٩                                       | ١٩                 | ٠  | ٤٧ -           | ٢٢٠٩           |
| ٣٠                                       | ٢٤                 | ٠  | ٠٣             | ٠٠٩            |
| ٣١                                       | ٢٥                 | ٠  | ١٣             | ١٦٩            |
| ٣٢                                       | ٢٢                 | ١  | ١٧ -           | ٢٨٩            |
| ٣٣                                       | ٢٠                 | ٠  | ٣٧ -           | ١٣٦٩           |
| ٣٤                                       | ٢١                 | ١  | ٢٧ -           | ٧٢٩            |
| ٣٥                                       | ٣١                 | ٠  | ٢٧ -           | ٧٢٩            |
| ٣٦                                       | ٢٣                 | ١  | ٠٧ -           | ٠٤٩            |
| ٣٧                                       | ٣١                 | ٠  | ٢٧ -           | ٧٢٩            |
| ٣٨                                       | ٢٣                 | ٠  | ٠٧ -           | ٠٤٩            |
| ٣٩                                       | ١٨                 | ٠  | ٥٧ -           | ٣٢٤٩           |
| ٤٠                                       | ٢١                 | ١  | ٢٧ -           | ٧٢٩            |

طلبة دراسات بكالوريوس

تابع / جدول ( ۲ - ۴ )

| (١) أول خانة<br>في رقم<br>الطالب الجامعي | (٢) العمر<br>(س ١) | (٣) اختيار مائة الاحتمال<br>نعم = ١<br>لا = ٠<br>(س ٢) | (٤) (س ١ - ١٢) | (٥) (س ١ - ١٢) ٢ |
|--|--------------------|--|----------------|------------------|
| ٤١                                       | ١٩                 | ٠  | ٤٧ -           | ٢٢٠٩             |
| ٤٢                                       | ٢٣                 | ٠  | ٠٧ -           | ٠٤٩              |
| ٤٣                                       | ٢٢                 | ١  | ١٧ -           | ٢٨٩              |
| ٤٤                                       | ١٩                 | ٠  | ٤٧ -           | ٢٢٠٩             |
| ٤٥                                       | ٢٠                 | ٠  | ٣٧ -           | ١٣٦٩             |
| ٤٦                                       | ٢٠                 | ٠  | ٣٧ -           | ١٣٦٩             |
| ٤٧                                       | ٢١                 | ٠  | ٢٧ -           | ٧٢٩              |
| ٤٨                                       | ٢٠                 | ١  | ٣٧ -           | ٣١٦٩             |
| ٤٩                                       | ١٩                 | ٠  | ٤٧ -           | ٢٢٠٩             |
| ٥٠                                       | ١٨                 | ٠  | ٥٧ -           | ٣٢٤٩             |

$$\frac{\sum_{i=1}^n (\mu - s_i)^2}{n} = \overline{s^2}$$

ان العمود الرابع في الجدول ( ٤ - ٢ ) يبين الانحرافات عن الوسط، والعمود الخامس يبين مربع مجموع هذه الانحرافات . وعليه

$$\frac{{}^2(٢٣٧ - ١٨) + \dots + {}^2(٢٣٧ - ٢٧) + {}^2(٣٧٧ - ٢٥)}{٥٠} = {}^2\sigma$$

$$\frac{{}^2(٥٧ -) + \dots + {}^2(٣٣) + {}^2(١٣)}{٥٠} = {}^2\sigma$$

$$\frac{٣٢٤٩ + \dots + ١٠٨٩ + ١٦٩}{٥٠} = {}^2\sigma$$

$$\frac{٨٤٤٩}{٥٠} = {}^2\sigma$$

$$٩١٦ = {}^2\sigma$$

اما بالنسبة للانحراف المعياري فهر عبارة عن الجذر التربيعي للتباين . وعليه

$$\sqrt{٩١٦} = \sigma$$

$$٤١ = \sigma$$

- حساب معالم مجتمع الدراسة بالنسبة للمتغيرات المتقطعة

ان العمود الثالث في الجدول ( ٤ - ٢ ) يعرض القيم ذات العلاقة بالمتغير المتقطع والذي هو اختيار مادة الاحصاء كمتطلب اختياري . ان هذا المتغير يعتبر متغيراً متقطعاً لان الاجابات المتوفرة عن هذا المتغير هي اما نعم أو لا . وقد تم ترقيم الاجابة نعم بالرقم ( ١ ) والاجابة لا بالرقم ( ٠ ) ( صفر ) .

بنفس الطريقة التي تمّ بها ايجاد قيم كل من الوسط والانحراف المعياري والتباين بالنسبة للعمر، فائنا سوف نقوم بذلك بالنسبة لاختيار مادة الاحصاء .

$$\frac{\sum_{j=1}^n x_j}{n} = \pi$$

$$\frac{(0 + \dots + 0 + 1)}{50} = \pi$$

$$\frac{17}{50} = \pi$$

$$r_{34} = \pi$$

وعليه تكون قيمة  $(\pi - 1) = r_{66}$

وهذا يعني ان نسبة الاشخاص الذين اختاروا مادة الاحصاء من مجتمع الدراسة هو ( ٣٤ ) .

اما بالنسبة للتباين فهو

$$\frac{\sum_{j=1}^n (x_j - \pi)^2}{n} = \sigma^2$$

$$\frac{{}^2(r_{34} - 0) + \dots + {}^2(r_{34} - 0) + {}^2(r_{34} - 1)}{50} =$$

يجب أن نلاحظ هنا أن القيمة  $(1 - 0.34) \times 2$  تتحقق في كل مرة تكون فيها قيمة  $z = 1$ . وعليه تكون عدد المرات التي تتحقق فيها هو  $(0.34)$  من الحالات. وكذلك نفس الشيء بالنسبة لتحقيق القيمة  $(0 - 0.34) \times 2$  تكون عندما تكون القيمة  $z = -2$  صفر. وعليه تكون عدد المرات التي تحقق فيها هو  $(0.66)$  من الحالات.

$$\sigma^2 = (1 - 0.34)^2 \times 2 + (0.34)^2 \times 2$$

$$\sigma^2 = (0.66)^2 \times 2 + (0.34)^2 \times 2$$

$$\sigma^2 = 0.2244$$

وعليه، فإن قيمة الانحراف المعياري هي

$$\sigma = \sqrt{0.2244}$$

$$\sigma = 0.473$$

وعليه فإن المعادلة العامة لايجاد التباين للمتغيرات المتقطعة هي

$$\sigma^2 = \pi(\pi - 1)$$

$$= 0.34(0.66)$$

$$= 0.2244$$

والانحراف المعياري بالنسبة للمتغيرات المتقطعة هو

$$\sigma = \sqrt{\pi(\pi - 1)}$$

$$\sigma = \sqrt{0.2244}$$

$$\sigma = 0.472$$

ان الذي قمنا به سابقاً هو قياس المعالم التي تصف مجتمع دراسي معلوم. دعنا الآن نقوم بعمل نفس الشيء لعينة من مجتمع دراسي. ان اهتمامنا بالنسبة للعينات هو لقياس القيم الاحصائية التي تصف العينة لعمل استنتاجات عن مدى تقدير هذه القيم الاحصائية لمعالم مجتمع الدراسة.

### - حساب القيم الاحصائية للمتغيرات المتصلة

ان ما قمنا به سابقاً هو حساب معالم مجتمع الدراسة بالنسبة لعمر الطلاب من الجدول ( ٤ - ٢ ). دعنا الآن نقوم باختيار عينة من ذلك المجتمع ومن ثم نقوم بحساب الوسط والتباين والانحراف المعياري بالنسبة للعينة. ان طريقة اختيار العينة سوف تكون العينة العشوائية البسيطة.

يوجد هناك شرطان لا بد من توفرهما لتحديد وجود العينة العشوائية البسيطة. وهذان الشرطان هما :

١ - كل عنصر من عناصر مجتمع الدراسة له نفس فرصة الاختيار بالعينة.

٢ - احتمال اختيار عناصر عينة من مجتمع الدراسة متساوي.

لقد ذكرنا بالسابق ان اختيار العينة قد تم بالعشوائية البسيطة وكان الهدف من ذلك هو للتسهيل. والآن لا بد من توفر اجراءات اخرى والتي من خلالها يكون احتمال اختيار عناصر من العينات اذا كانت جميع العينات تحتوي على نفس العناصر هو متساوي. ولاختيار عناصر العينة العشوائية البسيطة فاننا سوف نستخدم جدول الأرقام العشوائية للقيام بعملية الاختيار. ان قائمة الأرقام العشوائية في الجدول الموجود في الملحق تتشكل بطريقة من الصعب جداً التنبؤ بنمط ظهورها. فاحتمال ظهور أي رقم في هذا الجدول في أي مكان من الجدول هو نفس احتمال ظهور أي رقم. وقد تم تحديد كل طالب بمنزلتين عشريتين ما بين ( ٠١ ) و ( ٥٠ ). لذلك يمكن استخدام جدول الأرقام العشوائية للحصول على أرقام ما بين ( ٠١ ) و ( ٥٠ ) لاختيار أي عنصر من



عناصر العينة . ويمكن اختيار أرقام ذات منزلتين عشريتين من الجدول حسب العدد الذي نريده للعينة .

ولتوضيح ذلك، فإننا سوف نقوم بحل مثال . افرض أننا نريد اختيار عينة مكونة من خمسة أشخاص ( $n = 5$ ) . اننا سوف نستخدم جدول الأرقام العشوائية لذلك . ان استخدام الجدول لاختيار عينة عشوائية يتطلب تحديد الصف الذي سوف يستخدم من بين صفوف الجدول عشوائياً . وجدول الأرقام العشوائية مكون من خمسين صفاً . ثم نتقل أفقياً في الصف الذي نختاره لتحديد عناصر العينة العشوائية البسيطة . افرض أننا اخترنا الصف ٣٦ عشوائياً لاختيار عناصر العينة لذلك يجب أن نذهب الى بداية الصف ٣٦ ثم نتقل أفقياً لاختيار عناصر العينة . فاي رقم ما بين ( ٠١ ) و ( ٥٠ ) نقوم باختياره ونقفز عن أي رقم أكبر من ( ٥٠ ) . وعليه فإننا سوف نختار عناصر العينة ذات الأرقام ٣٢، ١٧، ٠٥، ٣٧، ٤١ . ان هذه الأرقام هي أول خمسة أرقام ذات منزلتين عشريتين تظهر في الصف ٣٦ ما بين ( ٠١ ) و ( ٥٠ ) . لذلك فان قيم العمر واختيار مادة الاحصاء في العينة سوف تكون كما يلي :

| اختيار مادة<br>الاحصاء | العمر | أول خانة في<br>رقم الطالب |
|------------------------|-------|---------------------------|
| ١                      | ٢٢    | ٣٢                        |
| ١                      | ٢٦    | ١٧                        |
| ٠                      | ٢٥    | ٠٥                        |
| ٠                      | ٢١    | ٣٧                        |
| ٠                      | ١٩    | ٤١                        |

وعليه فاننا نكون قد اخترنا عينة مكتوبة من خمسة أشخاص (  $n = 5$  ) من مجتمع احصائي مكون من خمسين شخص (  $N = 50$  ). وعليه فاننا نكون قد اخترنا (  $n/N$  ) أو (  $5/50$  ) أو (  $1/10$  ) من عناصر مجتمع الدراسة. وعليه تكون نسبة عناصر العينة الى عناصر المجتمع الدراسي هي (  $1/10$  ) .

ويمكن استخدام نسبة عناصر العينة الى عناصر مجتمع الدراسة لتقدير استهلاك أو استخدام مجتمع الدراسة لسلعة أو خدمة عن طريق معرفة مجموع استخدام العينة من نفس السلعة أو الخدمة. افرض ان استهلاك العينة المكونة من (  $5$  ) أشخاص من مادة البيض هو (  $35$  ) بيضة أسبوعياً، فان حساب استهلاك مجتمع الدراسة من مادة البيض سوف يكون كما يلي :

$$\frac{\text{استخدام العينة من مادة البيض}}{\text{نسبة العينة}} = \text{استخدام مجتمع الدراسة}$$

$$\frac{35}{1/10} = 350 \text{ بيضة .}$$

ان الوسط أو المعدل للعينة يساوي مجموع القيم مقسوماً على عدد أفراد العينة أو حجم العينة. وعليه فان الوسط

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

$$= \frac{19 + 21 + 25 + 26 + 22}{5}$$

$$= \frac{113}{5}$$

$$= 22.6$$

وهذا يعني ان قيمة الوسط للعينة هو (٢٢٦). اننا نلاحظ ان قيمة الوسط الحسابي للعينة أقل بشيء بسيط عن الوسط الحسابي الحقيقي لعمر المجتمع والذي هو (٢٣٧). ان الوسط لمجتمع الدراسة لمعظم المشاكل الحقيقية يكون غير معروف. لذلك فاننا سوف نستخدم قيمة الوسط الحسابي للعينة كأفضل تقدير لقيمة الوسط الحقيقي وهو قيمة الوسط لمجتمع الدراسة.

أما بالنسبة للتباين للعينة فهو يساوي مجموع مربع الانحرافات عن وسطها الحسابي مقسوماً على درجات الحرية. وعليه يكون التباين للعينة

$$\frac{\sum_{i=1}^n (s_i - \bar{s})^2}{\text{درجات الحرية}} = s^2$$

درجات الحرية = حجم العينة - عدد التقديرات (عدد القيم الاحصائية المحسوبة).

ان قيمة الوسط للعينة هي القيمة المحسوبة فقط. بمعنى لقد تم تقدير قيمة الوسط الحقيقي لمجتمع الدراسة بقيمة الوسط المحسوب من العينة. وهذا التقدير يقلل درجات الحرية بدرجة واحدة. وعليه تكون

$$\text{درجات الحرية} = 5 - 1 = 4$$

$$s^2 = \frac{{}^2(226-19) + {}^2(226-20) + {}^2(226-26) + {}^2(226-22)}{4}$$

$$= \frac{[{}^2(36-)+{}^2(16-)+{}^2(24)+{}^2(34)+{}^2(6-)]}{4}$$

$$= \frac{(1296+206+576+1106+36)}{4}$$

$$\frac{332}{4} =$$

$$83 =$$

لقد كان التباين لمجتمع الدراسة يساوي (١٦٩)، وعليه نلاحظ استخدام العينة عمل على تقليل التباين. كما ان هذا الفرق يزداد لو قمنا بالقسمة على ن بدلاً من ن - ١ .

وعليه فان الانحراف المعياري يساوي

$$\sqrt{83} = S$$

$$9.11 = S$$

ولتسهيل العملية الحسابية في إيجاد التباين، فانه يمكن استخدام المعادلة التالية

$$\frac{\left[ \frac{\sum (X_r^2)}{n} \right] - \frac{\sum^2}{n}}{1} = S^2$$

والانحراف المعياري

$$\sqrt{\frac{\left[ \frac{\sum (X_r^2)}{n} \right] - \frac{\sum^2}{n}}{1}} = S$$

ولحل المثال السابق باستخدام هذه المعادلة، فاننا نقوم بإيجاد ما يلي :

$$\sum X_r^2 = (19)^2 + (21)^2 + (20)^2 + (26)^2 + (22)^2 = 2087$$

$$\left( \sum X_r \right)^2 = (19 + 21 + 20 + 26 + 22)^2 = 12769$$

وعليه :

$$\frac{12769}{\frac{0}{\text{£}}} - 2087 = S^2$$

$$\frac{200378 - 2087}{\text{£}} =$$

$$\frac{332}{\text{£}} =$$

$$83 =$$

أما بالنسبة للانحراف المعياري

$$\sqrt{83} = S$$

$$288 =$$

نلاحظ ان قيم التباين والانحراف المعياري باستخدام هذه المعادلة هو نفس قيم التباين والانحراف المعياري بالمعادلة السابقة. وعليه فان جميع الحسابات لـ  $S^2$  و  $S$  سوف يكون بالمعادلة الثانية لما توفره من وقت كثير في الحسابات.

- حساب القيم الاحصائية للمتغيرات المتقطعة .

دعنا الان نقوم بحساب الوسط والتباين والانحراف المعياري للمتغير المتقطع وهو اختيار مادة الاحصاء .

$$\frac{\sum_{j=1}^n x_j}{n} = \rho$$

$$\frac{0 + 0 + 0 + 1 + 1}{5} = \rho$$

$$\frac{2}{5} = \rho$$

$$0.4 = \rho$$

$$j_6 = (j_4 - 1) = (\rho - 1)$$

أما بالنسبة للتباين

$$\frac{\sum (x_j - \rho)^2}{n - 1} = s^2$$

$$\frac{(0.4 - 0)^2 + (0.4 - 0)^2 + (0.4 - 0)^2 + (0.4 - 1)^2 + (0.4 - 1)^2}{5} = s^2$$

$$\frac{(0.4 - 0)^2 + (0.4 - 0)^2 + (0.4 - 0)^2 + (0.6)^2 + (0.6)^2}{5} = s^2$$

$$\frac{1.2}{5} = s^2$$

$$s^2 = 0.24$$

أما بالنسبة للانحراف المعياري

$$\sqrt{r^3} = S$$

$$r^{548} = S$$

نلاحظ ان المعادلة العامة لحساب التباين هي

$$q = (p - 1) \frac{(p - 1) \times p \times n}{1 - n} = {}^1S$$

$$\frac{q \times p \times n}{1 - n} = {}^1S$$

$$\frac{(r^6)(r^4)(5)}{4} = {}^1S$$

$$r^3 = {}^1S$$

أما بالنسبة للانحراف المعياري

$$\sqrt{\frac{q \times p \times n}{1 - n}} = S$$

ان هذه القيم الاحصائية المحسوبة هي عبارة عن قيم تقديرية لمعالم مجتمع الدراسة.

- عمل الاستنتاجات عن معالم مجتمع الدراسة من القيم الاحصائية للمتغيرات المتصلة.

#### - النظرية الأساسية

ان الذي قمنا بحسابه في السابق هو وسط العمر للعينة التي تم اختيارها عشوائياً من مجتمع الطلبة . وحتى نتمكن من معرفة مدى قدرة القيمة الاحصائية في تقدير معلمة المجتمع الاحصائي فانه لا بد من فهم نظرية الاستنتاجات الاحصائية .

دعنا أولاً نفترض اننا قمنا بسحب عينة عشوائية أخرى من مجتمع الطلبة تتكون من خمسة أشخاص أيضاً . وقد قمنا بتسمية أفراد العينة الجديدة بالأحرف ا، ب، ج، د، هـ. ونريد الآن اختيار عينة عشوائية واحدة تتكون من فردين ( $n = 2$ ) من هذا المجتمع . لاختيار هذه العينة فانه يوجد هناك عدداً من التوافيق بالنسبة للعناصر التي يمكن أن تشكل العينة . بمعنى آخر، يوجد هناك عدداً من العينات المختلفة وهما

| رقم العينة | عناصر العينة |
|------------|--------------|
| ١          | ا ب          |
| ٢          | ا ج          |
| ٣          | ا د          |
| ٤          | ا هـ         |
| ٥          | ب ج          |
| ٦          | ب د          |
| ٧          | ب هـ         |
| ٨          | ج د          |
| ٩          | ج هـ         |
| ١٠         | د هـ         |



نلاحظ وجود ( ١٠ ) توافيق ممكنة لاختيار عنصرين من مجتمع الدراسة الذي يتكون من ( ٥ ) عناصر. ويمكن حساب ذلك رياضياً عن طريق تحديد عدد التوافيق الممكنة باستخدام المعادلة التالية :

$$\text{توافيق } \binom{N}{n} = \text{توافيق } (n, N)$$

$$\frac{N!}{n!(N-n)!} =$$

ولحل المثال السابق، نلاحظ ان  $N = 5$  ،  $n = 2$  ، لذلك

$$\frac{5!}{2!3!} = \text{توافيق } (2, 5)$$

$$\frac{1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5}{1 \times 2 \times 3 \times 1 \times 2} =$$

$$\frac{20}{2} =$$

$$10 =$$

فكل عينة من هذه العينات العشرة ممكن أن ينتج عنها تقدير لوسط مجتمع الدراسة.

دعنا الآن نعود الى مثالنا الاصلي بالنسبة لمجتمع الدراسة الذي يتكون من ( ٥٠ ) طالب كما يوضح الجدول ( ٤ - ٢ ). لقد قمنا بالسابق باختيار عينة واحدة من مجتمع الدراسة تتكون من خمسة طلاب . وعليه فان عدد العينات المختلفة التي يمكن اختيارها

من مجتمع الدراسة وتتكون من خمسة أفراد هو

$$\frac{100}{140 \quad 10} = (0, 00) \text{ توافق}$$

$$\frac{140 \times 46 \times 47 \times 48 \times 49 \times 50}{140 \times 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5} =$$

$$\frac{204201200}{120} =$$

$$= 2118760 \text{ عينة ممكنة}$$

ونحن قمنا فقط باختيار عينة واحدة فقط من عدد العينات الممكن (2118760).

ان النقطة المهمة التي يجب ادراكها هو عدد العينات الممكن اختيارها من أي مجتمع دراسة. ويجب أن نفهم هنا أن الاستنتاج الاحصائي التقليدي يعتمد على ما سيحدث اذا تم اختيار أكثر من عينة مختلفة من مجتمع الدراسة.

لقد قمنا بالسابق اختيار عينة عشوائية واحدة تتكون من خمسة أفراد وكان وسط أعمار أفراد العينة هو (22ر6). افرض اننا قمنا باختيار عينة عشوائية أخرى تتكون أيضاً من خمسة طلاب وتم حساب الوسط لأعمار الطلبة في هذه العينة وكان (23ر4). افرض أيضاً أن قمنا باختيار عينة ثالثة تتكون من خمسة طلاب وتم حساب وسط أعمار أفراد العينة الثالثة، فانه من الممكن الحصول على وسط قدره (24ر2). ان القيم المختلفة لأوساط أعمار الطلبة للعينات المختلفة ممكن أن يؤدي الى الازباك لان هذا يعني وجود ثلاثة تقديرات مختلفة لمعلم مجتمع الدراسة.

ان النظرية الاحصائية لا تتوقف عند اختيار فقط ثلاثة عينات، بل تقوم على

اختيار عينات مختلفة أيضاً وأيضاً. ان الاختيار المتكرر للعينات قد يؤدي الى تكرار بعض القيم الاحصائية لنفسها. وبالتحديد فاننا سوف نلاحظ ان القيمة الاحصائية القريبة من القيمة الحقيقية لمجتمع الدراسة تعمل على تكرار نفسها أكثر من القيمة الاحصائية البعيدة عن القيمة الحقيقية لمجتمع الدراسة. فاذا ما قمنا بتمثيل هذه القيم المختلفة للوسط، فان ذلك قد يؤدي الى تشكيل منحني جرس (طبيعي). ويطلق على توزيع أوساط العينة بالتوزيع العيني للوسط أو باختصار التوزيع العيني. ويعتبر التوزيع العيني مهم لسببين.

١ - أوساط العينة في هذا التوزيع تكون موزعة حول الوسط الحقيقي لمجتمع الدراسة بطريقة معروفة.

٢ - نستطيع باستخدام هذا التوزيع من تحديد مدى قرب توزيع القيم الاحصائية عن معالم مجتمع الدراسة.

وحتى نتمكن من الاستفادة من التوزيع العيني فانه لا بد من تحديد طبيعة التوزيع العيني للوسط. وللقيام بذلك فانه لا بد من الرجوع الى نظرية الحد المركزية في علم الاحصاء والتي تقول :

١ - اذا كان التوزيع لمجتمع الدراسة لقياس معين طبيعي، فان التوزيع العيني للوسط لجميع العينات سوف يكون توزيعاً طبيعياً أيضاً.

٢ - اذا كان التوزيع لمجتمع الدراسة لقياس ليس طبيعياً، فان التوزيع العيني للوسط يقترب من التوزيع الطبيعي كلما زاد عدد أفراد العينة.

٣ - ان وسط التوزيع العيني للوسط يساوي وسط مجتمع الدراسة. وفي الحالة التي تكون فيها القيمة المتوقعة للوسط مساوية لقيمة معلمة لمجتمع الدراسة، فاننا نقول بان القيمة الاحصائية غير متحيزة.

٤ - ان الانحراف المعياري للتوزيع العيني للوسط هو الانحراف المعياري بالنسبة لمجتمع

الدراسة مقسوماً على الجذر التربيعي لحجم العينة . وعليه

$$\frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \sigma \bar{x}$$

وغالباً ما يطلق على هذه القيمة بالخطأ المعياري للوسط .

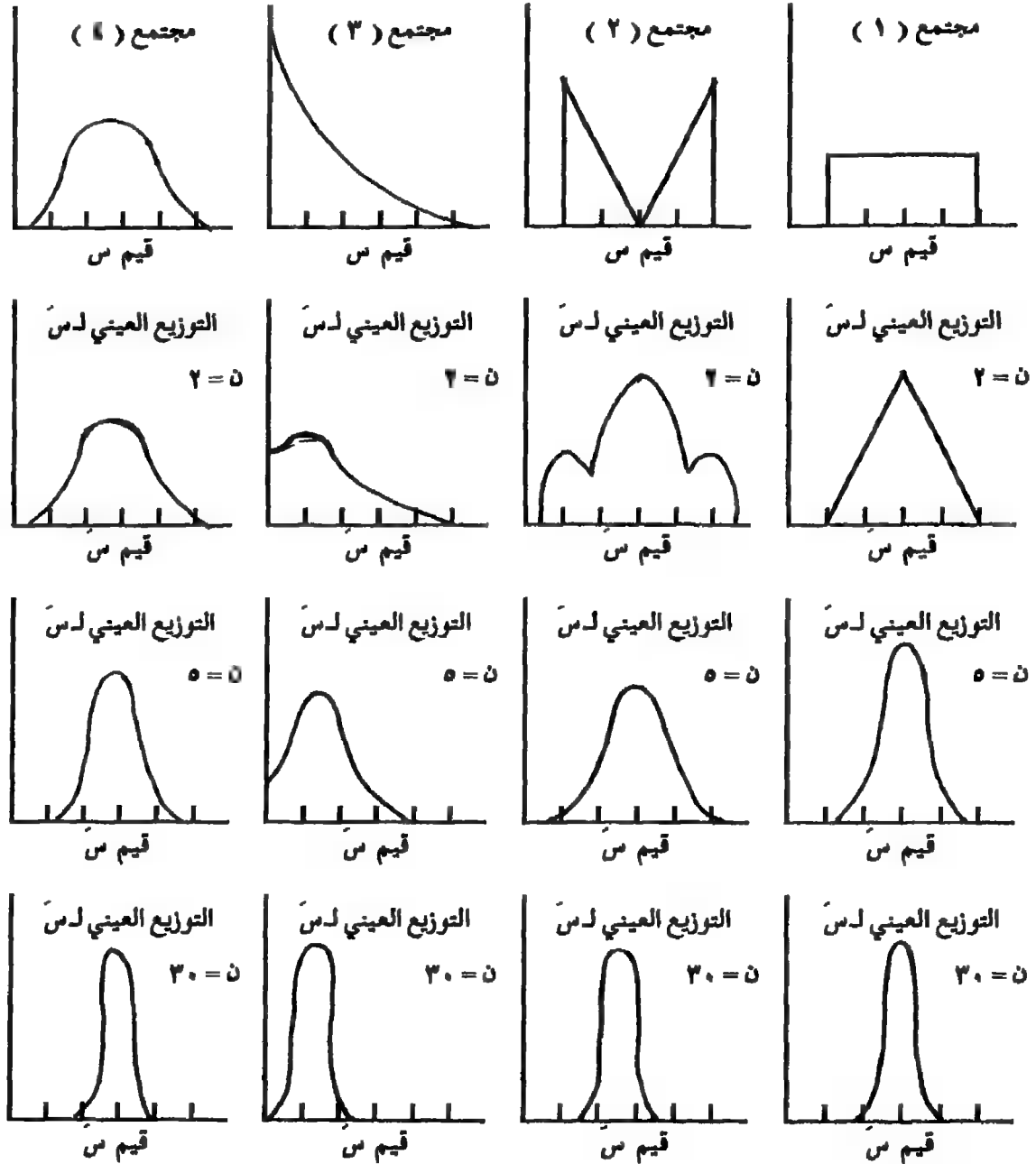
ولا نستطيع بالحياة العملية من معرفة قيمة كل من  $\sigma$  أو  $\sigma$  . لذلك فاننا سوف نقوم بتقديرهم بالقيم الاحصائية  $S$  و  $S$  على التوالي والتي تحسب قيمهم بناءً على عينة تم اختيارها من مجتمع الدراسة . لذلك

$$\frac{S}{\sqrt{n}} = S \bar{x}$$

ويوضح الشكل ( ٤ - ١ ) نظرية الحد المركزية . ويظهر في الشكل توزيعات لاربعة مجتمعات مختلفة أحدهما موزعاً توزيعاً طبيعياً وهو المجتمع الذي يقع في اليسار . ولكن نلاحظ ان التوزيع العيني للوسط لكل مجتمع من هذه المجتمعات يكون بالنهاية توزيعاً طبيعياً عندما يكون عدد أفراد العينة يساوي ( ٥ ) . أما بالنسبة للتوزيع العيني للوسط الذي تم اختياره من مجتمع طبيعي هو توزيع طبيعي كامل . كما نلاحظ ان التوزيع العيني للوسط لجميع العينات هو توزيع طبيعي عند يصبح حجم العينة يساوي ( ٣٠ ) أو أكثر . لذلك عندما نقوم بحساب الوسط لأي عينة يكون حجمها ( ٣٠ ) فاننا نكون متأكدون بأن الوسط يأتي من توزيع طبيعي وسطه يساوي  $\mu$  وخطاه المعياري يساوي  $\sigma / \sqrt{n}$  .

كما ان هناك خاصية أخرى يجب أن تكون مفهومة عن المنحنى الطبيعي قبل استخدام هذه النظرية . وتتعلق هذه الخاصية بالمساحة المحصورة تحت المنحنى الطبيعي . والشكل ( ٤ - ٢ ) يوضح منحى طبيعي بمساحات مختلفة واقعة ما بين انحرافات معيارية مختلفة عن الوسط .

شكل ( ٤ - ٢ )



Source : Earnest K. , Gerald J. , and Fredrick R. , Statistics for Business Decisions (Homewood, 111, Irwin, 1959, pp. 181 - 183) .

وبالتحديد يمكن ملاحظة ما يلي تقريباً :

١ - ٦٨٪ من الحالات تقع ما بين  $\pm 1$  انحراف معياري عن الوسط.

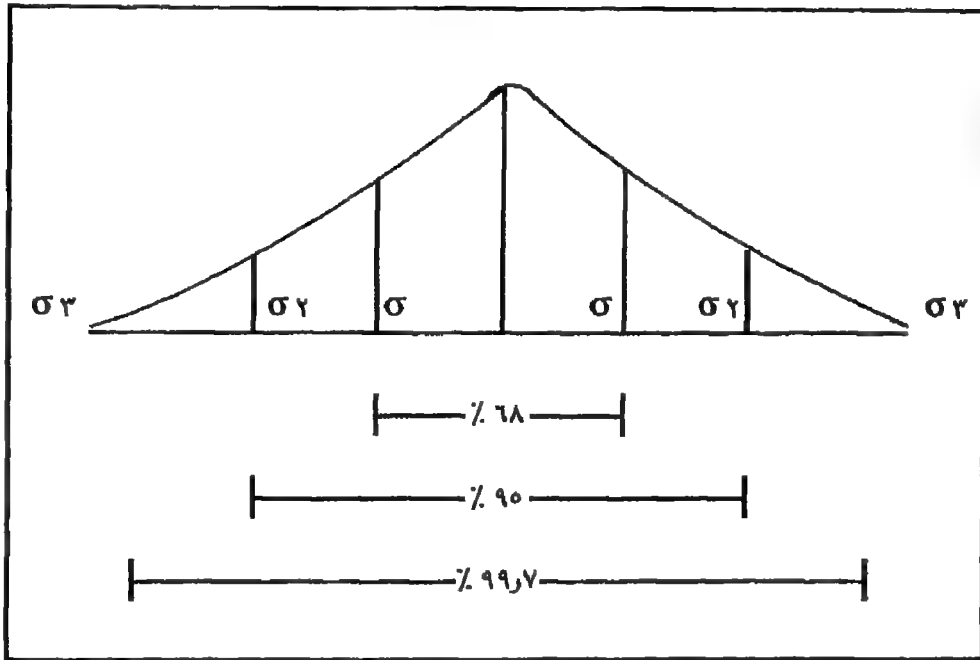
٢ - ٩٥٪ من الحالات تقع ما بين  $\pm 2$  انحراف معياري عن الوسط.

٣ - ٩٩٫٧٪ من الحالات تقع ما بين  $\pm 3$  انحراف معياري عن الوسط.

اننا الآن على علم بكل شيء نحتاجه عن النظرية لنتمكن من تحديد كم يكون متوسط العينة جيداً في تقدير متوسط المجتمع.

#### شكل ( ٤ - ٢ )

المساحة تحت المنحنى الطبيعي



## - استخدام النظرية

لقد تمّ اختيار العينة المكونة من أعمار خمسة طلاب من مجتمع كان توزيعه قريباً من التوزيع الطبيعي . لذلك فإن الوسط الحسابي الذي قمنا بحسابه جاء من التوزيع الطبيعي للأوساط . وقد قمنا بتقدير ما يلي :

١ - وسط التوزيع العيني بـ  $\bar{S}$

٢ - الانحراف المعياري للتوزيع العيني ( الخطأ المعياري ) بـ  $S_{\bar{x}}$  .

$$\frac{S}{\sqrt{n}} = S_{\bar{x}}$$

$$\sqrt{\frac{\sum_{j=1}^n (S_j - \bar{S})^2 / (n-1)}{n}} = S_{\bar{x}}$$

وفي مثالنا، كانت  $\bar{x} = 22.6$  و  $S = 28.8$ ، وعليه

$$\frac{28.8}{\sqrt{224}} = \frac{28.8}{14.97} = S_{\bar{x}}$$

$$1.93 = S_{\bar{x}}$$

دعنا الآن نقوم بحساب حجم الفترات عندما يكون بعد الانحراف المعياري عن

الوسط  $\pm 1$  ثم  $\pm 2$  ثم  $\pm 3$  انحرافات معيارية عن الوسط .

عند  $\pm 1$  انحراف معياري، فإن الفترة تكون

$$22.6 \pm 1.93 = 20.7 - 24.5$$

اننا نعلم بأن ٦٨٪ من أوساط التوزيع العيني يقع في هذه الفترة اذا ما كان وسط

العينة  $\bar{X}$  المحسوب هو فعلاً وسط التوزيع العيني . ( نذكر ان  $\mu = 237$  ) .

أما بالنسبة للفترة عند  $\pm 2$  انحرافين معيارين فهي

$$2276 \pm 2 = (13) 2276 \pm 276$$

$$20 = 252 -$$

اننا نعلم بان ٩٥٪ من أوساط التوزيع العيني يقع في هذه الفترة اذا ما كان وسط العينة المحسوب  $\bar{X}$  هو فعلاً وسط التوزيع العيني .

أما بالنسبة للفترة  $\pm 3$  انحرافات معيارية فهي

$$2276 \pm 3 = (13) 2276 \pm 399$$

$$187 = 265 -$$

اننا نعلم بان ٩٩٧٪ من أوساط التوزيع العيني يقع ضمن هذه الفترة اذا ما كان وسط العينة المحسوب  $\bar{X}$  فعلاً وسط التوزيع العيني .

اننا ندعوا الفترات التي تم حسابها بفترات الثقة . وقد كانت فترة الثقة الاولى هي فترة الثقة الـ ٦٨٪ ، والثانية فترة ثقة الـ ٩٥٪ والثالثة كانت فترة ثقة الـ ٩٩٧٪ . لاحظ انه يجب تحديد مستوى الثقة قبل فترة الثقة . وحتى نتمكن من حساب فترة الثقة فانه لا بد من ان يأتي الوسط من توزيع طبيعي للأوساط .

ولعرفة ما تعنيه فترة الثقة وبدقة، دعنا نستخدم فترة ثقة الـ ٩٥٪ للتوضيح . اننا نعرف الآن مما سبق بان وسط التوزيع العيني هو وسط المجتمع . واننا نستخدم وسط عينة واحدة ( $\bar{X}$ ) لتقدير وسط التوزيع العيني . كما اننا قد قمنا باختيار عينة واحدة فقط . لذلك فاننا لا نستطيع تحديد ما هو وسط التوزيع العيني الصحيح . وعليه فان من الممكن اختيار عينة بحيث لا يكون وسط المجتمع الحقيقي ضمن فترة ثقة الـ ٩٥٪ المحسوبة من العينة . لهذا فالوسط بالنسبة لمجتمع الدراسة قد يكون أو قد لا يكون ضمن فترة ثقة الـ ٩٥٪ المحسوبة من العينة . لذلك فان فترة ثقة الـ ٩٥٪ لا تعني ان احتمال



ظهور وسط المجتمع في فترة الثقة هو ٩٥٪ . ولكن ما تعنيه فترة ثقة الـ ٩٥٪ هو اذا تم اختيار ١٠٠ عينة عشوائية مختلفة ومن ثم قمنا بحساب ( ١٠٠ ) فترة ثقة ٩٥٪، فان نتوقع ان يظهر وسط المجتمع في ٩٥ فترة ثقة من الـ ( ١٠٠ ) فترة.

لقد كان حدود فترة ثقة الـ ٩٥٪ المحسوبة هي من ٢٠ الى ٢٥ر٢ . واذا ما تم اختيار ( ١٠٠ ) عينة مختلفة، فان وسط المجتمع سوف يظهر في فترات ٩٥ عينة من الـ ( ١٠٠ ) عينة. وفي مثالنا نلاحظ ان وسط المجتمع (  $\mu = ٢٣ر٧$  ) يقع ضمن حدود فترة ثقة الـ ٩٥٪ التي تم حسابها من العينة التي حجمها يساوي خمسة . لذلك يمكن القول بان دقة التقدير عند مستوى الثقة ٩٥٪ هو  $\pm ٢ر٦$  سنة . لاحظ ان حجم الدقة له معنى فقط عند مستوى ثقة معينة . فعند مستوى الثقة ٩٩ر٧٪ تكون دقة التقدير هي  $\pm ٣ر٩$  سنة . وهذا يعني ان حجم الدقة يساوي عرض فترة الثقة .

ان حساب فترة الثقة يزودنا بقياس خطأ العينة ودقة العينة المختارة . ويجب التنويه هنا الى ان اجراءات الاختيار الاحتمالية للعينة هي التي تساعد في حساب فترة ثقة مناسبة . بما ان معرفتنا عن التوزيع العيني للأوساط من اجراءات الاختيار الاحتمالية للعينة معدومة فاننا لا نستطيع حساب فترة ثقة ذات معنى .

- ما هو تأثير حجم العينة على الدقة .

لقد تم مسبقاً تحديد المعادلة المستخدمة في ايجاد الانحراف المعياري للتوزيع العيني للوسط . وهذه المعادلة هي :

$$S\bar{x} = \sqrt{\frac{\sum (s_j - \bar{s})^2 / (n-1)}{n}}$$

وببساطة اكثر

$$\frac{S}{\sqrt{n}} = S\bar{x}$$

علماً بأن (S) هو الانحراف المعياري للتوزيع المتغير ذي الاهتمام. اننا نلاحظ ان قيمة  $S\bar{X}$  تتغير عكسياً مع الجذر التربيعي لحجم العينة التي نختارها. بمعنى آخر، كلما زاد حجم العينة كلما زادت قيمة الجذر التربيعي لحجم العينة وعليه كلما قلت قيمة  $S\bar{X}$ . لاحظ ان فترة الثقة حول وسط العينة  $\bar{X}$  سوف تتناقص كلما قلت قيمة  $S\bar{X}$ ، وعليه كلما زاد التأكد بالنسبة لدقة التقدير.

ويمكن توضيح ذلك من خلال مثال مجتمع الطلبة. ولكن افرض هذه المرة ان عدد عناصر المجتمع هو (٥٠٠.٠٠٠) بدلاً من ٥٠، وان وسط المجتمع والانحراف المعياري كما كان. افرض اننا قمنا باختيار عدد من العينات العشوائية البسيطة من مجتمع الدراسة، وقد كان الوسط والتباين المحسوب لجميع العينات متماثل وكما يلي

$$\bar{X} = ٢٢٢٦ ، S^2 = ٨٣ ، S = ٢٨٨$$

بينما كان حجم العينات المختلفة التي تم اختيارها كما يلي :

$$١ - ن = ٥ \quad ٢ - ن = ٣٠ \quad ٣ - ن = ١٠٠$$

$$٤ - ن = ١٠٠٠ \quad ٥ - ن = ٢٠٠٠$$

دعنا الآن نقوم بحساب  $S\bar{X}$  لكل عينة

$$١ - S\bar{X} = \frac{٢٨٨}{\sqrt{٥}} = ١٢٣$$

$$٢ - S\bar{X} = \frac{٢٨٨}{\sqrt{٣٠}} = \frac{٢٨٨}{٥٤٨} = ٥٣$$

$$٣ - S\bar{X} = \frac{٢٨٨}{\sqrt{١٠٠}} = \frac{٢٨٨}{١٠} = ٢٩$$

$$٠.٩ - \bar{Sx} = \frac{٢٢٨٨}{٣١٧} = \frac{٢٢٨٨}{\sqrt{١٠٠٠}} = ٠.٩$$

$$٠.٦ - \bar{Sx} = \frac{٢٢٨٨}{٤٤٨} = \frac{٢٢٨٨}{\sqrt{٢٠٠٠}} = ٠.٦$$

دعنا نحسب الآن فترة الثقة الـ ٩٥٪ لكل عينة وبالتسلسل .

$$(١) ٢٢٢٦ \pm (١.٣) ٢٢٦ = ٢٢٦ \pm ٢٢٦ = ٢٠ - ٢٥٢$$

$$(٢) ٢٢٢٦ \pm (١.٥٣) ٢٢٦ = ١٠.٦ \pm ٢٢٦ = ٢١٥ - ٢٣٧$$

$$(٣) ٢٢٢٦ \pm (١.٢٩) ٢٢٦ = ٥٨ \pm ٢٢٦ = ٢٢٠.٢ - ٢٣١٨$$

$$(٤) ٢٢٢٦ \pm (١.٠٩) ٢٢٦ = ١٨ \pm ٢٢٦ = ٢٢٤٢ - ٢٢٧٨$$

$$(٥) ٢٢٢٦ \pm (٠.٦) ٢٢٦ = ١٢ \pm ٢٢٦ = ٢٢٤٨ - ٢٢٧٢$$

نلاحظ انه عندما زاد حجم العينة ن من ٥ الى ٢٠٠٠، نجد ان طول فترة الثقة الـ

٩٥٪ تتناقص من (٥٢) الى (٢) .

وهذا يعني ان الثقة في التقدير تزداد مع تزايد حجم العينة . بمعنى آخر اذا كان

حجم العينة ن = ٢٠٠٠ فاننا نتوقع ان يقع الوسط الحقيقي في فترة ثقة طولها فقط ٢

في ٩٥ عينة من أصل ١٠٠ عينة .

وفي مثالنا نلاحظ ان الوسط الحقيقي (٢٣٧ = μ) لا يقع ضمن فترة الثقة الـ

٩٥٪ والتي حدودها من ٢٢٤٨ - ٢٢٧٢ . وقد حدث هذا لافتراضنا ان اوساط العينة

متساوية وبغض النظر عن حجم العينة . وقد قمنا بذلك لتوضيح تأثير حجم العينة على

طول فترة الثقة المحسوبة . وبالحقيقة فانه كلما زاد حجم العينة كلما اقتربنا من القيمة

الحقيقية لوسط المجتمع . والقيمة الاحصائية التي تقترب من قيمة معلمة المجتمع كلما

زاد حجم العينة تدعى تقدير مستمر . وبالتأكيد نحن نبحث دائماً عن التقادير المستمر .

لذلك نتوقع أن يكون وسط العينة التي حجمها يساوي ( ٢٠٠٠ ) أقرب الى وسط المجتمع ( ٢٣٧ = ١٤ ) مقارنة مع العينة التي حجمها يساوي ( ٥ ) . بمعنى آخر، كلما زاد عدد أفراد العينة كلما زادت درجة تمثيل العينة لمجتمع الدراسة .

٢٠ - عمل استنتاجات عن معالم مجتمع الدراسة من عينة احصائية لمتغيرات متقطعة .

ان كل النظرية والاجراءات التي تم تطبيقها على المتغيرات المتصلة يمكن تطبيقها على المتغيرات المتقطعة . ان وسط العينة لنسبة الطلبة الذين اختاروا مادة الاحصاء في العينة التي تم اختيارها وكان عدد أفرادها خمسة أشخاص هو ( ٤ ) . ان هذا الوسط هو وسط واحد فقط من توزيع الأوساط للنسب الذي ينتج عن تكرار اختيار عينات متعددة حيث أن عدد أفراد كل منها هو خمسة أشخاص . ويمكن هنا أيضاً تطبيق نظرية الحد المركزية . وفي هذه الحالة يكون وسط التوزيع العيني للأوساط هو  $\pi$  والانحراف المعياري للتوزيع العيني هو  $\sqrt{\pi(1-\pi)/N}$  . ونحن لا نعلم القيم الحقيقية لمجتمع الدراسة بالحياة العملية . لذلك فاننا نقوم بتقديرهم كما يلي :

الوسط =  $\rho$

$$\text{الخطأ المعياري} = Sp = \sqrt{\frac{\rho(1-\rho)}{n}} \quad , \quad (1-\rho) = q$$

وسوف نقوم الآن بحساب فترة ثقة ٩٥٪ للعينة قيد الدراسة والتي عدد عناصرها

يساوي ( ٥ ) . ان المعادلة المستخدمة هي

$$\rho \pm z \sqrt{\frac{\rho q}{n}}$$

وفي مثالنا كانت قيمة  $p = ٤$  ،  $n = ٥$  . وعليه تكون فترة ثقة الـ ٩٥٪ هي

$$\begin{aligned} & \frac{(r_6)(r_4)}{0} \sqrt{2 \pm r_4} \\ & \frac{(r_6)(r_4)}{0.48} \sqrt{2 \pm r_4} = \\ & (22)(2 \pm r_4) = \\ & 44 \pm r_4 = \\ & 84 - 0 = \end{aligned}$$

ان هذه الفترة عريضة جداً وذلك لان حجم العينة قليل وكذلك قيمة  $qp$  للمتغير هي كبيرة. إن ما يمكن قوله هنا اننا نتوقع وجود وسط النسبة الحقيقي لمجتمع الدراسة في هذا النوع من الفئات في ٩٥ عينة من أصل (١٠٠) عينة. ان الوسط الحقيقي لمجتمع الدراسة ( $\pi = 27$ ) هو موجود في هذه الفترة.

دعنا الآن نلاحظ تأثير زيادة حجم العينة الى (٢٠٠٠) على فترة الثقة. اذا كانت  $p = r_4$  ، فان فترة ثقة ٩٥٪ سوف تكون

$$\begin{aligned} & \frac{(r_6)(r_4)}{0.0012} \sqrt{2 \pm r_4} \\ & \frac{(r_6)(r_4)}{0.0012} \sqrt{2 \pm r_4} = \\ & \frac{(r_6)(r_4)}{0.11} \sqrt{2 \pm r_4} = \\ & 0.22 \pm r_4 = \\ & 42 - 38 = \end{aligned}$$

ان سبب وجود الوسط الحقيقي لمجتمع الدراسة خارج حدود فترة الثقة هو تثبيت قيمة  $p = r_4$  والتي حصلنا عليها من العينة التي كان عدد عناصرها هو خمسة أشخاص وليس (٢٠٠٠). فاذا كان عدد أفراد العينة يساوي (٢٠٠٠) فاننا نتوقع أن يقترب

الوسط أكثر الى القيمة الحقيقية لمجتمع الدراسة مقارنة مع الوسط الذي نحصل عليه من العينة التي عدد أفرادها كان ( = ) .

لاحظ ان أعلى قيمة لـ  $S_p$  هو عندما تكون قيمة  $p = (r)$  وبغض النظر عن حجم العينة لأن  $qp = 25$  . ولا يمكن لـ  $qp$  أن يأخذ قيمة أعلى من هذه القيمة . فإذا كانت فيه قيمة  $p = 6$  ، فإن  $qp = 24$  . اذا كانت قيمة  $p = 7$  ، فإن قيمة  $qp = 21$  ، اذا كانت قيمة  $p = 8$  ، فإن قيمة  $qp = 16$  . وهذا يعني انه كلما زادت دقة النتائج ( كلما اقتربت فيه  $p$  من  $r$  ) كلما زادت قيمة الخطأ .

وعليه فقد قمنا الآن بحساب قيمة الخطأ العيني للمتغيرات المتصلة والمنقطعة .

#### - السؤال بالنسبة لحجم المجتمع .

لم يذكر الشرح لحد الآن أي شيء عن أهمية حجم مجتمع الدراسة في الحسابات التي تم ايجادها . ان هذا من حيث المبدأ أمر غير صحيح . ولكن بما أن معظم مجتمعات الدراسة بالنسبة للأبحاث الادارية كبيرة فان هذا يجعل الاهتمام بحجم مجتمع الدراسة أمر غير مهم .

ان مشكلة حجم الدراسة غالباً ما تظهر في المجتمعات المحدودة فقط . لذلك لا بد من تغيير المعادلة المستخدمة في ايجاد الخطأ المعياري للتوزيع العيني للوسط بالنسبة للمجتمعات المحدودة . وللتخلص من هذه المشكلة فاننا نقوم باضافة معامل التصحيح المحدد للمعادلة السابقة وكما يلي :

$$(1) \quad \frac{\frac{n - 1}{n} \sigma_x}{\sqrt{\frac{n - 1}{n}}} = \sigma_{\bar{x}} \quad (1) \quad \text{حيث } n = \text{حجم المجتمع}$$

$$(2) \quad \frac{\frac{n - 1}{n} S_x}{\sqrt{\frac{n - 1}{n}}} = S_{\bar{x}} \quad (2) \quad \text{حيث } n = \text{حجم العينة}$$

$$\frac{\sqrt{\frac{\pi(\pi-1)}{n}}}{\sqrt{\frac{n-1}{n}}} = \sigma_p \quad (2) \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{\frac{qp}{n}}}{\sqrt{\frac{n-1}{n}}} = S_p \quad (ب)$$

ان قيمة  $\sqrt{\frac{(n-1)}{(r-1)}}$  تدعى بقيمة معامل التصحيح المحدد .  
 فاذا كان حجم مجتمع الدراسة (ن) كبير بالنسبة لحجم العينة (ن) ، فان قيمة  $\sqrt{\frac{(n-1)}{(r-1)}}$  تساوي تقريباً (١) . لذلك فاننا نستطيع استخدام المعادلة الاساسية لـ  $\sigma_{\bar{X}}$  و  $S_{\bar{X}}$  وكذلك نفس الشيء بالنسبة  $\sigma_p$  و  $S_p$  .

ان مدى معامل التصحيح يقع دائماً ما بين الصفر والواحد (٠ - ١) . وتكون قيمة معامل التصحيح تساوي صفرأ عندما يكون حجم الدراسة مساوياً لحجم العينة . ويحدث ذلك عندما ندرس جميع عناصر مجتمع الدراسة وفي هذه الحالة لا نستطيع حساب قيمة الخطأ المعياري . ويعتبر الخطأ المعياري ذو قيمة اذا تم دراسة العينات فقط وليس عند دراسة مجتمع الدراسة بالكامل . وتقترب قيمة معامل التصحيح من (١) عندما يكون حجم المجتمع (ن) كبيراً بالنسبة لحجم العينة (ن) . لذلك ان عملية اضافة معامل التصحيح الى المعادلة سوف يقلل دائماً من قيمة الخطأ المعياري ما عدا الحالة التي يكون فيها قيمته (معامل التصحيح) مساوية للواحد . فاذا ما تم اهمال قيمة معامل التصحيح فان هذا يؤدي الى المبالغة في قيمة الخطأ المعياري وبالتالي زيادة طول فترة الثقة . وهذا بالتالي يؤدي الى التحيز في ايجاد حدود فترة الثقة .

### - تحديد حجم العينة The Determination of Sample Size

يجب الاهتمام الآن وبعد فهم أخطاء العينة وأخطاء غير العينة بسؤال تحديد حجم العينة .

## - حجم العينة والنظرية الاحصائية.

لقد قمنا بحساب فترة الثقة للقيمة الاحصائية في حالة اختيار عينة عشوائية بسيطة معلومة الحجم. ولحساب فترة الثقة لمقياس فاننا بحاجة الى المعلومات التالية والتي تم تغطيتها خلال هذا الفصل.

١ - تقدير لقيمة الوسط،  $\bar{S}$ .

٢ - تقدير لقيمة الانحراف المعياري،  $S$ .

٣ - حجم العينة.

٤ - مستوى الثقة.

٥ - استخدام (٢) و (٣) في حساب الخطأ المعياري ( $S\bar{X}$ ). ومن ثم قمنا بحساب فترة الثقة المناسبة. والمعادلة المستخدمة لايجاد فترة الثقة عند مستوى ثقة مقداره ٩٥٪ كانت

$$\text{فترة الثقة} = \bar{S} \pm ٢ \frac{S}{\sqrt{n}}$$

اننا نستطيع ايجاد فترة الثقة اذا ما اوجدنا قيمة  $\bar{S}$  و  $S$  بالاضافة الى معرفة حجم العينة. او يمكن أن نجد قيمة الدقة في التقدير عن طريق استخدام جزء من معادلة فترة الثقة وكما يلي :

$$\text{الدقة} = \pm ٢ \frac{S}{\sqrt{n}}$$

افرض الآن اننا نريد تحقيق مستوى معين من الدقة. فاذا كان معلوم لدينا قيمة الانحراف المعياري للمتغير ( $S$ ) فاننا نستطيع حل المعادلة بالنسبة لحجم العينة المطلوب.

دعنا الآن نقوم بتوضيح هذه النتيجة. افرض اننا نريد الحصول على تقدير لمتوسط



عمر الطلبة بحيث تكون الدقة في التقدير ما بين  $\pm 3$  سنوات عند مستوى ثقة قدره ٩٥% . وافرض اننا قمنا أيضاً بتقدير قيمة  $S$  وكانت  $S = 3$  ، فانه يمكن الحصول على حجم العينة المطلوب بعد حل المعادلة بالنسبة لحجم العينة (ن) .

$$\begin{aligned} \frac{S}{\sqrt{n}} \times 2 \pm &= \text{الدقة} \\ \frac{3}{\sqrt{n}} \times 2 \pm &= \pm 3 \\ \frac{6}{\sqrt{n}} &= 3 \\ 6 &= \sqrt{n} \times 3 \\ &= \sqrt{n} \\ 2 &= \sqrt{n} \\ n &= 4 \end{aligned}$$

وهذا يعني انه اذا كان حجم العينة  $n = 4$  ، فان هذا سوف يضمن دقة في التقدير قدرها  $\pm 3$  سنوات اذا كانت قيمة  $S = 3$  .

وقد قمنا بالتعبير عن الدقة في مثالنا بوحدة السنوات . وعليه، فانه يطلق على الدقة في هذه الحالة بالدقة المطلقة . كما يمكن التعبير عن الدقة أيضاً بنسبة قيمة الوسط الذي تم حسابه . وفي هذه الحالة تتغير الدقة بناءً على قيمة الوسط . وتدعى الدقة التي تم التعبير عنها بالنسب بالدقة النسبية . دعنا نقوم بحل مثال لحساب حجم العينة لضمان نسبة دقة محددة . افرض ان  $S = 2.5$  ،  $S = 3$  ، نسبة الدقة المطلوبة هي  $\pm 10\%$  (١٠)، ومستوى الثقة المرغوب به  $= 99.7\%$  فان حجم العينة المطلوب لتحقيق نسبة الدقة هو

$$\pm b \text{ س} = \pm \frac{S}{\sqrt{n}} \quad , \quad \text{حيث } b = \text{نسبة الدقة المطلوبة}$$

$$\pm \frac{3}{\sqrt{n}} \times 3 = \pm (20)(1)$$

$$\frac{9}{\sqrt{n}} = 20$$

$$9 = \sqrt{n} \times 20$$

$$\frac{9}{20} = \sqrt{n}$$

$$3.6 = \sqrt{n}$$

$$n = 13$$

وهذا يعني ان حجم العينة المطلوب هو ١٣ اذا كانت  $\text{س} = 20$  و  $S = 3$ .

ويمكن اعادة كتابة معادلة نسبة الدقة بعد اهمال الاشارة  $\pm$  لانها تسقط في الحسابات وكما يلي :

$$b \text{ س} = \frac{S}{\sqrt{n}}$$

$$b \text{ س} = \sqrt{n} \times S$$

$$b = \frac{S}{\sqrt{n} \text{ س}}$$

ان اعادة كتابة المعادلة كما في الشكل اعلاه يبين الحاجة لمعرفة كل من  $\text{س}$  و  $S$  لحساب حجم العينة، انما معرفة نسبة الانحراف المعياري الى الوسط الحسابي  $S / \text{س}$  تكفي لايجاد حجم العينة . وغالباً ما يطلق على هذه النسبة بمعامل التغير.

مثال ١ : أوجد حجم العينة لمتغير غير متصل اذا علمت ان قيمة  $\rho = 0.3$  ، والدقة المطلقة التي يرغب بها الباحث هي  $\pm 0.04$  ، واذا علمت ان مستوى الثقة يساوي ٩٥ % ؟

$$\begin{aligned} \frac{qp}{n} \sqrt{\phantom{x}} &= \text{الدقة المطلوبة} \pm 2 \\ \frac{(37)(7)}{n} \sqrt{\phantom{x}} &= 2 = 2.04 \\ \frac{21}{n} \sqrt{\phantom{x}} &= 2 = 2.04, \text{ بالقسمة على } 2 \\ \frac{21}{n} \sqrt{\phantom{x}} &= 2.04 \\ \sqrt{21} \sqrt{\phantom{x}} &= \sqrt{n} \sqrt{2.04} \\ \frac{\sqrt{21} \sqrt{\phantom{x}}}{2.04} &= \sqrt{n} \sqrt{\phantom{x}} \\ \frac{46}{2.04} &= \sqrt{n} \sqrt{\phantom{x}} \\ 23 &= \sqrt{n} \sqrt{\phantom{x}} \\ 529 &= n \end{aligned}$$

وهذا يعني ان حجم العينة المطلوب هو ٥٢٩.

مثال ٢ : أوجد حجم العينة لمتغير غير متصل اذا علمت ان قيمة  $\rho = 3$ ، ونسبة الدقة المطلوبة كانت  $\pm 5\%$  اذا علمت ان مستوى الثقة يساوي  $99.7\%$ .

$$\begin{aligned}
\sqrt{\frac{qp}{n}} &= 3 \text{ نسبة الدقة} \\
\sqrt{\frac{qp}{n}} &= p \text{ ب} \\
\sqrt{\frac{(0.7)(0.3)}{n}} &= (0.3)(0.05) \\
\sqrt{\frac{0.21}{n}} &= 0.015 \text{ ، بالقسمة على 3} \\
\sqrt{\frac{0.21}{n}} &= 0.005 \\
\sqrt{0.21} &= \sqrt{n} \cdot 0.005 \\
\sqrt{n} &= 0.005 / \sqrt{0.21} \\
\sqrt{n} &= 92 \\
n &= 8464 .
\end{aligned}$$

وهذا يعني ان حجم العينة المطلوب هو ٨٤٦٤ .

لاحظ ان حجم العينة الذي تم حسابه لحد الآن كان لعينات عشوائية بسيطة فقط. فاذا كانت اجراءات اختيار العينة أكثر تعقيد من العشوائية البسيطة كالتطبيقية أو العنقودية، فان ذلك يؤدي الى استخدام معادلة أكثر تعقيد لإيجاد حجم العينة. ولكن مبدأ عمل جميع المعادلات هو نفس المبدأ. بمعنى آخر، حتى نتمكن من إيجاد حجم العينة لعينات احتمالية غير العشوائية البسيطة فانه لا بد من تحديد مستوى الثقة والدقة المطلوبة كما هو الحال بالنسبة للعينات العشوائية البسيطة ومن ثم نقوم باستخدام المعادلة المناسبة في قياس الخطأ المعياري لنتمكن من إيجاد حجم العينة.

## - حجم العينة والخطأ غير العيني

لا يجوز لأي شخص أن يقبل حجم العينة المحسوب بالمعادلة الاحصائية بدون تفكير. ان أحد الأسباب التي لا تنصح بعمل ذلك هو وجود الأخطاء غير العينية. ان بعض الأخطاء غير العينية تصبح ذات قيم أكبر كلما زاد حجم العينة مثل أخطاء عدم الاستجابة وأخطاء المقابلة وأخطاء اعداد البيانات بالإضافة الى أخطاء تحليل البيانات. لذلك فالدراسة التي تنفذ بدقة على عينة حجمها (٢٠٠) فرداً قد تحتوي على أخطاء أقل مقارنة مع دراسة تنفيذ بنفس الدقة على عينة حجمها ٢٠٠٠ والسبب في ذلك زيادة احتمال الوقوع في الأخطاء غير العينية. ان الاعتقاد السائد لدى عامة الناس بأنه كلما كان حجم العينة كبير كلما كان أفضل من العينة الصغيرة والذي هو بالواقع غير صحيح. لذلك يتوجب على الباحثين مواجهة هذا التفكير بالنسبة لمجتمع الدراسة وان لا يتخذوا بهذا التفكير أو الاعتقاد لنفس الأسباب. فالكبر لا يعني بالضرورة الأفضل. ان بعض العينات الصغيرة تؤدي الى مستوى من الدقة الاحصائية بحيث يكون مقنع لأصحاب القرار.

## - حجم العينة والعوامل الأخرى

يجب على أي دراسة بحث أن توازن بين الأناقة في خطوات البحث والمعضلات العملية التي يمكن أن تواجه الباحث. وهذه المعضلات قد تؤثر على قرار حجم العينة بالإضافة الى قرارات أخرى سوف نقوم بشرحها.

### ١ - أهداف الدراسة.

ان نوع الاستخدام للمعلومات التي يحصل عليها الشخص الباحث من الدراسة تؤثر على حجم العينة. فالقرارات التي لا تحتاج الى دقة بالمعلومات يمكن عملها بعينة ذات حجم صغير. فيمكن لشركة أن تكون سعيدة في قياس رغبة المستهلكين بسلعة جديدة من خلال نسبة قدرها ١٥٪ الى ٢٠٪. أما اذا كانت

القرارات تحتاج الى دقة في المعلومات فانه لا يمكن عمل هذه القرارات من خلال دراسة عينة صغيرة. اذا اراد سياسي توقع نتائج انتخابات برلمانية مثلاً بدقة احصائية معينة فانه لا بد ان يختار عينة ذات حجم كبير.

## ٢ - مشكلة الوقت .

اذا كانت نتيجة البحث مطلوبة في وقت قصير فانا لا نتوقع استخدام أي عينة سوى العينة ذات الحجم القليل . لأنه كلما كبر حجم الدراسة كلما زاد الوقت المتوقع ان يحتاجه الباحث لتنفيذ الدراسة.

## ٣ - مشكلة التكاليف .

ان مقدار الأموال المخصصة لعمل دراسة البحث ذات تأثير على حجم العينة التي يجب ان يختارها الباحث . وهذا لا يعني انه اذا كانت الأموال المخصصة لعمل بحث كثيرة فانه يجب عمل دراسة البحث على عينة كبيرة الحجم . ولكن يجب دائماً أن لا ننسى حجم العينة المطلوب لتحقيق أهداف دراسة البحث .

## ٤ - اجراءات تحليل البيانات .

ان اجراءات تحليل البيانات ذات تأثير على حجم العينة . ان معظم الأنواع الأساسية في التحليل تتعامل مع متغير واحد فقط في كل مرحلة تحليل . ويدعى هذا النوع من التحليل بالتحليل أحادي المتغير . ولكن في بعض الحالات قد نحتاج الى استخدام اختبارات احصائية ثنائية المتغيرات أو متعدد المتغيرات لتنفيذ الدراسة قيد البحث . يجب ملاحظة هنا ان كل اختبار من الاختبارات الاحصائية سواء كان أحادي المتغير أو ثنائي أو متعدد المتغيرات فانه يحتاج الى حجم عينة مختلف حتى يتمكن الشخص الباحث من الحصول على تقديرات صالحة لمعالم مجتمع الدراسة . وبشكل عام يتحدد حجم العينة بناءً على عدد

معالم مجتمع الدراسة التي نحتاج الى تقديرها. فكلما زاد عدد معالم مجتمع الدراسة التي نحتاج الى تقدير كلما زادت الحاجة الى عينة ذات حجم كبير. بما تقدم نلاحظ ان عملية تحديد حجم العينة الأمثل يعتمد على أكثر من متغير. من هذه المتغيرات حجم الدقة الاحصائية المطلوبة ودرجة الاهتمام بالأخطاء غير العينية وأهداف الدراسة والوقت المتاح والتكاليف هذا بالإضافة الى خطة تحليل البيانات. لذلك لا يوجد هناك اجابة واحدة صحيحة بالنسبة لاختيار حجم العينة الأمثل لأي دراسة.



- س١ : ما هو الفرق اذا كان هناك ما بين المعلمة والقيمة الاحصائية ؟
- س٢ : ما هي الرموز المستخدمة للتعبير عن المعالم والقيم الاحصائية لكلا النوعين من المتغيرات المتصلة والمتقطعة ؟
- س٣ : عرف كل من الوسط والتباين بالكلمات ثم بالرموز الرياضية لكل من المجتمع والعينة مرة لمتغير متصل ومرة لمتغير متقطع .
- س٤ : لماذا تعتبر نظرية الحد المركزية مهمة في قياس الخطأ العيني ؟
- س٥ : ما هو المقصود بفترة الثقة ؟
- س٦ : ما هو تأثير حجم العينة على فترة الثقة ؟
- س٧ : ما هي الخصائص المرغوب توفرها في القيم الاحصائية ؟
- س٨ : ما هي المشاكل التي يمكن أن تواجه أي دراسة ميدانية تستخدم العينة العشوائية البسيطة ؟
- س٩ : ما هو المقصود بالدقة المطلقة، الدقة النسبية ؟
- س١٠ : ما هي المعلومات الضرورية الواجب توفرها لحساب الحجم الأمثل للعينة العشوائية ؟
- س١١ : أذكر العوامل التي يجب أن تؤخذ بعين الاعتبار لتحديد حجم العينة لدراسة ما ؟



## **الفصل الخامس**

### **طرق العينات الأكثر تعقيداً**

### **More Complex Sampling Procedures**



## طرق العينات الأكثر تعقيداً More Complex Sampling Procedures

### (١) العينة الطبقية

ان أحد الخصائص التي نرغب وجودها في التقديرات الاحصائية هي الكفاءة. بمعنى آخر اننا نريد ان يكون الخطأ المعياري في التقديرات الاحصائية اقل ما يمكن. ان استخدام العينة الطبقية والعنقودية ممكن ان يؤدي الى التقليل من الخطأ المعياري للتقدير الاحصائي. وعليه فاننا نتوقع ان تكون عرض فترة الثقة اقل. ولكن تعتبر اجراءات اختيار العينة سواء كانت الطبقية او العنقودية أكثر تعقيداً من اجراءات اختيار العينة العشوائية البسيطة. ومع ذلك فان هاتين الطريقتين مستخدمتين بالحياة العملية بشكل واسع.

### .. طريقة اختيار العينة الطبقية

ان عملية اختيار العينة الطبقية تتم كما يلي :

- ١ - يجب تقسيم مجتمع الدراسة الى طبقات او مجموعات مانعة لبعضهما البعض. والمقصود بمانعة لبعضهما البعض هو عدم وجود أي عنصر في أكثر من طبقة. مثال : يمكن ان يتم تقسيم مجتمع الدراسة الى طبقات حسب الجنس. وعليه فاننا نتوقع الحصول بعد تقسيم مجتمع الدراسة على طبقتين : طبقة للذكور وطبقة للاناث. كما اننا لا نتوقع انتماء أي فرد من أفراد المجتمع الى كلا الطبقتين. كما يجب ان تحتوي الطبقات المختلفة على جميع عناصر مجتمع الدراسة. بمعنى آخر يجب على طبقة الذكور وطبقة الاناث تعريف جميع عناصر مجال متغير الجنس

بحيث لا يمكن الحصول على أي طبقة أخرى بالنسبة لمتغير الجنس .

٢ - اختيار عينة عشوائية مستقلة من كل طبقة .

- توضيح عمل طريقة العينة الطباقية .

تعتبر هذه الطريقة عملية جداً في تقليل الخطأ المعياري للتقدير الاحصائي اذا تم تقسيم المجتمع الى طبقات بحيث يكون التجانس عالي في الطبقة الواحدة بالنسبة للمتغير ذو العلاقة بالحسابات الاحصائية . اما اذا كان التجانس في المجتمع الاحصائي ككل افضل منه في كل طبقة على حده فاننا سوف لا نتوقع أي تقليل من وقوع الخطأ المعياري .

وسوف نستخدم جزء من البيانات المستخدمة في العينة العشوائية والبسيطة والمعرضة في الجدول ( ٤ - ٢ ) والتي تتعلق بالخانة الأولى من الرقم الجامعي والعمر لتوضيح خاصية العينة الطباقية في تقليل الخطأ المعياري . وجدول ( ٥ - ١ ) يعرض الخانة الأولى من الرقم الجامعي والعمر للطلبة . وسوف نستخدم متغير العمر لتوضيح خاصية تقليل الخطأ المعياري .

جدول ( ١٠٥ )

| ٢- العمر<br>( س ) | ١- الحانة الأولى من<br>الرقم الجامعي | ٢- العمر<br>( س ) | ١- الحانة الأولى من<br>الرقم الجامعي |
|-------------------|--------------------------------------|-------------------|--------------------------------------|
| ٢٢                | - ٢٦                                 | ٢٥                | - ١                                  |
| ١٩                | - ٢٧                                 | ٢٧                | - ٢                                  |
| ٢٠                | - ٢٨                                 | ٢٩                | - ٣                                  |
| ١٩                | - ٢٩                                 | ٣١                | - ٤                                  |
| ٢٤                | - ٣٠                                 | ٢٥                | - ٥                                  |
| ٢٥                | - ٣١                                 | ٢٩                | - ٦                                  |
| ٢٢                | - ٣٢                                 | ٢٧                | - ٧                                  |
| ٢٠                | - ٣٣                                 | ٢٤                | - ٨                                  |
| ٢١                | - ٣٤                                 | ٢٧                | - ٩                                  |
| ٢١                | - ٣٥                                 | ٢٨                | - ١٠                                 |
| ٢٣                | - ٣٦                                 | ٢٣                | - ١١                                 |
| ٢١                | - ٣٧                                 | ٢٩                | - ١٢                                 |
| ٢٣                | - ٣٨                                 | ٢٦                | - ١٣                                 |
| ١٨                | - ٣٩                                 | ٢٨                | - ١٤                                 |
| ٢١                | - ٤٠                                 | ٢٨                | - ١٥                                 |
| ١٩                | - ٤١                                 | ٢٦                | - ١٦                                 |
| ٢٣                | - ٤٢                                 | ٢٦                | - ١٧                                 |
| ٢٢                | - ٤٣                                 | ٣٦                | - ١٨                                 |
| ١٩                | - ٤٤                                 | ٢٨                | - ١٩                                 |
| ٢٠                | - ٤٥                                 | ٢٦                | - ٢٠                                 |
| ٢٠                | - ٤٦                                 | ٢١                | - ٢١                                 |
| ٢١                | - ٤٧                                 | ١٩                | - ٢٢                                 |
| ٢٠                | - ٤٨                                 | ٢٤                | - ٢٣                                 |
| ١٩                | - ٤٩                                 | ٢٢                | - ٢٤                                 |
| ١٨                | - ٥٠                                 | ٢٠                | - ٢٥                                 |

نلاحظ من الجدول ان التجانس ما بين أعمار طلبة الدراسات العليا ( ١ - ٢٠ ) عالي، وكذلك نفس الشيء بالنسبة لطلبة دراسة البكالوريوس من ٢١ - ٥٠ . وباستخدام المتغير الطبقي ( دراسات عليا ضد دراسات بكالوريوس ) فقد حصلنا على طبقتين أكثر تجانساً مقارنة مع المجتمع الذي تم الحصول عليه بناءً على متغير العمر. لذلك فقد قمنا بعرض السبب الضروري والمهم للاستفادة من تقسيم المجتمع الى طبقات .

افرض اننا قمنا بسحب عينة عشوائية بسيطة بعنصرين من طبقة طلبة الدراسات العليا وعينة عشوائية بسيطة بثلاثة عناصر من طبقة طلبة الدراسات الدنيا . ان نسبة العينة الأولى الى الثانية هي ٢ : ٣ وهذا متناسق مع نسبة مجتمع طلبة الدراسات العليا الى طلبة دراسات بكالوريوس ٢٠ / ٣٠ . ويطلق على هذا النوع من العينات بالعينات الطباقية المتناسقة . ويحدث هذا النوع من العينات عندما يتم اختيار عناصر العينة من كل طبقة على أساس نسبة عناصر الطبقة الواحدة الى عناصر مجتمع الدراسة . وللباحث الحق في اختيار عناصر العينة بشكل لا يتناسق مع توزيع المجتمع في كل طبقة .

دعنا الآن نقوم بتحديد بعض الرموز لتسهيل الشرح اللاحق :

ن<sub>١</sub> حجم المجتمع في الطبقة الأولى . س<sub>١</sub> وسط العينة في الطبقة الأولى .

ن<sub>٢</sub> حجم المجتمع في الطبقة الثانية . س<sub>٢</sub> وسط العينة في الطبقة الثانية .

ن<sub>١</sub> حجم العينة في الطبقة الأولى . S<sub>١</sub> تباين العينة في الطبقة الأولى .

ن<sub>٢</sub> حجم العينة في الطبقة الثانية . S<sub>٢</sub> تباين العينة في الطبقة الثانية .

افرض اننا قمنا الآن بسحب عينة عشوائية بسيطة حجمها عنصرين من الطبقة الأولى وعينة حجمها ( ٣ ) عناصر من الطبقة الثانية . وعليه فان شكل العينة الطباقية سوف يكون كما يلي :

| العمر          | الحانة الأولى من الرقم الجامعي |
|----------------|--------------------------------|
| الطبقة الأولى  |                                |
| ٢٥             | ■                              |
| ٢٦             | ١٧                             |
| الطبقة الثانية |                                |
| ٢٢             | ٣٢                             |
| ٢١             | ٣٧                             |
| ١٩             | ٤١                             |

لغايات المقارنة مع نتائج العينة العشوائية البسيطة، فقد قمنا باختيار نفس عناصر العينة العشوائية البسيطة.

- حساب القيم الاحصائية لكل طبقة.

لقد قمنا في الفصل الرابع بحساب كل من الوسط والتباين والانحراف المعياري لجميع عناصر العينة وبدون تقسيم. وكانت القيم الاحصائية كما يلي

$$\bar{S} = ٢٢٢٦ ، S^2 = ٨٢٣ ، S = ٢٨٨$$

دعنا الآن نقوم بحساب الوسط والتباين والانحراف المعياري لكل طبقة.

بالنسبة للطبقة الاولى :

$$\frac{\sum_{j=1}^N s_{1j}}{N_{11}} = \bar{s}_{11} = \text{الوسط}$$

$$\frac{26 + 25}{2} =$$

$$\frac{51}{2} =$$

$$25.5 =$$

ولحساب التباين  $s_{11}^2$

$$\frac{\sum_{j=1}^N s_{1j}^2 - \frac{(\sum_{j=1}^N s_{1j})^2}{N}}{N - 1} = s^2$$

$$130.1 = 676 + 625 = 2(26) + 2(25) = \sum s_{11}^2$$

$$1300.5 = \frac{2601}{2} = \frac{2(51)}{2} = \frac{2(\sum s_{11})^2}{N}$$

$$\frac{1300.5 - 130.1}{1} = s_{11}^2$$

$$s_{11}^2 = 1150$$

وعليه يكون الانحراف المعياري  $s_{11} = 33.76$



أما بالنسبة للعينة الثانية

$$\text{الوسط} = \bar{x} = 22 + 21 + 19 / 3$$

$$\bar{x} = \frac{62}{3}$$

$$\bar{x} = 20.7$$

ولحساب التباين نجد ما يلي

$$\sum x^2 = (19)^2 + (21)^2 + (22)^2$$

$$= 361 + 441 + 484$$

$$= 1286$$

$$\frac{\sum x^2}{n} = \frac{(62)^2}{3}$$

$$= \frac{3844}{3}$$

$$= 1281.3$$

$$S^2 = \frac{1281.3 - 1286}{2}$$

$$= \frac{47}{2}$$

$$= 23.5$$

وعليه تكون قيمة  $S = 3.03$  .

والجدول ( ٥ - ٢ ) يلخص هذه النتائج

نلاحظ من الحسابات ان التباين والانحراف المعياري لكل طبقة أقل بكثير من التباين والانحراف المعياري للعينة ككل . وهذا يظهر واحدة من ايجابيات العينة الطبقية . وسوف ينتج عن ذلك ان طول فترة الثقة لكل طبقة سوف تكون أقصر من طول فترة الثقة بالنسبة لجميع العناصر ككل .

### جدول ( ٥ - ٢ )

الوسط والتباين والانحراف المعياري في كل طبقة وللعينة ككل

| الانحراف المعياري | التباين | الوسط |                |
|-------------------|---------|-------|----------------|
| ٢٢٨٨              | ٨٣      | ٢٢٦   | بدون طبقات     |
| ٧١                | ٥       | ٢٥٥   | الطبقة الاولى  |
| ١٥٣               | ٢٣٥     | ٢٠٧   | الطبقة الثانية |

- حساب الوسط والخطأ المعياري للعينة ككل .

يجب ان يتحول الاهتمام الآن الى كيفية حساب الوسط والخطأ المعياري للعينة ككل بناءً على نتائج الطبقات المختلفة . فوسط العينة  $\bar{y}$  هو ببساطة عبارة عن معدل أوساط الطبقات المختلفة . وان وزن الطبقة هو نسبة حجم الطبقة الى حجم المجتمع الكلي . ويمكن التعبير عنه رياضياً كما يلي  $\frac{n_r}{n}$  . حيث ان  $n_r$  تمثل عدد الأشخاص في الطبقة  $r$  . لذلك

$$\bar{y} = \sum_{r=1}^R \left( \frac{n_r}{n} \right) \bar{y}_r$$

حيث ان 1 تمثل عدد الطبقات

ففي مثالنا الحالي فقد تم تقسيم المجتمع الى طبقتين، لهذا فان  $2 = 1$  ، وعليه

$$سَ (كلي) = \sum_{j=1}^2 \left( \frac{ن_{در_j}}{ن} \right) سَ{در_j} = \left( \frac{ن_{1ط}}{ن} \right) سَ{1ط} + \left( \frac{ن_{2ط}}{ن} \right) سَ{2ط}$$

$$= (207) \times \left( \frac{30}{50} \right) + (255) \times \left( \frac{20}{50} \right) =$$

$$= (207)(6) + (255)(4) =$$

$$= 1242 + 1020 =$$

$$2262$$

نلاحظ ان الوسط المحسوب عن طريق استخدام العينة الطبقيية هو نفس الوسط الذي حصلنا عليه دون استخدام العينة الطبقيية .

ان نسبة  $ن_{در_j} / ن$  هي وزن النسبة المرافق لكل طبقة . ودعنا نرمز لها من الآن بـ  $و_j$  .

ففي مثالنا يمكن القول بأن

$$و_1 = 6 ، و_2 = 4$$

ان حساب الخطأ المعياري للوسط باستخدام الطبقيية أكثر تعقيداً مقارنة مع استخدام العشوائية البسيطة . والخطأ المعياري للوسط يساوي الجذر التربيعي لأوزان مربع الخطأ المعياري في كل طبقة . وعامل الوزن في هذه الحالة يساوي مربع الوزن النسبي لكل طبقة . وعليه فان المعادلة

$$S_{سَ} = \sqrt{S_{سَ}^2} \quad (\text{تم إهمال المجتمعات المحدودة})$$

$$S^2 = \sum_{j=1}^n \left( \frac{n_j}{n} \right) S_j^2$$

$$= \sum_{j=1}^n S_j^2$$

ففي مثالنا الحالي، فإن الخطأ المعياري بالنسبة للطبقة الأولى هو

$$S_{std} = \frac{71}{\sqrt{141}} = \frac{71}{11.87} = 5.98$$

$$= 5.98$$

$$S_{std} = 5.98$$

أما بالنسبة للطبقة الثانية

$$S_{std} = \frac{53}{\sqrt{73}} = \frac{53}{8.54} = 6.21$$

$$= 6.21$$

$$S_{std} = 6.21$$

لهذا

$$S^2 = (6)^2 (78) + (4)^2 (20) = 36(78) + 16(20) = 2808 + 320 = 3128$$

$$= 3128$$

$$= 3128$$

$$= 3128$$

أما

$$\overline{V}_{32} = S_{\bar{S}} = 0.07$$

لاحظ أننا قد قمنا بتربيع معامل الوزن لكل طبقة ومربع الخطأ المعياري.

ويمكن احتساب  $S^2_{\bar{S}}$  مباشرة ودون حساب الخطأ المعياري لكل طبقة. والمعادلة التي يمكن أن تستخدم لعمل ذلك هي :

$$\frac{S^2_{\bar{S}} \left( \frac{n_{\text{در}}}{N} \right)}{n_{\text{در}}} \sum_{j=1}^J = S^2_{\bar{S}}$$

$$\frac{S^2_{\bar{S}} (j)}{n_{\text{در}}} \sum_{j=1}^J =$$

ففي مثالنا الحالي ،  $J = 2$

$$\frac{S^2_{\bar{S}} (j)}{n_{\text{در}}} + \frac{S^2_{\bar{S}} (j)}{n_{\text{در}}} = S^2_{\bar{S}}$$

$$\frac{(230)^2 (36)}{3} + \frac{(5)^2 (4)}{2} =$$

$$\frac{230 \times 36}{3} + \frac{5 \times 4}{2} =$$

$$28 + 0.4 =$$

$$32 =$$

$$\overline{S} = \sqrt{32} = 5.66$$

$$= 5.66$$

نلاحظ ان قيمة  $\overline{S}$  هي نفس القيمة المحسوبة سابقاً. ان قيمة الخطأ المعياري للوسط التي تم حسابها بدون التقسيم الى طبقات كانت ( ١٣ ) . ولكن تناقصت قيمة الخطأ المعياري للوسط بعد التقسيم الى طبقات من ( ١٣ ) الى ( ٥٧ ) .

- حساب فترات الثقة المصاحبة .

ان فترة الثقة الـ ٩٥٪ للعينة الطباقية هي :

$$22.6 \pm 1.1 = (57) 2 \pm 1.1$$

$$= 21.5 - 23.7$$

بينما كانت فترة الثقة الـ ٩٥٪ للعينة غير الطباقية هي

$$20 - 20.2$$

لذلك نلاحظ ان طول فترة الثقة قد تناقص من ٢.٢ الى ٢.٢ وكذلك تناقصت الدقة المطلقة من  $2.6 \pm$  الى  $1.1 \pm$  . لاحظ الآن أن وسط المجتمع  $\mu = 23.7$  قد وقع بين حدود فترة الثقة الـ ٩٥٪ الجديدة. كما نلاحظ ان فترة الثقة الـ ٩٩٪ للعينة الطباقية قد تناقصت مقارنة مع فترة الثقة للعينة غير الطباقية. ان فترة الثقة الـ ٩٩٪ للعينة غير الطباقية هي

$$22.6 \pm 3 = (57) 3 \pm 3 = 19.6 - 25.6$$

$$20.9 - 24.3$$

نلاحظ مما تقدم ان اجراءات العينة الطباقية أكثر فعالية من العينة غير الطباقية. ان هذا يبرر الاستخدام الواسع للعينة الطباقية في الحياة العملية.

ان السبب في الحصول على تناقص في الخطأ المعياري والدقة المصاحبة في استخدام العينة الطبقية هو استخدام التغير في الطبقة الواحدة في حساب الخطأ المعياري الكلي. وبذلك يصبح التغير ما بين الطبقات تغيراً غير ضروري في حساب الخطأ المعياري الكلي.

#### ١ - عدد العينات الممكنة

افرض ان هناك مجتمع دراسة مكون من خمسة عناصر هي أ، ب، ج، د، هـ. وافرض ان العنصرين أ و ب من طبقة والعناصر ج، د، هـ من طبقة أخرى. اذا كان الباحث يرغب في اختيار عينة مكونة من عنصرين بحيث يكون كل عنصر من طبقة. ان العنصر الذي يمكن اختياره من الطبقة الأولى هو اما أ أو ب. بينما العنصر الذي يمكن اختياره من الطبقة الثانية هو اما ج أو د أو هـ. ان جميع العناصر الممكن اختيارها من كل طبقة يؤدي الى تشكيل العينات الممكنة التالية.

| رقم العينة | عناصر العينة |
|------------|--------------|
| ١          | أ ج          |
| ٢          | أ د          |
| ٣          | أ هـ         |
| ٤          | ب ج          |
| ٥          | ب د          |
| ٦          | ب هـ         |

نلاحظ ان عدد العينات الممكن تشكيلها باستخدام الطبقية هو ( ٦ ) عينات مختلفة بينما عدد العينات الممكن بدون الطبقية هو ( ١٠ ). ان العينات الممكنة التي لم تظهر هي تلك العينات التي يمكن أن تقع بنفس الطبقة. فعلى سبيل المثال :

فالعينتان أ ب و ج د لم تعد عينات ممكنة لأن العنصرين ١ و ٢ يقعان في الطبقة الأولى والعنصرين ج و د يقعان في الطبقة الثانية.

نلاحظ مما سبق ان عدد العينات الممكنة عبارة عن حاصل ضرب عدد جميع العينات الممكنة في كل طبقة.

ففي مثالنا الحالي، نجد ان عدد العينات الممكنة هو  $6 = 3 \times 2$ .

كما يجب التنويه هنا الى ان التوزيع العيني لاوساط العينات الممكن اختيارها باستخدام الطريقة الطبقيّة سوف يشكل منحى طبيعي. كما ان الخطأ المعياري باستخدام الطريقة الطبقيّة سوف يكون أقل من الخطأ المعياري باستخدام العينة العشوائية البسيطة.

## ٢ - العينة العنقودية.

ان اختيار عناصر العينة باستخدام طرق العينة الاحتمالية التي تم شرحها كان يتم على أساس فردي. إلا ان طريقة الاختيار في الطريقة العنقودية يختلف عن طريقة الاختيار سواء كان في الطريقة العشوائية البسيطة أو الطبقيّة، حيث يتم الاختيار بالطريقة العنقودية لمجموعة أو عنقود من العناصر بطريقة احتمالية مرة واحدة. لذلك يجب تقسيم المجتمع الى عناقيد أو مجموعات مختلفة مانعة لبعضها البعض وشاملة لجميع عناصر المجتمع. وبعد ذلك نقوم باختيار عينة عشوائية من هذه المجموعات أو العناقيد.

افرض ان هناك مجتمع مكون من ( ٢٠ ) عنصراً ومقسم الى ( ٤ ) مجموعات متساوية من حيث عدد العناصر وكما يلي :



| المجموعة | رقم عنصر المجتمع       |
|----------|------------------------|
| ١        | ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥      |
| ٢        | ٦ ، ٧ ، ٨ ، ٩ ، ١٠     |
| ٣        | ١١ ، ١٢ ، ١٣ ، ١٤ ، ١٥ |
| ٤        | ١٦ ، ١٧ ، ١٨ ، ١٩ ، ٢٠ |

إذا أردنا اختيار عينة عشوائية مكونة من (١٠) أشخاص، فإنه يمكن اختيار العناصر بصورة فردية باستخدام العينة العشوائية البسيطة. أو من الممكن اختيار مجموعتين من المجموعات الأربعة ومن ثم نستخدم جميع العناصر الموجودة في هاتين المجموعتين. إن الوضع الذي نختار فيه المجموعتين ومن ثم نستخدم جميع العناصر المتوفرة في هذه المجموعات يطلق عليه اسم العينة العنقودية ذو المرحلة الواحدة. أما إذا قمنا باختيار عينة عشوائية من العناصر الموجودة في المجموعات التي تم اختيارها، فإننا نطلق على هذا الوضع بالعينة العنقودية ذو المرحلتين. وفي كلا الحالتين (العينة العنقودية والعينة العشوائية البسيطة) تكون نسبة العينة إلى المجتمع نفسها والتي تساوي (٥٠) .

إن الطريقة العنقودية تقوم على أساس اختيار مجموعات كاملة بعد تقسيم المجتمع إلى مجموعات عشوائياً وليس على أساس اختيار عناصر مستقلة من كل مجموعة كما هو الحال في الطريقة التطبيقية. فإذا تم تقسيم المجتمع إلى مجموعات غير متجانسة مشابهة بالضبط لعدم تجانس المجتمع، فإن أي مجموعة يتم اختيارها عشوائياً سوف تكون ممثلة للمجتمع. ولكن يعتبر هذا بالحياة العملية مثالياً ويصعب تحقيقه. لذلك يجب ملاحظة هنا أن المعيار المستخدم في تقسيم المجتمع بالطريقة العنقودية هو عكس المعيار المستخدم في الطريقة التطبيقية تماماً. ففي الطريقة التطبيقية فإننا نبحث عن مجموعات متجانسة بينما نبحث في الطريقة العنقودية عن مجموعات غير متجانسة.

ولكن السؤال الذي يطرح نفسه الآن، ما هو حجم الخطأ المعياري الناتج عن العينة العنقودية مقارنة مع حجم الخطأ المعياري الناتج عن العينة العشوائية البسيطة؟ ان الاجابة عن هذا السؤال تعتمد على درجة التشابه في عدم التجانس بالنسبة للعينات التي تم الحصول عليها مقارنة مع المجتمع وكما يلي :

١ - اذا كانت جميع المجموعات متشابهة في عدم التجانس وكما هو الحال في المجتمع، فان كلا الطريقتين يكون لهما نفس الخطأ المعياري .

٢ - اذا كان عدم التجانس في المجموعات اقل من عدم التجانس في المجتمع، فان الخطأ المعياري الناتج عن العينة العنقودية سوف يكون اكبر من الخطأ المعياري الناتج عن العينة العشوائية البسيطة .

ان السبب في الاشارة الى مقارنة الخطأ المعياري الناتج عن اجراءات العينة المختلفة هو لتقييم الفعالية الاحصائية لهذه الاجراءات المختلفة .

ففي الحياة العملية، غالباً ما يكون عدم التجانس في العينات العنقودية اقل من عدم التجانس في المجتمع . وهذا يعني ان الكفاءة الاحصائية للعينات العنقودية غالباً ما تكون اقل من الكفاءة الاحصائية للعينات العشوائية البسيطة . ولكن لاسباب تتعلق بالتكاليف نجد ان استخدام العينات العنقودية بالحياة العملية واسع جداً لان اجراءات اختيار العينات العنقودية غالباً ما تكون ارخص من اجراءات اختيار العينة بالطرق الأخرى بالنسبة لحجم العينة .

### ٣ - العينات المنتظمة Systematic Sampling

يقوم الباحث بالعينة المنتظمة باختيار كل م عنصر واقع ضمن اطار الاختيار بعد تحديد نقطة بداية عشوائية في أي مكان واقع ضمن مجال اختيار العنصر الأول . افرض اننا نريد اختيار عينة منتظمة مكون من ( ٥ ) طلاب من مجتمع الطلاب الممثل في الجدول ( ٥ - ١ ) . نجد في هذا المثال ان  $m = 50 / 5 = 10$  ، وبشكل عام فان  $m = N / n$  .

ولاختيار العينة المنتظمة نقوم بما يلي :

١ - اختيار رقم عشوائي ما بين (٠) و (١٠) . وسوف يكون هذا العدد هو نقطة البداية وأول عنصر في العينة .

٢ - نضيف (١٠) الى الرقم العشوائي فيكون هذا الرقم هو العنصر الثاني في العينة . ثم نضيف (١٠) للحصول على العنصر الثالث وهكذا .

فاذا كانت البداية العشوائية عند الرقم (٢) ، فان العناصر التي تتضمنها العينة

هي :

٢ ، ١٢ ، ٢٢ ، ٣٢ ، ٤٢ .

ان اختيار العناصر التي يجب أن تتضمنها العينة يكون آلياً بعد تحديد فترة العينة ونقطة البداية العشوائية . وتشكل هذه العناصر بعد اختيارها عنقوداً . وفي حالة مثالنا الذي يتكون من مجتمع عدد عناصره يساوي (٥٠) ، فانه يمكن اختيار (١٠) عينات منتظمة ممكنة من حجم (٥) أشخاص . والسبب في ذلك ان كل عنقود يتم اختياره يحتوي على (١٠ / ١) من عناصر المجتمع .

وبما أننا نستخدم جميع عناصر العينة التي تم اختيارها بالعينة المنتظمة ، فانه يطلق عليها اسم اجراء العينة العنقودية ذو المرحلة . ان الوسط للعينة المنتظمة يساوي مجموع عناصر العينة مقسوماً على عدد عناصر العينة . وبعد الرجوع الى الجدول (٥ - ١) نجد ان اعمار الطلبة الذين تم اختيارهم هي : ٢٧ ، ٢٩ ، ١٩ ، ٢٢ ، ٢٣ . وعليه فان وسط العمر للعينة هو

$$\frac{٢٣ + ٢٢ + ١٩ + ٢٩ + ٢٧}{٥} = \bar{س}$$

$$\frac{١٢٠}{٥} = \bar{س}$$

$$\bar{س} = ٢٤$$

ولايجاد التباين، نقوم بما يلي :

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^n x_i^2 &= (23)^2 + (22)^2 + (19)^2 + (29)^2 + (27)^2 \\ &= 529 + 484 + 361 + 181 + 729 = \\ &= 2944 \end{aligned}$$

$$\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{n} = \frac{(120)}{5}$$

$$\frac{14400}{5} =$$

$$2880 =$$

وعليه

$$\frac{2880 - 2944}{1 - 5} = S^2$$

$$\frac{64}{4} =$$

$$16 =$$

∴ الانحراف المعياري  $S = 4$

$$\frac{4}{224} = \frac{4}{\sqrt{5}} \quad \text{والخطأ المعياري هو}$$

$$179 =$$

وفترة الثقة الـ ٩٥٪ هي

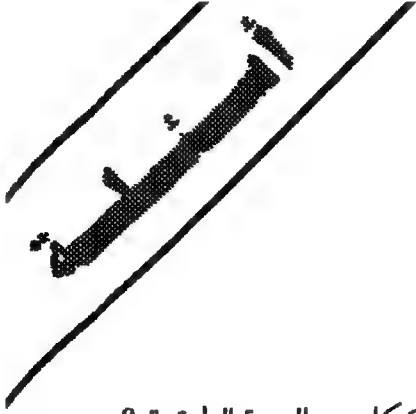
$$2 \pm 24 = (179) \pm 24 = 203.8$$

$$203.8 - 275.8 =$$

نلاحظ هنا ان الوسط الحقيقي وقع أيضاً ضمن حدود فترة الثقة الـ ٩٥٪ .

ان استخدام العينة المنتظمة غالباً ما يكون أوسع من العينة العشوائية البسيطة لسهولة تنفيذها . ان استخدام العينة المنتظمة يعفي الشخص الباحث من القفز الى الامام أو الى الخلف ضمن اطار العينة حسب ما يقودنا اليه الرقم العشوائي المختار . كما ان استخدام العينة المنتظمة يعفي الباحث من التفكير بالعناصر المكررة . ولكن نجد ان هذه المشاكل تتحقق في العينة العشوائية البسيطة وبشكل مستمر . وبما ان العينة المنتظمة تعتبر أحياناً بديلاً عن العينة العشوائية البسيطة ، فإنه يمكن استخدامها لاختيار عناصر الطبقة في العينة المنتظمة .

ان الفائدة الأخرى التي تتميز بها العينة المنتظمة مقارنة مع العينة العشوائية البسيطة هي عدم ضرورة وجود الاطار العيني الكامل لاختيار العينة المنتظمة . فيمكن للشخص الباحث أن يختار كل خامس منزل مثلاً ويدن وجود قائمة تحتوي على كامل المنازل المتاحة .



- س١ : كيف يتم اختيار العينة الطبقية ؟
- س٢ : ما هو الهدف من وراء استخدام العينة الطبقية ؟
- س٣ : ما هو المقصود بالعينات الطبقية المتناسقة ؟
- س٤ : كيف يتم حساب الوسط والانحراف المعياري للعينة ككل من العينة الطبقية ؟
- س٥ : اذكر الظروف التي تساعد العينة الطبقية على تقليل الخطأ المعياري ؟
- س٦ : لماذا تقلل العينة الطبقية من الخطأ المعياري ؟
- س٧ : ما هي العينة العنقودية ؟
- س٨ : كيف يتم اختيار العينة المنتظمة ؟

## **الفصل السادس**

### **عملية القياس**

### **Measurement Process**





## عملية القياس Measurement Process

### - المقدمة

ان عملية القياس عملية أساسية وجانب رئيسي في البحث الاداري. وقد تكون عملية القياس أفضل طريقة لفهم الشيء أو الحدث الذي نريد قياسه. ولهذا السبب فان الاهتمام بموضوع القياس قد تزايد لجميع الباحثين في مجال الادارة.

ان لدى متخذي القرارات اهتمام كبير لقياس جوانب عديدة في النظام الاداري مثل الرضا الوظيفي، انتاج سلعة جديدة، تقسيم مجموعة المشتريين حسب الخصائص الديمغرافية، اتجاهات العمال، اتجاهات المستهلك، تحديد فعالية استخدام نظام انتاجي جديد. هذا بالإضافة الى ان قياس الظاهرة الادارية أمر ضروري ومهم لعملية تزويد معلومات ذات معنى أو قيمة لمتخذي القرارات.

فشكل الأخطاء الناتجة عن عملية القياس جزء رئيسي بالنسبة لمعلومات الأبحاث الادارية. وفي معظم مشاريع الأبحاث تكون أخطاء الناتجة عن القياس أكبر من الأخطاء الناتجة عن اجراءات اختيار العينة وبشكل واضح. لذلك ان فهم مشاكل القياس وكيفية مراقبة هذه المشاكل يعتبر جانب مهم عند تصميم مشاريع الأبحاث الادارية بشكل فعال.

وحتى يتمكن أي مدير من مراقبة أخطاء عملية القياس بشكل فعال يجب عليه الاهتمام بما يلي :

١- ان تخصيص المعلومات المطلوبة قد يؤدي الى درجة من الصعوبة في تحديد مقياس دقيق.

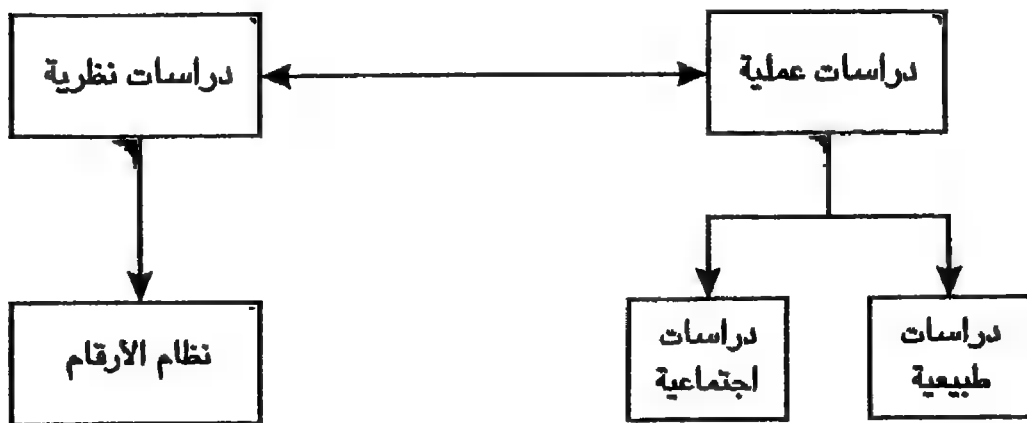
- ٢ - وجوب ادراك اجراءات القياس البديلة في جمع المعلومات .
- ٣ - وجوب القيام بعملية تقييم تكلفة القياس ضد دقة القياس .
- لذلك سوف يقوم هذا الفصل بالاهتمام بهذه الأمور .

#### - عملية القياس The Measurement Process

تتضمن عملية القياس في الأبحاث الادارية استخدام الأرقام لتمثيل الظاهرة الادارية قيد الدراسة . بمعنى آخر تحويل النظام العملي والذي يتمثل في دراسة الظاهرة الادارية الى نظام نظري يحتوي على أرقام فقط لتمثيل الظاهرة الادارية . والشكل ( ٦ ) - يوضح عملية القياس كطريقة اتصال ما بين النظام العملي والنظام النظري . ويتكون النظام العملي من العلوم الطبيعية والعلوم الاجتماعية ذات العلاقة بالدراسات الانسانية . ان دراسات العلوم الادارية هي جزء من العلوم الاجتماعية لأنها تتضمن نشاطات انسانية موجهة لاشباع حاجات لا تتحقق الا عن طريق تبادل في العمليات .

#### شكل ( ٦ - ١ )

#### عملية القياس



## - تعريف القياس Definition of Measurement

ان الشرح السابق يقترح ان اهتمام عملية القياس هو في تطوير وسيلة اتصال ما بين النظام العملي ( المتغير الاداري ) والنظام النظري ( الأرقام ) . لهذا يمكن تعريف القياس على انه عملية اعطاء ارقام الى خصائص الحاجات أو الأحداث باستخدام قوانين معينة . والمقياس الفعال يكون ممكن عندما تستجيب العلاقات الموجودة ما بين الحوادث أو المتغيرات في النظام النظري بشكل مباشر الى قوانين النظام الرقمي أو العددي . فاذا تحقق خطأ في تمثيل الاستجابة فان هذا يؤدي الى تحقق خطأ في القياس .

انه من المهم أن نلاحظ هنا ان تعريف القياس يقترح قياس خصائص الأحداث أو الحاجات أو المتغيرات وليس الأحداث أو المتغيرات نفسها . بمعنى آخر اننا لا نسعى لقياس آلة من الآلات المستخدمة في خط الانتاج أو سلعة أو عامل ، ولكن نسعى لقياس خصائص الآلة أو السلعة أو العامل . لذلك فاننا نستطيع قياس انتاجية آلة أو سرعتها أو نكهة سلعة أو حجمها .

ان مصطلح الرقم في تعريف القياس يفرض بعض القيود على نوع المعالجة الرقمية الجائزة . فتستخدم الأرقام كرموز لبقاء نموذج للخصائص المرغوب بها في النظام العملي . ان طبيعة العلاقات التي تظهر في النظام العملي هي التي تحدد نوع المعالجة الرقمية التي تكون صالحة في النظام النظري . دعنا الآن نقوم بشرح خصائص نظام الأرقام حتى نتمكن من الحصول على فهم أفضل لهذا الموضوع .

## - خصائص نظام الأرقام Number System Characteristics

يتمتع نظام الأرقام ( ٠ ، ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٧ ، ٨ ، ٩ ) الذي قد تعلمناه من الدراسات الأساسية بأربعة خصائص أساسية هي :

- ١ - يعتبر كل رقم من هذه الأرقام مزيد ، كما ان عدد هذه الأرقام هو عشرة أرقام .
- ٢ - ان ترتيب تسلسل الأرقام تمّ بالاتفاق أو التعارف . مثال ( ٢ ) أكبر من ( ١ ) و ( ١ ) أكبر من ( صفر ) .

٣ - يمكن تعريف أو تحديد فروقات متساوية . مثال  $4 - 2 = 8 - 6$  ،  $9 - 5 = 1 - 0$  .

٤ - يمكن تعريف أو تحديد نسب متساوية . مثال  $3 \div 6 = 2 \div 4$  .

ان معالجة الأرقام باستخدام الاحصاء أو الرياضيات يتضمن خاصية أو أكثر من خواص نظام الأرقام . وغالباً من يحاول الباحث جدياً استخدام أكثر من الخواص الرقمية التي يتطلبها النظام العملي خلال عملية تحليل البيانات . ولكن المشكلة تظهر في تحديد عدد الخصائص التي تظهر في الظاهرة الادارية قيد الدراسة ومن ثم تحديد أفضل خاصية من خواص نظام الأرقام التي يمكن استخدامها في عملية التحليل لمعالجة الأرقام .

### - أنواع المقاييس Types of Scales

لقد تم تصنيف المقاييس حسب الخصائص الأربعة لنظام الأرقام . وهذه المقاييس هي : مقاييس اسمية، مقاييس ترتيبية، مقاييس فترات، مقاييس نسبة . ولقد تم تلخيص خصائص هذه المقاييس في جدول (٦ - ١) . وفيما يلي شرح لكل ميزان أو مقياس من هذه المقاييس .

## جدول ( ١ - ٦ )

خصائص موازين القياس

| الميزان  | نظام الأرقام                                       | الظاهرة الادارية                                      | الاحصاء المستخدم*                                       |
|----------|--|---|---|
| الاسمي   | التعريف المتميز للأرقام<br>( ٩٠ ، ٣ ، ٢ ، ١ ، ٠ )  | الانواع<br>ذكر - أنثى<br>أنواع المخازن<br>مناطق البيع | النسب<br>المخزول<br>اختبار ذو الحدين<br>اختبار $\chi^2$ |
| الترتيبي | ترتيب الاعداد<br>( ٩ > ٠ ... > ٢ > ١ > ٠ )         | اتجاهات<br>تفضيل<br>الطبقة الاجتماعية<br>الوظيفة      | الوسيط<br>ارتباط الرتب                                  |
| الفترة   | تساوي الفروق<br>( ٧ - ٩ = ١ - ٣ )                  | اتجاهات<br>آراء                                       | المدى<br>الوسط<br>الانحراف المعياري                     |
| النسبة   | النسب المتساوية<br>( $\frac{٣}{٦} = \frac{٢}{٤}$ ) | العمر<br>التكاليف<br>عدد المستهلكين                   | الوسط الجبري<br>معامل التغير                            |

\* كل الاحصائيات المناسبة للمقياس الاسمي تعتبر مناسبة للمقاييس الأعلى . وكذلك نفس الشيء بالنسبة للترتيب والفترة .

## ١ - الميزان الاسمي

ان الميزان الاسمي هو الميزان الذي يستخدم فيه الأرقام لتحديد أو ترتيب الأشياء أو الأحداث. وأكثر الأمثلة شيوعاً هو استخدام الأرقام لتحديد لاعبو فرق الألعاب الرياضية مثل كرة القدم والطائرة ... الخ. فإذا كان الرقم (١٠) يعني اللاعب قلب الهجوم للفريق ١ والرقم (٩) يعني اللاعب قلب الهجوم للفريق ب. فإن الأرقام المستخدمة في هذا الحالة هي فقط لتحديد اللاعبين. وتفترض الأرقام المساواة في هذه الحالة بالنسبة لخصائص اللاعبين. لهذا فأننا لا نستطيع القول بأن لاعب فريق أ هو أفضل من لاعب فريق ب، بل نستخدم لتمييز اللاعبين.

ويستخدم القياس الاسمي لأقل أشكال القياس، وتسمية للتصنيف والتحديد. هناك بعض القيود المفروضة على عملية تعيين الأرقام للحوادث. ان قانون تعيين الأرقام ببساطة هو عدم اعطاء نفس الرقم لأكثر من حدث أو عدم اعطاء أكثر من رقم لنفس الحدث. فمثلاً يمكن تغيير رقم لاعب الهجوم لفريق أ من (١٠) الى (١٢) أو أي رقم آخر. ولكن لا نستطيع اعطاء أكثر من لاعب من نفس الفريق لنفس الرقم حتى نتمكن من استخدام الأرقام في تحديد هوية اللاعب. ولا نستطيع القول بأن الرقم (١٠) هو أفضل لوصف لاعب الهجوم من الرقم (١٢). ولكن جميع الأرقام تستخدم لأغراض التوصيف أو التحديد وبشكل متكافئ.

ان أنواع التحاليل الاحصائية الملائمة لمقياس البيانات الاسمية تتضمن المنوال والنسبة المئوية واختبار ذو الحدين واختبار  $\chi^2$ . ان للمنوال هو الاختبار الوحيد الذي يمكن أن يستخدم من بين مقاييس النزعة المركزية.

## ٢ - الميزان الترتيبي

يعرف الميزان الترتيبي ترتيب العلاقات ما بين الحوادث. وتتضمن هذا الميزان خاصية ترتيب الأرقام من بين خصائص النظام الرقمي أو العددي. وعليه فإن هذا الميزان

يقيس ما اذا كان أحدث الحوادث له خصائص اكبر أو اقل من أحد الحوادث الأخرى .  
ولكن لا يزود هذا المقياس حجم الزيادة أو النقصان في الخصائص المختلفة التي تتمتع بها  
الحوادث المختلفة .

ان القانون الذي يتضمنه المقياس الترتيبي هو ان مجموعة الأرقام المستخدمة في  
التعيين تحافظ على ترتيب العلاقات التي تظهر في النظام العملي . وهذا يعني تعيين  
الأرقام التي تؤدي الى سلسلة من الأرقام المناسبة والتي تحافظ على ترتيب علاقات  
التفضيل للحدث . ولكن أي مجموعة من الأرقام التي يجب استخدامها في عملية  
التعيين؟ ان هناك مجموعات كبيرة من الأرقام يمكن تعيينها، ولكن القيد الوحيد هو  
تعيين الأرقام بطريقة بحيث تظهر العلاقات الموجودة في الحدث بشكل واضح . فعلى  
سبيل المثال يمكن استخدام الرقم ( ١ ) للتعبير عن ترتيب التفضيل الأول والرقم ( ٢ )  
عن ترتيب الفضل الثاني وهكذا .

ان انواع التحاليل الاحصائية المناسبة لمقياس البيانات الترتيبية تتضمن الوسط  
وارتباط الرتب .

ويتضمن المقياس الترتيبي قطاع مهم من البيانات الادارية . ويتم تجميع معظم  
هذه البيانات عن طريق الأسئلة للأشخاص . ومن الأمثلة على ذلك قياس الاتجاهات  
والآراء والتفضيل . هذا بالإضافة الى ان كثير من خصائص البائعين أو المشترين أو عمال  
الانتاج أو أي قسم آخر تتضمن خصائص ترتيبية مثل الوضع الاجتماعي ومستوى  
الوظيفة .

### ٣ - ميزان الفترة

يستخدم ميزان الفترة الأرقام لترتيب الحوادث بطريقة تكون فيها المسافات ما بين  
الأرقام تتوافق مع المسافة ما بين الحوادث بناءً على الخصائص المستخدمة في القياس .  
ويمتلك ميزان الفترة جميع خصائص ميزان الرتب بالإضافة الى إحدى خصائص نظام

الأرقام وهي خاصية المساواة في الفرق . ان أفضل الامثلة المعروفة لميزان الفترة هو الميزان المئوي والميزان الفهرنهايتي لقياس الحرارة .

على الرغم من بيانات الاتجاهات والرغبات والتفضيل بيانات ترتيبية، الا ان استخدامها كبيانات فترة أمر عادي في الأبحاث الادارية . ولكن هناك عدم اتفاق بين الباحثين بالنسبة لمقدار الخطأ في القياس الناتج عن معالجة البيانات الترتيبية كبيانات فترة . لذلك يجب مقارنة قيمة هذا الخطأ بفوائد تحليل البيانات الناتج عن استخدام اختبارات احصائية متقدمة تصلح لتحليل بيانات الفترة . ومع هذا فان الشخص الباحث هو المسؤول عن تحديد ما يلي :

١ - قرب العلاقات التي تظهر في الظاهرة الادارية قيد الدراسة من ميزان الفترة .

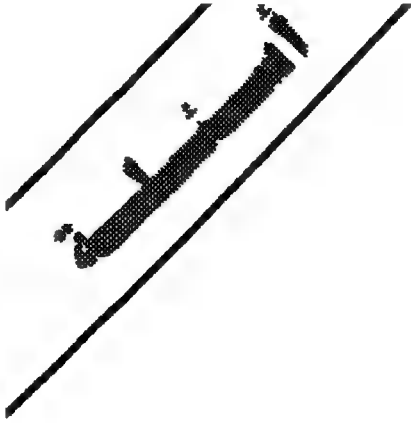
٢ - مدى ملائمة معالجة البيانات في مقياس الفترة .

#### ٤ - مقياس النسبة

يتمتع مقياس النسبة بجميع خصائص مقياس الفترة بالإضافة الى وجود خاصية وجود نقطة الصفر المطلق . ويتم تحديد رقم واحد فقط اعتباطياً باستخدام مقياس النسب، وبعد ذلك يتم اكمال تحديد الأرقام . ويتضمن مقياس النسب وجود نسب متساوية لقيم الميزان او المقياس تكافئ النسب المتساوية في خصائص الظاهرة الادارية قيد الدراسة .

ويوجد هناك كثير من الظواهر الادارية التي تمتلك خصائص مقياس النسبة . وتتضمن هذه الظواهر حجم المبيعات والعمر وعدد المستهلكين وعدد حوادث الانتاج . كما يمكن استخدام جميع الاختبارات الاحصائية في تحليل بيانات ميزان النسبة .





- س ١ : ما هو المقصود بالقياس ؟
- س ٢ : ما هو الهدف من عملية القياس ؟
- س ٣ : لماذا يعتبر القياس صعب في الأبحاث الادارية ؟
- س ٤ : اذكر خصائص نظام الأرقام ؟
- س ٥ : قارن ما بين موازين القياس الأربعة ؟



## **الفصل السابع**

**طرق جمع البيانات**

**Data Collection Methods**



## طرق جمع البيانات Data Collection Methods

---

### - مقدمة

لقد تم التركيز في الفصول السابقة على دور البحث الاستكشافي في كل من عملية تشكيل مشاكل الدراسة واختيار منهجية البحث الملائمة في معالجة البحث قيد الدراسة. بمعنى آخر فقد تم التركيز على وجوب وضع مشاكل الدراسة بشكل واضح وكذلك تحديد المنهجية قبل البدء في مشروع البحث النهائي.

وعليه يتوجب على الشخص الباحث بعد تحديد الحاجة من البحث النهائي أن يحدد أهداف الدراسة بالاضافة الى تحديد المعلومات المتخصصة المطلوبة. لذلك فان الخطوة التي تتبع ذلك هو تحديد ما اذا كانت البيانات المرغوب بها متوفرة من مصادر البيانات الثانوية. ويمكن لمصادر البيانات الثانوية ان داخلية أو خارجية. ولكن غالباً لا تكفي البيانات الثانوية لتحقيق أهداف الدراسة قيد البحث. لذلك يتوجب على الشخص الباحث العمل على تشكيل تصميم للبحث يعتمد على مصادر البيانات الأولية. لذلك سوف يركز هذا الفصل على دراسة مصادر البيانات الأولية.

يعتبر الشخص المستجوب مصدراً رئيسياً للبيانات الادارية. ويوجد هناك طريقتان لجمع البيانات من المستجوب هي :

١ - الاتصال .

٢ - الملاحظة .

تتطلب طريقة الاتصال المشاركة الفعالة من المستجوب في تزويد البيانات

المرغوب بها، بينما تتضمن طريقة الملاحظة تسجيلاً لسلوك الشخص المستجوب .  
وقبل الشروع بشرح الحالات المتعلقة بجمع البيانات، دعنا نستعرض أنواع  
البيانات التي يمكن تجميعها من الشخص المستجوب .

#### - أنواع البيانات التي يمكن تجميعها من المستجوب

ان اتخاذ القرارات الادارية غالباً ما يهتم بالقيام بأعماله في الوقت الحاضر حتى  
تتمكن من تحقيق أهداف مستقبلية . ومن هذا المنطلق فانه يمكن النظر الى الأبحاث  
الادارية كطريقة تنبؤ بحيث تكون مصممة لتسهيل عملية التوقع للظواهر الادارية . ان  
البيانات التي يمكن تجميعها من الشخص المستجوب لاستخدامها في تنبؤ الظواهر  
الادارية هي :

( ١ ) سلوك ماضي . ( ٢ ) اتجاهات . ( ٣ ) خصائص الشخص المستجوب .

#### ١ - السلوك الماضي .

لقد اثبتت الشواهد باتساع استخدام السلوك الماضي للشخص المستجوب في  
عملية توقع السلوك في المستقبل . وعليه فانا كثير ما نستخدم في حياتنا اليومية  
شواهد السلوك الماضي في توقع سلوك مستقبلي لصديق أو قرابة . وبنفس المنطق فانه  
بالامكان للبحث الاداري من تجميع سلوك ماضي عن الشخص المستجوب بالنسبة لعدد  
الوحدات المنتجة أو الشراء أو باستخدام بعض السلع في توقع السلوك في المستقبل .  
لذلك يوجد هناك أكثر من محور يمكن استخدامه لفهم السلوك الماضي . وعليه يتوجب  
على الشخص الباحث أن يكون حساس بالنسبة للمحاور السلوكية الرئيسية المناسبة  
لتوقع السلوك المستقبلي عند تحديد البيانات المطلوبة لتحقيق حاجات الدراسة من  
المعلومات .

## ٢ - الاتجاهات .

تعتبر الاتجاهات ضرورية في دراسة معظم الظواهر الادارية بسبب الافتراض الموجود بالنسبة للعلاقة ما بين الاتجاهات والسلوك . فيمكن استخدام البيانات ذات العلاقة بالاتجاهات في تطوير استراتيجية أو تقييم برنامج تدريبي أو دعائي أو تقسيم السوق أو لتقييم طريقة من طرق الاشراف الادارية .

وبشكل عام تعتبر الاتجاهات ثلاثة مكونات رئيسية هي :

١ - الجانب الادراكي . ويهتم هذا الجانب بالاعتقاد الشخصي تجاه الظاهرة قيد الاهتمام . مثل سرعة آلة أو تعميم سلعة .

٢ - الجانب العاطفي . ويهتم هذا الجانب بالشعور الشخصي تجاه الظاهرة قيد الدراسة . مثل جيد أو سيء .

٣ - الجانب السلوكي . ويهتم هذا الجانب بدرجة الاستعداد الشخصي للاستجابة سلوكياً تجاه الظاهرة قيد الدراسة .

## ٣ - خصائص الشخص المستجوب .

ان الخصائص الشخصية تقوم بوصف المستجوب بناء على مجموعة من المتغيرات ذات الاهتمام . وتتضمن هذه المتغيرات كل من الخصائص الديمغرافية والسيكولوجية . وقد اثبتت الدراسات وجود علاقة ما بين هذه المتغيرات والسلوك الشرائي . هذا بالإضافة الى استخدام بعض المتغيرات مثل العمر والجنس والحالة الاجتماعية وحجم العائلة والدخل والوظيفة والمستوى التعليمي في تقسيم مجتمع الدراسة أو العينة الى طبقات أو مجموعات .

## - طرق جمع البيانات .

يوجد هناك طريقتين أساسيتين في تجميع البيانات هما الاتصال والملاحظة .  
وسوف نقوم الآن بشرح طريقة الاتصال أولاً ومن ثم ننتقل الى طريقة الملاحظة .

### ١ - طريقة الاتصال Communication Method

تعتمد طريقة الاتصال في تجميع البيانات على عملية طرح الأسئلة لجمهور المستجوبين . انه من المنطق أن تسأل المستجوبين مجموعة من الأسئلة اذا أردت معرفة أي طريقة من طرق الاشراف الادارية يفضلها عمال قسم ما في مؤسسة ما ، أو معرفة مدى تأثير برنامج تدريبي معين على انجاز العاملين أو ما هي أسباب التسوق في سوق معين . ويمكن طرح الاسئلة اما شفويًا أو تحريريًا وكذلك نفس الشيء بالنسبة للاستجابة . ويطلق على الاداة المستخدمة في جمع البيانات اما بالاستبيان أو أسئلة المقابلة الشخصية أو المقابلة الهاتفية . ولكن تعتبر أداة الاستبيان هي الاداة السائدة من بين هذه الأدوات في عمل الأبحاث الادارية .

### - فوائد طريقة الاتصال

ان الفائدة الرئيسية التي تتمتع بها طريقة الاتصال هي التعدد . والمقصود بالتعدد هو مقدرة الاداة في جمع بيانات على مدى واسع من المعلومات المطلوبة . ان معظم مشاكل القرارات الادارية ذات علاقة مع الانسان . لهذا فان المعلومات المطلوبة لمشكلة القرار الاداري تركز على السلوك الماضي للانسان والاتجاهات بالاضافة الى الخصائص . ويمكن لطريقة الاتصال من تجميع البيانات عن هذه المجالات الثلاثة المختلفة .

ان الفائدة الاخرى ذات العلاقة بطريقة الاسئلة هي السرعة في الحصول على البيانات وقلة التكاليف مقارنة مع طريقة الملاحظة . ان التداخل والارتباط ما بين فائدة السرعة والتكلفة عالية . ان طريقة الاتصال طريقة سريعة في الحصول على بيانات مقارنة



مع طريقة الملاحظة بالاضافة الى مقدرتها في تزويد رقابة افضل على عملية جمع البيانات . لذلك لا يتوجب على الشخص الباحث القيام بعملية التنبؤ لموعد او مكان السلوك الذي يحدث او الانتظار لحين حدوثه . فعلى سبيل المثال تكون عملية البيانات عن برنامج تدريبي معين عن طريق طرح الاسئلة أسرع وأرخص من محاولة التوقع أو ملاحظة الأشخاص المتدربين .

### ـ سلبيات طريقة الاتصال .

يوجد هناك بعض السلبيات الرئيسية لطريقة الاتصال، أهمها :

١ - عدم رغبة الشخص المستجوب في تزويد البيانات المرغوب بها . ويتم ذلك إما عن طريق رفض المستجوب اعطاء الوقت الكافي للمقابلة أو رفضه للاجابة على أسئلة معينة .

٢ - عدم مقدرة الشخص المستجوب في تزويد المعلومات المطلوبة . قد لا يتمكن الشخص المستجوب من استرجاع بعض الحقائق المتعلقة بالسؤال أو قد لا يكون عنده علم بالموضوع قيد الدراسة من الأصل .

٣ - تأثير عملية الأسئلة على الاستجابات . قد يتحيز المستجوب في بعض الأحيان في الاجابة على بعض الأسئلة اما لكي يعطي اجابة مقبولة اجتماعياً أو لإرضاء الشخص المقابل .

على الرغم من ان هذه السلبيات تقلل من صلاحية طريقة الاتصال بشكل ملموس، الا انه بالامكان مراقبة هذه السلبيات عن طريق التصميم المناسب لاداة جمع البيانات . وسوف نقوم بشرح المزيد عن ذلك في الفصل اللاحق والذي يتعلق بتصميم ادوات جمع البيانات .

## - أدوات الاتصال .

يمكن تقسيم طرق جمع البيانات حسب الأدوات المستخدمة في جمع البيانات الى ما يلي :

( ١ ) المقابلة الشخصية . ( ٢ ) المقابلة الهاتفية . ( ٣ ) المقابلة البريدية .

### ١ - المقابلة الشخصية

تتكون المقابلة الشخصية من الشخص المقابل الذي يقوم بطرح مجموعة من الأسئلة لمستجوب واحد أو أكثر وجهاً لوجه . ان مهمة الشخص المقابل هي للاحتكاك مع الشخص أو مجموعة الأشخاص المستجوبين لطرح مجموعة من الأسئلة ومن ثم تسجيل الاجابات . لذلك يجب طرح الأسئلة بصورة واضحة ومن ثم تسجيل الاجابات بدقة . ويفضل أن يتم تسجيل الاجابات خلال المقابلة .

يمكن أن تؤدي عملية المقابلة الشخصية الى التحيز في اجابات الشخص المستجوب اما لإرضاء الشخص الباحث أو لإذهاله . وعليه فان هذا التحيز سوف يؤدي الى عدم صلاحية نتائج البحث في حل المشكلة قيد البحث .

### ٢ - المقابلة الهاتفية

تتكون المقابلة الهاتفية من الشخص المقابل الذي يقوم بطرح مجموعة من الأسئلة لمستجوب واحد أو أكثر بواسطة الهاتف بدلاً من الاتصال الشخصي المباشر . تستخدم المقابلة الهاتفية بشكل واسع لمقدرتها في تجميع نطاق واسع من البيانات بالإضافة الى الاقتصاد في اجراءات جمع البيانات .

ان التحيز الناتج عن التداخل الاجتماعي ما بين الشخص المقابل والشخص المستجوب في الطريقة الهاتفية يكون قليل مقارنة مع المقابلة الشخصية . ان السلبية الأساسية في المقابلة الهاتفية تعود الى محدودية كمية المعلومات التي يمكن الحصول

عليها . هذا بالاضافة الى التحيز الناتج اما عن عدم السماع الكامل لاجابات الاشخاص المستجوبين أو لعدم وجود قائمة كاملة بأسماء مجتمع الدراسة .

### ٣ - المقابلة البريدية

تتكون المقابلة البريدية من استبيان يرسل الى الشخص المستجوب ومن ثم اعادة الاستبيان بعد تعبئته الى الشخص الباحث أو مؤسسة الأبحاث . وتتميز المقابلة البريدية بالمرونة في التطبيق وقلة في التكاليف وتخلو من التحيز الناتج عن التداخل الاجتماعي ما بين الشخص الباحث والشخص المستجوب . ان السلبية الرئيسية ذات العلاقة بالمقابلة البريدية هي مشكلة الخطأ الناتج عن عدم الاستجابة .

ويوجد هناك أكثر من طريقة لتوزيع الاستبيان وتجميعه . فمن الممكن أن يتم توزيعه وتجميعه عن طريق الانسان بدلاً من البريد . ومن الممكن أن يوزع الاستبيان بالمجلات والصحف .

### - المعايير المستخدمة في اختيار وسيلة الاتصال .

يوجد هناك العديد من المعايير المناسبة لتقييم وسيلة الاتصال التي تحقق حاجة البحث قيد الدراسة . وهذه المعايير هي :

( ١ ) التعدّد . ( ٢ ) التكاليف . ( ٣ ) الوقت . ( ٤ ) مراقبة العينة .

( ٥ ) كمية البيانات . ( ٦ ) نوعية البيانات . ( ٧ ) نسبة الاستجابة .

### ( ١ ) التعدّد

يشير التعدّد الى مقدرة وسيلة الاتصال في تسخير أو اخضاع عملية جمع البيانات لخدمة الحاجات الخاصة بالدراسة قيد البحث . وأكثر الطرق مقدرة في عمل ذلك من بين هذه الطرق الثلاثة هي المقابلة الشخصية . بينما مقدرة طريقة الهاتف في

تسخير عملية جمع البيانات لخدمة حاجات البحث الخاصة أقل من طريقة المقابلة الشخصية. كما تعتبر طريقة المقابلة البريدية من أقل الطرق مقدرة في عمل ذلك.

ان المقابلة الشخصية ما بين الشخص الباحث والمستجوب تمكن الشخص الباحث من توضيح وشرح الأسئلة المعقدة وعرض بعض الحالات التي تساعد في فهم أسئلة المقابلة للشخص المستجوب كجزء من عملية البحث. أما بالنسبة للمقابلة الهاتفية فلا يتم هناك مقابلة شخصية مما يجعل من الصعب تضمين المقابلة بأسئلة معقدة والتي تتطلب اجابات متخصصة للأسئلة المفتوحة. أما اذا كان تصميم البحث والتعليمات المزودة تجعل الاجابة على الأسئلة سهلة، فان غالباً ما يؤدي هذا الى الغاء دور الشخص المقابل وبالتالي تكون المقابلة البريدية من أفضل الطرق لاتمام دراسة البحث.

يتوجب على الشخص الباحث تحديد درجة التقلب التي يحتاجها البحث قيد الدراسة حتى يتمكن من اختيار أفضل أدوات الاتصال في تحقيق حاجات الدراسة. وغالباً ما تكون درجة التقلب في الأبحاث عملياً قليلة لدرجة تسمح باستخدام طريقة المقابلة البريدية.

## (٢) التكاليف

ان عدد ساعات العمل المطلوبة لكل أداة من أدوات الاتصال غالباً ما تحدد نسبة التكاليف لكل وسيلة. وتتضمن تكلفة العمل اجرة الشخص الباحث وتكاليف الاشراف المتعلقة بمراقبة نوعية عملية جمع البيانات. وتعتبر طريقة المقابلة الشخصية من أكثر طرق تكلفة في عملية جمع البيانات. أما بالنسبة للطريقة الهاتفية فتأتي بعد المقابلة الشخصية أما بالنسبة للطريقة البريدية فتعتبر أقل طرق تكلفة بالنسبة لجمع البيانات.

### ( ٣ ) الوقت

تعتبر طريقة المقابلة الهاتفية من أسرع الطرق في جمع البيانات المطلوبة خاصة اذا كانت أسئلة الاستبيان أو المقابلة قليلة . ان طريقة المقابلة الشخصية تحتاج الى وقت للانتقال ما بين الاشخاص المستجوبين بالاضافة الى وقت المقابلة نفسه .

ويمكن تقليل الوقت الكلي اللازم لانتمام مشروع البحث عن طريق زيادة عدد المقابلات الذين يعملون في الدراسة عند استخدام المقابلة الهاتفية أو الشخصية . أما بالنسبة للمقابلة البريدية فانه من الصعب جداً تقليل الوقت الكلي اللازم للدراسة . فلا يستطيع الشخص الباحث عمل أي شيء من شأنه ان يسرّع الاجابة في تعبئة الاستبيان ومن ثم اعادته الى شخصه بعد توزيع الاستبيانات بالبريد .

### ( ٤ ) مراقبة العينة

تشير مراقبة العينة الى قدرة وسيلة الاتصال في الوصول الى جميع الوحدات المدرجة في خطة العينة بكفاءة وفعالية . ان الاختلاف ما بين وسائل الاتصال بهذا الخصوص واضح بشكل كبير .

تزداد المقابلة الشخصية أفضل درجة في مراقبة العينة مقارنة مع المقابلة الهاتفية أو البريدية . فاذا كان الاطار العيني غير موجود ، فان اجراءات اختيار العينة تعتمد بشكل كبير على المقابلات الشخصية . ان العمل في المقابلات الشخصية يمكن الشخص الباحث من مراقبة الوحدات العينية التي تمت مقابلتها ودرجة التعاون وجوانب عديدة أخرى في عملية جمع البيانات .

تعتمد المقابلة الهاتفية بشكل كبير على اطار العينة . وغالباً ما تستخدم الادلة الهاتفية في هذه الحالة كاطار للعينة لاختيار عناصر العينة عن طريق اجراءات الاختيار الاحتمالية . وغالباً ما تعتبر الأدلة الهاتفية اطار ضعيف للعينة لعدم احتواءها على جميع أفراد مجتمع الدراسة للأسباب التالية :

- ١ - عدم توفر خدمة الهاتف لكل فرد من أفراد المجتمع .
  - ٢ - غالباً ما تكون الأدلة قديمة ولا تحتوي على أسماء المنتفعين الجدد من الخدمة الهاتفية .
  - ٣ - بعض أسماء الأشخاص أصحاب الخدمة الهاتفية غير مدرجة بالدليل .
- وبما ان الأدلة الهاتفية غير ممثلة لمجتمع الدراسة فان المقابلة الهاتفية تسمح بمراقبة محدودة على العينة .
- تتطلب المقابلة البريدية قائمة بجميع عناصر مجتمع الدراسة قيد البحث كما هو الحال في المقابلة الهاتفية . ويتكون اطار العينة بالنسبة للمقابلة البريدية من الأسماء والعناوين . وفي بعض الحالات يصعب تحديد عناوين جميع عناصر العينة مما يؤدي الى تقليل درجة المراقبة والتي تسمح بها المقابلة البريدية على العينة .

#### (٥) كمية البيانات

ان أكثر وسيلة من بين الوسائل الثلاثة مقدرة في تجميع أكبر كمية من البيانات هي وسيلة المقابلة الشخصية ثم المقابلة الهاتفية وأخيراً المقابلة البريدية . كمية البيانات التي يمكن تجميعها باستخدام هذه الوسائل المختلفة كبيرة اذا كان هناك علاقة عاطفية ما بين الأشخاص المستجوبين وموضوع البحث . ولكن في الوضع الطبيعي تعتبر طريقة المقابلة الشخصية من أكثر الطرق مقدرة في جمع البيانات .

ان الإيجابية الرئيسية للمقابلة الشخصية تنتج من العلاقة الاجتماعية ما بين الشخص المقابل والمستجوبين . وغالباً ما تعمل العلاقة الاجتماعية على تحفيز الشخص المستجوب في اعطاء وقت أكبر للمقابلة . بينما من السهل جداً أن يقوم الشخص المستجوب بتحديد أو إنهاء وقت المقابلة في كل من طريقة المقابلة الهاتفية أو الطريقة البريدية .

ان الميزة التي تتمتع بها كل من طريقة المقابلة الشخصية والهاتفية على الطريقة البريدية هي قلة الجهد المطلوب من قبل الشخص المستجوب في عملية جمع البيانات . فالشخص المقابل هو الذي يطرح الأسئلة ومن ثم يتحسّس الاجابات وبعد ذلك يقوم بتسجيلها .

## (٦) نوعية البيانات

تشير نوعية البيانات الى الدرجة التي تكون فيها البيانات خالية من التحيز الشخصي الناتج عن استخدام وسيلة الاتصال . فاذا كان موضوع البحث غير عاطفي وتصميم الأسئلة مناسب، فاننا نتوقع الحصول على بيانات ذات نوعية بغض النظر عن الاداة المستخدمة في عملية جمع البيانات .

وقد أثبتت خبرة الباحثين وجود فروق فعلية ما بين الوسائل الثلاثة في جمع البيانات اذا كانت المقابلة تحتوي على أسئلة حساسة أو محرجة مثل السؤال عن رصيد البنك أو الدخل أو بعض السلوك الخاص . فاذا كانت الأسئلة حساسة فتعتبر طريقة المقابلة البريدية من افضل الطرق لجمع بيانات ذات نوعية جيدة مقارنة مع المقابلة الشخصية . وغالباً ما تقع المقابلة الهاتفية في مكان ما بين هاتين الطريقتين .

ان المصدر الآخر للتحيز ناتج عن ارتباك أو عدم فهم الشخص المستجوب لأسئلة المقابلة . فاذا أراد الشخص المستجوب أي توضيح عن الأسئلة من الشخص الباحث الغائب فان غالباً ما يؤدي الى جمع بيانات غير دقيقة نتيجة الارتباك . كما ان الطريقة الهاتفية تزود ببيانات متحيزة ناتجة عن الارتباك أكثر من المقابلة الشخصية لغياب الوجود الجسمي للشخص الباحث .

ان مصدر التحيز في الطريقة البريدية ينتج عن طريق قراءة الشخص المستجوب للأسئلة قبل البدء بالاجابة أو تغيير في بعض الاجابات للأسئلة التي تقع في بداية الاستبيان بسبب تأثير الأسئلة التي تقع في نهاية الاستبيان . بينما نجد خلو كل من

الطريقتين المقابلة الشخصية والهاتفية من هذا النوع من التحيز.

كما ان كل من طريقتي المقابلة الشخصية والهاتفية قادرة على تجميع بيانات عن الاحداث وقت وقوعها. وهذا يقلل من التحيز الناتج عن عدم مقدرة الشخص المستجوب في استرجاع الاحداث بدقة.

ان آخر اعتبار بالنسبة لتنوعية البيانات المجمعة يهتم بغش الشخص المقابل. ان الغش عملية سهلة في المقابلة الشخصية مقارنة مع الطريقة الهاتفية اذا تم تسجيلها مباشرة او الطريقة البريدية لعدم وجود الشخص الباحث خلال عملية المقابلة. ولكن يمكن تقليل تأثير هذا المصدر بالنسبة للتحيز اذا ما تم تصميم المقابلة الشخصية بطريقة فعالة.

#### (٧) نسبة الاستجابة (الردّيات) .

تشير نسبة الاستجابة الى نسبة الاشخاص التي تمت مقابلتهم فعلاً الى العدد الذي يرغب الباحث مقابلته. فاذا كانت نسبة الاستجابة قليلة فان ذلك سوف يؤدي الى وجود اخطاء عدم الاستجابة بشكل كبير مما يؤدي الى عدم صلاحية نتائج الدراسة. وتمثل اخطاء عدم الاستجابة الفرق ما بين الاشخاص الذين استجابوا للدراسة والاشخاص الذين لم يستجيبوا. ويعتبر الخطأ الناتج عن عدم الاستجابة من اكثر الأخطاء التي تواجه الباحث خطورة. ويتزايد احتمال تحقيق هذا النوع من الأخطاء كلما قلت نسبة الاستجابة.

ويوجد هناك مصدرين لعدم الاستجابة هما : ( ١ ) اذا كان الشخص المستجوب غير موجود في المنزل. ( ٢ ) رفض الشخص المستجوب للاستجابة. ان تأثير المصدر يكون كبيراً بالنسبة لطريقة المقابلة الشخصية أو الهاتفية، بينما يكون تأثيره على الطريقة البريدية محدود. وبما ان احتمال أن يجيب الشخص المستجوب على الهاتف اكبر من احتمال فتح باب المنزل في حالة وجود شخص غريب، فان تأثير هذا المصدر



على الطريقة الهاتفية يكون أقل مقارنة مع المقابلة الشخصية .

ان إحدى الطرق الرئيسية المستخدمة لتقليل تأثير رفض الشخص المستجوب للتعاون مع الشخص الباحث هي عن طريق تطوير علاقات شخصية مع أكثر المستجوبين تأثيراً على موضوع البحث . ان مشكلة عدم الاستجابة في الطريقة البريدية ناتجة عن عدم رغبة الشخص المستجوب أحياناً في موضوع البحث قيد الدراسة . وللتقليل من تأثير هذه المشكلة، فقد اقترح روبن خمسة اجراءات هي :

( ١ ) تزويد الشخص المستجوب برسالة قبل الاستبانة .

( ٢ ) ارسال الاستبيان مع رسالة تغطية .

( ٣ ) ارسال رسالة للمتابعة .

( ٤ ) ارسال استبيان ثاني .

( ٥ ) بعث رسالة متابعة ثالثة .

### - اختيار وسيلة الاتصال

ما هي أدوات الاتصال التي يجب اختيارها لتنفيذ البحث قيد الدراسة؟ ان الاجابة على هذا السؤال هي اختيار الوسيلة التي تضمن جمع بيانات تعمل على تحقيق المعلومات المطلوبة بأقل وقت وتكلفة . يجب ملاحظة هنا ان هذه الأدوات الثلاثة في جمع البيانات غير مائعة لبعضهما البعض . بمعنى آخر يمكن للباحث استخدام أكثر من وسيلة لجمع البيانات عند تصميم البحث . وهذا سوف يسمح للشخص الباحث من تصميم دراسته بشكل يستطيع من خلاله الاستفادة من نقاط القوة لكل أداة من هذه الأدوات المستخدمة في تجميع البيانات .

## ٢ - طريقة الملاحظة

تتضمن الملاحظة تسجيل سلوك المستجوب. وعليه فالملاحظة هي معرفة وإدراك سلوك الإنسان أو الهدف أو الحدث و ثم القيام بتسجيله. وتستخدم طريقة المراقبة غير الرسمية بشكل كبير من متخذي القرارات. وتتمثل الخطورة في عمل استنتاجات عن طريق المراقبة غير الرسمية بالوجود الكبير للأخطاء الناتجة عن العينة وغير العينة. لذلك ان طرق المراقبة الرسمية يأخذ بعين الاعتبار مراقبة هذه الأخطاء لتزويد بيانات صالحة لاتخاذ القرارات. ومن النادر جداً أن تجد تصميم بحث يعتمد كلياً على طريقة الملاحظة. وسوف نقوم في الجزء بشرح الطرق المختلفة والمستخدمه في الملاحظة الرسمية. ولكن قبل ذلك دعنا نتعرف على ايجابيات وسلبيات هذه الطريقة.

### - ايجابيات طريقة الملاحظة.

يوجد هناك عدة ايجابيات لطريقة الملاحظة مقارنة مع طريقة الأسئلة. وهذه الايجابيات هي :

١ - لا تعتمد طريقة الملاحظة في جمع البيانات المرغوب بها على استعداد الشخص المستجوب في ذلك.

٢ - تقليل أو الغاء التحيز الناتج اما بسبب الشخص المقابل أو عملية المقابلة.

٣ - عدم امكانية تجميع بعض البيانات الا عن طريق الملاحظة.

ومثال على ذلك : جميع الانماط السلوكية التي لا يدركها الشخص المستجوب.

### - سلبيات طريقة الملاحظة.

يوجد هناك سلبيتان رئيسيتان لطريقة الملاحظة مما يحدد استخدام هذه الطريقة. وهاتان السلبيتان هما :

١ - عدم مقدرة هذه الطريقة في ملاحظة بعض الأشياء كالأدراك والاعتقاد والشعور والتفضيل .

٢ - إذا كان الوقت المتاح للملاحظة والمال محدودين، فإنه من الصعب جداً ملاحظة أي نمط من الأنماط السلوكية للفرد الملاحظ إلا إذا تكرر السلوك بشكل مستمر. وهذا سوف يحدد استخدام طريقة الملاحظة لمجموعة من الحالات الفريدة .

### - تصنيف طرق الملاحظة .

يمكن تصنيف طرق الملاحظة بخمسة طرق مختلفة هي :

( ١ ) الملاحظة الطبيعية ضد الاستنباطية .

( ٢ ) الملاحظة التنكيرية ضد عدم التنكيرية .

( ٣ ) الملاحظة المنظمة ضد غير المنظمة .

( ٤ ) الملاحظة الانسانية ضد الآلية .

### ( ١ ) الملاحظة الطبيعية ضد الاستنباطية .

تتضمن الملاحظة الطبيعية ملاحظة السلوك وكما يحدث في البيئة الطبيعية مثل التسوق في بقالة تموينية . أما الملاحظة الاستنباطية فتتضمن تشكيل بيئة مصطنعة ومن ثم ملاحظة أنماط السلوك لفرد يوضع في هذه البيئة، مثل جعل الناس يتسوقون في نموذج لبقالة تموينية .

ان الايجابية الرئيسية للملاحظة في البيئة الطبيعية تتمثل في مقدرة السلوك المعروض في هذه البيئة على تمثيل أنماط السلوك الحقيقية . ولكن يجب على الباحث أن يزن هذه الايجابية مع الزيادة المتحققة بالتكاليف نتيجة انتظار وقوع السلوك الطبيعي، بالإضافة الى صعوبة قياس السلوك في البيئة الطبيعية .

## ( ٢ ) الملاحظة التنكيرية ضد اللاتنكيرية .

تشير التنكيرية الى ما اذا كان الشخص الملاحظ يدرك انه تحت المراقبة ام لا . ويجب أن يكون دور الملاحظ تنكرياً في جميع الحالات التي يكون فيها سلوك الانسان مختلف عن السلوك الطبيعي اذا ما علم انه تحت المراقبة . وهناك أكثر من طريقة يمكن استخدامها لاختفاء عملية المراقبة مثل الكاميرا الخفية .

وهناك اختلاف ما بين الباحثين حول درجة تأثير وجود الشخص المراقب على الأنماط السلوكية للناس تحت المراقبة . فمنهم من يقول بأن التأثير قليل ومنهم من يقول بأن التأثير كبير ويؤدي الى تمييز خطير في أنماط السلوك الملاحظة .

## ( ٣ ) الملاحظة المنظمة ضد غير المنظمة .

تعتبر الملاحظة المنظمة مناسبة عندما تكون مشكلة القرار محددة وبوضوح والمعلومات المطلوبة تسمح في تحديد أنماط السلوك المراد مراقبتها وقياسها . أما بالنسبة للملاحظة غير المنظمة فتعتبر مناسبة في الحالات التي تكون فيها مشكلة القرار غير محددة بعد ، بحيث تكون الحاجة للمعلومات الكثيرة ملحة لتطوير وتشكيل فرضيات تساعد في تعريف المشكلة قيد الدراسة .

وتعتبر الملاحظة المنظمة أكثر ملائمة بالنسبة لدراسات الأبحاث النهائية . ان تنظيم الملاحظة يقلل من فرصة التحيز عند الشخص الذي يقوم بعملية الملاحظة ويزيد من صلاحية البيانات .

وتعتبر الملاحظة غير المنتظمة أكثر ملائمة بالنسبة لدراسات الأبحاث الاستكشافية . فالشخص الباحث ( المراقب ) هنا يكون حر بالنسبة لمراقبة الأنماط السلوكية التي تعتبر مناسبة لحالة القرار . وهذا يعني وجود فرصة كبيرة للتحيز من قبل الباحث ( الملاحظ ) . لذلك يجب أن تعامل نتائج الدراسة كفرضيات مطلوب قياسها بتصميم بحث نهائي .

#### ( ٤ ) الملاحظة الانسانية ضد الآلية .

يفضل في بعض الحالات استبدال المراقب الانسان بشكل معين من المراقبة الآلية . وقد يكون السبب اما لزيادة الدقة في البيانات المجمعة أو لتخفيض التكاليف أو متطلبات لبعض المقاييس الخاصة . وتتضمن الوسائل الآلية التي تستخدم في المراقبة ما يلي :

( ١ ) كاميرا الصور المتحركة .

( ٢ ) كاميرا العين .

( ٣ ) مقياس بؤبؤ العين .

تستخدم كاميرا الصور المتحركة لتسجيل السلوك الشرائي في متجر أو صيدلية وما الى ذلك . وهنا يقوم الملاحظ بتقييم فيلم الكاميرا وقياس السلوك المرغوب به . ان استخدام وسائل متعددة للمراقبة واعادة المشاهدة تسمح بقياس السلوك بدقة اكبر .

تستخدم كاميرا العين لقياس حركة العين . وتستخدم هذه الوسيلة لتحديد كيف يقرأ شخص المجلة أو الجريدة أو الدعاية أو أي شيء آخر مشابه . ويتم القياس حسب تسلسل وقوع الأشياء المراقبة والوقت الذي انقضى بالنظر الى الأجزاء المختلفة .

أما مقياس بؤبؤ العين فيستخدم لقياس التغير في قطر البؤبؤ للعين . ومن المفروض ان تعكس الزيادة في قطر العين التفاعل الايجابي بالنسبة للمؤثر الذي تمت ملاحظته .



س ١ : اذكر انواع البيانات الرئيسية التي يمكن تجميعها من المستجوب ؟

س ٢ : اذكر ايجابيات وسلبيات طرق الاتصال ؟

س ٣ : اذكر وسائل الاتصال المستخدمة في تجميع بيانات المستجوب، وما هي المعايير المستخدمة في المفاضلة بينهما ؟

س ٤ : اذكر ايجابيات وسلبيات طرق الملاحظة ؟

## **الفصل الثامن**

### **تصميم أشكال جمع البيانات**

### **Designing Data Collection Forms**





# تصميم أشكال جمع البيانات

## Designing Data Collection Forms

---

### - مقدمة

لقد ركزت في الفصول السابقة على شرح البيانات بنوعيتها الثانوية والأولية . أما في هذا الفصل فسوف يتم شرح الأمور المتعلقة بتصميم أشكال جمع البيانات من خلال التركيز على بناء الأشكال المناسبة في جمع البيانات للأبحاث النهائية . علماً بأن تصميم أي بحث يتطلب طريقة جمع بيانات قادرة على تزويد بيانات صالحة ومناسبة للمشكلة قيد الدراسة .

تعتبر أشكال جمع البيانات المكون الرئيسي لمعظم دراسات الأبحاث . كما أن أدوات طريقة الاتصال - المقابلة الشخصية والهاتفية والبريدية - تعتمد على الاستبيان في تجميع البيانات . وبما أن دراسات الاتصال أكثر شيوعاً من دراسات الملاحظة، فإنه سوف يتم التركيز في هذا الفصل بشكل رئيسي على تطوير الاستبيان وتخصيص القسم النهائي على أشكال الملاحظة .

### - مكونات الاستبيان .

إن الاستبيان عبارة عن جدول منظم لجمع البيانات من جمهور مجتمع الدراسة . ووظيفة الاستبيان هو القياس . ويمكن استخدام الاستبيان في قياس الأمور التالية :

( ١ ) سلوك ماضي .

( ٢ ) اتجاهات .

(٣) خصائص شخصية.

يتكون الاستبيان النموذجي من خمسة أجزاء هي :

( ١ ) بيانات معرفّة.

( ٢ ) طلب مساعدة.

( ٣ ) تعليمات.

( ٤ ) المعلومات المطلوبة.

( ٥ ) بيانات تصنيفية.

#### ١ - البيانات المعرفّة.

غالباً ما تحتل البيانات المعرفّة الجزء الاول من الاستبيان . وغالباً ما تتضمن هذه البيانات اسم الشخص الباحث وعنوانه ورقم هاتفه . كما تتضمن هذه البيانات وقت المقابلة وتاريخها واسم الشخص المقابل .

#### ٢ - طلب المساعدة.

يعتبر طلب المساعدة جملة افتتاحية مصممة لتشجيع أعضاء مجتمع الدراسة في مساعدة الباحث بالنسبة للمقابلة . وغالباً ما تحدد هذه الجملة الشخص المقابل أو المؤسسة المقابلة . بالإضافة الى توضيح الغرض من الدراسة وتحديد الوقت اللازم لانتهاء الدراسة .

#### (٣) التعليمات .

تشير التعليمات الى الملاحظات الموجهة من الشخص المقابل أو الباحث الى أفراد مجتمع الدراسة عن كيفية استخدام الاستبيان . وغالباً ما تظهر هذه الملاحظات في

الاستبيان بشكل مباشر عند استخدام المقابلة البريدية . أما في الطريقة المقابلة الشخصية أو الهاتفية فغالباً ما تظهر التعليمات في ورقة مستقلة توضح الغرض من الدراسة واطار العينة وأي جانب آخر من جوانب عملية جمع البيانات . هذا بالإضافة الى احتواء الاستبيان الى بعض التعليمات الخاصة بالنسبة للاجابة على بعض الاسئلة . ومن الأمثلة على ذلك طرق قياس الاتجاهات .

#### ( ٤ ) المعلومات المطلوبة .

تشكل المعلومات المطلوبة الجزء الرئيسي من الاستبيان . ان الجزء اللاحق من هذا الفصل سوف يركز على تصميم هذا الجانب من الاستبيان .

#### ( ٥ ) بيانات تصنيفية .

تهتم البيانات التصنيفية بخصائص الفرد المستجوب . وغالباً ما تزود هذه البيانات مباشرة من الشخص المستجوب في حالة استخدام المقابلة البريدية . أما في المقابلة الشخصية أو الهاتفية فغالباً ما يتم تزويد هذه البيانات عن طريق الشخص المقابل أو الباحث . وغالباً ما يتم تجميع هذه البيانات في نهاية المقابلة . ولكن بعض اجراءات العينة تتطلب تجميع هذه البيانات في بداية المقابلة لتحديد ما اذا الفرد أو الشخص مؤهل لأن يكون جزء من اطار العينة .

#### - تصميم الاستبيان

يعتبر تصميم الاستبيان فن أكثر منه موضوع علمي يمكن دراسته . فلا يوجد هناك خطوات متسلسلة أو مبادئ يمكن اتباعها بحيث تضمن بناء استبيان كفيء وفعال . ان تصميم الاستبيان عبارة عن مهارة يكتسبها الباحث من خلال الخبرة لا من قراءة خطوط استرشادية متسلسلة . والطريقة الوحيدة لتنمية هذه المهارة هي عن طريق

كتابة الاستبيان واستخدامه في سلسلة من المقابلات وتحليل نقاط الضعف ومن ثم إعادة كتابته . وهكذا .

ان الشيء الذي نعرفه عن تصميم الاستبيان يأتي من خبرة الباحثين المتخصصين في هذا الموضوع . وبناءً على هذه الخبرة المتراكمة فاننا نستطيع الخروج بمجموعة من القوانين أو الخطوط الاسترشادية التي يمكن أن تكون مفيدة للباحثين الجدد في عملية تصميم الاستبيان . فبينما هذه القوانين ضرورية لتفادي الأخطاء الخطيرة، الا ان تنقية تصميم الاستبيان تأتي من الباحث الماهر . لذلك تعتمد نوعية الاستبيان على مهارة وحكم الشخص الباحث وفهمة للمعلومات المطلوبة .

وسوف يتم تنظيم شرح تصميم الاستبيان بسبعة خطوات . وسوف يتم عرض النقاط الاسترشادية في بناء الاستبيان عند كل مرحلة من هذه المراحل . وهذه الخطوات والموضحة في الشكل ( ٨ - ١ ) هي :

- ( ١ ) مراجعة الاعتبارات الأساسية .
- ( ٢ ) تحديد محتوى كل سؤال .
- ( ٣ ) تحديد شكل الاستجابة .
- ( ٤ ) تحديد كلمات كل سؤال .
- ( ٥ ) تحديد ترتيب الأسئلة .
- ( ٦ ) تحديد الخصائص المادية للاستبيان .
- ( ٧ ) الاختبار الأولي والمراجعة والشكل النهائي للاستبيان .

## شكل ( ٨ - ١ )

### خطوات تصميم الاستبيان



## ٩ - مراجعة الاعتبارات الأساسية Review Preliminary Considerations

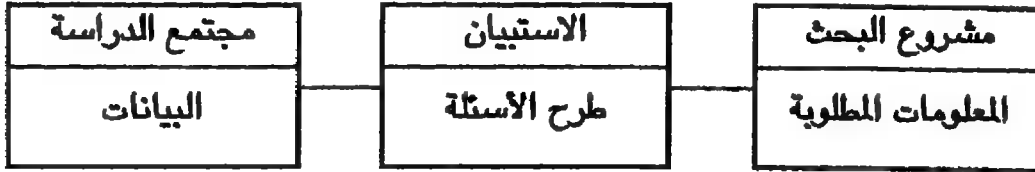
تركز الاعتبارات الأساسية عند تنفيذ البحث النهائي على طرق تطوير وسيلة ربط فعالة ما بين عملية اتخاذ القرار وعملية البحث . وتعتبر عملية تطوير أهداف الدراسة وتحديد المعلومات المطلوبة مركزاً لهذه العملية . وعليه يجب تصميم البحث بالاضافة الى بلورة وتخطيط عملية البحث قبل تصميم الاستبيان . بمعنى آخر ان تصميم الاستبيان يسبقه مجموعة من القرارات قبل البدء بتنفيذه مثل نوع تصميم البحث ومصادر البيانات ودور الاستبيان في عملية البحث . لذلك، فانه لمن الضروري جداً أن يمتلك الشخص الباحث صورة واضحة عن مجتمع الدراسة ومعرفة مفصلة عن اطار العينة . لان تطوير الاستبيان يتأثر بشكل كبير بخصائص مجتمع الدراسة . فكلما زاد عدم تجانس أفراد مجتمع الدراسة، كلما زادت صعوبة تصميم استبيان واحد بحيث يعتبر مناسباً لجميع أفراد المجتمع . وعليه يجب أن يصمم الاستبيان بطريقة بحيث يكون فيها مفهوم لأقل شخص مقدرة على الفهم من بين مجموعة أفراد مجتمع الدراسة . كما يجب تحديد ميزان القياس ووسيلة الاتصال . هذا بالاضافة الى بلورة عملية اعداد البيانات ومراحل التحليل وطبيعية نتائج البحث . ان النواحي الفنية في تصميم الاستبيان يعتمد بشكل كبير على المراحل النهائية لعملية البحث .

كما يعتمد تصميم الاستبيان على علاقة الربط ما بين قائمة المعلومات المطلوبة والبيانات المراد تجميعها وبشكل مفصل . ان الاستبيان هو أداة ربط بين المعلومات المطلوبة والبيانات المراد تجميعها . والشكل ( ٨ - ٢ ) يوضح طبيعة هذه العلاقة .

كما يجب أن تكتب الأسئلة بتسلسل منطقي يعكس قائمة المعلومات المطلوبة . لذلك يجب عدم كتابة أي سؤال في الاستبيان الا اذا كانت له علاقة مع معلومة محددة مطلوبة . ولا يوجد في الحياة العملية نزعة قوية لتضمين أي سؤال لانه ممتنع الا اذا كان له علاقة ربط قوية مع المعلومات المطلوبة . ان تضمين الاستبيان أسئلة غير ضرورية تزيد من تكاليف الدراسة وكذلك تزيد من الجهد المطلوب من المستجوب .

## شكل ( ٨ - ٢ )

ربط المعلومات المطلوبة مع البيانات المجمعة



### ٢ - تحديد محتوى الأسئلة Decide on Question Content

يتأثر محتوى أسئلة الاستبيان بمجموعة من الاعتبارات المتعلقة بالشخص المستجوب هي : ( ١ ) المقدرة على الإجابة بدقة . ( ٢ ) الاستعداد للاستجابة بدقة .

#### أ - المقدرة على الإجابة بدقة . Ability to Answer Accurately

يتوجب على الشخص الباحث أن يكون حساساً بالنسبة لمقدرة الشخص المستجوب في تزويد البيانات على فرض أن البيانات المرغوب بها ملائمة لمشكلة القرار .  
ويوجد هناك أنواع من البيانات لا يمكن تجميعها من الشخص المستجوب بدقة . ويمكن للبيانات غير الدقيقة أن تنتج من مصدرين هما :

( ١ ) عدم معرفة الشخص المستجوب .

( ٢ ) نسيان الشخص المستجوب .

#### ١ - عدم معرفة الشخص المستجوب

إن كثير من الأسئلة التي تطرح علينا في الحياة اليومية قد لا نجد لها جواب .  
يمكن طرح مجموعة من الأسئلة على مجموعة من الأشخاص حول ظاهرة معينة بحيث لا يكون أحد هذه الأفراد مدركاً لهذه الظاهرة .

وقد اكتشف الباحثون بالتجربة ان هناك مجموعة من المستجوبين غالباً ما يقوموا بالاجابة على بعض الاسئلة على الرغم من عدم معرفتهم بموضوع هذه الاسئلة لعدم رغبتهم بالاعتراف بهذا النوع من العجز. لذلك فان هذا الوضع يمثل مصدر خطير من مصادر اخطاء القياس .

ان طريقة كتابة بعض الاسئلة تشجع الاجابة عليها من قبل المستجوبين لافتراضها وجوب معرفة الاجابة على الاسئلة. اعتبر السؤال الآتي : « ما هي نسبة الفائدة الحالية التي تتقاضاه على حساب التوفير؟ » ان هذا السؤال يتضمن وجوب معرفة الشخص المستجوب الاجابة على هذا السؤال . ان السؤال البديل عنه هو : « هل تعلم نسبة الفائدة الحالية التي تتقاضاه على حساب التوفير؟ » ان هذا السؤال يتضمن عدم معرفة بعض الناس لنسبة الفائدة الحالية مما يجعل اعتراف المستجوب بعدم معرفته بنسبة الفائدة اسهل .

## ٢ - نسيان الشخص المستجوب

ان كثير من الاسئلة التي تُطرح علينا في الحياة اليومية غالباً ما نمتلك الاجابة عليها في وقت ما ولكن نكون عاجزين عن الاجابة عليها في وقت طرح السؤال . والدليل على ذلك نسيان كثير من المعلومات التي كنا قد تعلمناه عن كثير من الجوادث اما عن طريق المدرسة او عن أي طريق آخر بعد تعلمنا إياه .

ويتأثر احتمال النسيان بمدى أهمية الحدث بالنسبة للشخص وبدرجة تكراره . انه من السهل جداً أن نتذكر بعض الأشياء المهمة كتاريخ التخرج من الثانوية العامة او تاريخ التخرج من الجامعة او تاريخ الزواج أو أول زيارة للعاصمة عمان لمن هو من خارج العاصمة . ولكن من منا يتذكر تاريخ ثاني زيارة قام بها للعاصمة عمان . وكذلك فانه من السهل جداً لأن نتذكر الأشياء التي تتكرر بحياتنا بشكل مستمر . مثال : العمل او النشاط الذي نمارسه بشكل مستمر .



## ب- الاستعداد للاستجابة بدقة **Willingness to Respond Accurately**

ان الشيء الآخر الذي يجب على الباحث أخذه بعين الاعتبار هو تحديد مدى قابلية أو استعداد الشخص المستجوب للإجابة على الأسئلة على فرض انه يمتلك المقدرة في الإجابة على الأسئلة بدقة. ويمكن أن تنعكس عدم الرغبة أو الاستعداد في الإجابة على الأسئلة بما يلي :

( ١ ) رفض المستجوب بالإجابة على سؤال أو مجموعة من الأسئلة. وهذا ينتج عنه خطأ عدم الاستجابة لسؤال أو مجموعة من الأسئلة.

( ٢ ) الإجابة الخاطئة المقصودة وهذا ينتج عنه خطأ قياس.

يوجد هناك ثلاثة أسباب لعدم الاستعداد للاستجابة الدقيقة هي :

( ١ ) قد يكون الظرف غير مناسب للافصاح عن البيانات.

( ٢ ) ان الافصاح عن البيانات قد يكون محرج.

( ٣ ) يعتبر الافصاح عن البيانات خطر حقيقي على سمعة الشخص المستجوب.

يجب أن نتذكر ان حافز الاستجابة على الأسئلة بدقة محدود بالنسبة للشخص المستجوب. ان وجود الشخص المقابل سواء كان في المقابلة الشخصية أو الهاتفية ممكن أن يؤدي الى زيادة الاهتمام من قبل الشخص المستجوب خاصة في الأسئلة المحرجة أو التي تعتبر خطراً عليه.

كما تعتمد درجة استعداد المستجوب في الإجابة على الأسئلة على مدى قناعته بضرورة الحاجة لهذه البيانات للأغراض المشروعة. ان تجميع البيانات التصنيفية يمكن أن يكون مشكلة حقيقية بهذا الشأن. وعليه فان الشخص المستجوب قد يتردد في تزويد بيانات دقيقة اذا ما فوجيء بأسئلة شخصية مثل العمر أو الوظيفة أو الدخل.

### ٣- تحديد شكل الاستجابة Decide on Response Format

ان اهتمام الباحث يتوجه الى تحديد شكل الاستجابة بعد تحليل المشكلة المتعلقة بمحتوى الأسئلة. ويوجد هناك ثلاثة أشكال للاستجابة على الأسئلة هي :

( ١ ) الأسئلة المفتوحة المنتهية .

( ٢ ) أسئلة الاختيار من متعدد .

( ٣ ) الأسئلة ذات البدلين فقط .

### ١ - الأسئلة المفتوحة المنتهية Open-Ended Questions

تتطلب الأسئلة المفتوحة المنتهية من المستجوبين تزويد إجاباتهم على السؤال . وغالباً ما يطلق على هذا النوع من الأسئلة بأسئلة الاجابة الحرة . وعليه فيمكن طرح السؤال التالي على المستجوبين : « ما هي رد فعلك بالنسبة لكثرة حوادث السير في الفترة الاخيرة ؟ » فاذا كانت المقابلة بواسطة البريد ، فانه يتم ترك فراغ محدد لكتابة الاجابة على السؤال . أما اذا كانت المقابلة شخصية أو هاتفية فانه يمكن للشخص المستجوب من الاجابة على السؤال شفهيّاً للشخص الباحث بحيث يقوم الشخص الاخير بكتابة الاجابة على السؤال لاحقاً .

فوائد الأسئلة المفتوحة المنتهية .

١ - تساعد على التعبير عن الاتجاهات العامة .

ب - تساعد في بناء جسر من التعاون ما بين الشخص الباحث والمستجوب من خلال الاجابة على بعض الأسئلة الدقيقة .

ج - تأثير الأسئلة المفتوحة المنتهية على الاستجابة أقل من الأشكال الأخرى .

د - يمكن أن تزود الشخص الباحث بنظرة أعمق أو توضيح أشمل عن بعض المتغيرات .

## - سلبيات الأسئلة المفتوحة المنتهية .

أ - ان السلبية الرئيسية للأسئلة المفتوحة المنتهية هي وجود الفرصة الفعلية لتحيز الشخص الباحث . ويمكن أن تنتج فرصة التحيز عن مصدرين هما :

١ - اذا كان الشخص المقابل لا يكتب اجابات الشخص المستجوب مباشرة، فانه يمكن أن يلغي جميع جوانب المقابلة التي لا تبدو ضرورية عند كتابتها .

٢ - اذا كان المقابل بطيء الكتابة أو لا يأخذ رؤوس أقلام عن اجابات الشخص المستجوب، فانه سوف يفشل في كتابة الاجابات بسبب قيد الوقت المفروض عليه .

وكلما زادت الحاجة لتلخيص البيانات وتنقيحها من قبل الشخص الباحث، كلما زاد الفرق ما بين الاجابات المسجلة والاجابات الحقيقية . وللتخلص من مشكلة التحيز الناتجة عن تسجيل اجابات الأشخاص المستجوبين في حالة استخدام وسيلة المقابلة الشخصية أو الهاتفية، فانه يمكن للشخص الباحث من استخدام أداة تسجيل لتسجيل البيانات مباشرة من الشخص المستجوب للتقليل من أخطاء اما القياس أو عدم الاستجابة .

ب - ان السلبية الرئيسية الأخرى لهذا النوع من الأسئلة ناتجة عن الوقت والتكاليف المترتبة على عملية ترميز الاجابات . فاذا كانت الدراسة كبيرة فسوف تكون هناك حاجة كبيرة لاجراءات الترميز والترقيم لتلخيص البيانات المتناثرة ووضعها بشكل معين يمكن من خلاله القيام بتحليل البيانات ومن ثم عرضها . ويمكن أن تشكل تكاليف ووقت عملية الترميز جزء كبير من التكاليف الكلية لمشروع البحث .

ج - ان السلبية الأخرى لهذا النوع من الأسئلة هي اعطاء وزن أكثر من اللازم وبطريقة ضمنية للأشخاص الذين يفصلون في الاجابات بشكل كبير أو الأشخاص الذين يطرحون تساؤلات كثيرة من خلال اجاباتهم .

د - لا يعتبر هذا النوع من الأسئلة مناسباً في حالة استخدام الطريقة البريدية لأن الأشخاص المستجوبين غالباً ما يقوموا بكتابة الاجابات بشكل مختصر مقارنة مع ما يتكلموا به . هذا بالاضافة الى صعوبة قراءة بعض كتاباتهم في بعض الاحيان . وبشكل عام، تعتبر طريقة الأسئلة المفتوحة المنتهية أكثر ملائمة بالنسبة للأبحاث الاستكشافية وتصميم البحث بهدف تطوير أسئلة موجهة لحل مشكلة البحث بطريقة أفضل .

#### ب - أسئلة الاختيار من متعدد Multiple-Choice Questions

تتطلب أسئلة الاختيار من متعدد من الشخص المستجوب اختيار الاجابة من الاجابات المتعددة التي تتبع كل سؤال من أسئلة الاستبيان . ويمكن أن يطلب الشخص الباحث من الشخص المستجوب اختيار اجابة أو أكثر من الاجابات المرفقة .

#### قوائد أسئلة الاختيار من متعدد .

١ - إمكانية هذا النوع من الأسئلة في الغاء كثير من السلبيات المتعلقة بطريقة الأسئلة المفتوحة المنتهية . وأهمها هو تقليل التحيز الذي ينتج عن طريق الشخص المقابل وتقليل التكلفة والوقت اللازم لاعداد البيانات .

٢ - سهولة التعامل مع هذا النوع من الأسئلة لغايات تحليل البيانات وعرض النتائج .

٣ - صعوبة الحصول على تعاون الشخص المستجوب في بعض الأحيان الا عن طريق استخدام أسئلة الاختيار من متعدد .

#### سلبيات أسئلة الاختيار من متعدد .

١ - يحتاج تصميم أسئلة الاختيار من متعدد الى وقت كثير وتكلفة عالية نسبياً مقارنة مع تصميم الأسئلة المفتوحة المنتهية .

٢ - يمكن أن تؤدي أسئلة الاختيار من متعدد الى التحيز الناتج عن ترتيب الاجابات المزودة في الأسئلة .

#### جـ- الأسئلة ذو الاختيارين فقط

تعتبر الاسئلة ذو الطرفين حالة خاصة من أسئلة الاختيار من متعدد والتي تسمح للشخص المستجوب اختيار اجابة من بديلين فقط، مثل نعم أو لا، أوافق أو اعارض، وما الى ذلك . وغالباً ما يكون هناك اختيار محايد بالاضافة الى البديلين الموجودين، مثل «لا رأي» أو «لا أدري» .

#### فوائد الأسئلة ذو الاختيارين

ان ايجابيات هذا النوع من الاسئلة هي نفس ايجابيات أسئلة الاختيار من متعدد والتي تشمل ما يلي :

- ( ١ ) سرعة الاجابة .
- ( ٢ ) سهولة تدبير الاسئلة .
- ( ٣ ) تقليل فرصة تحيز الشخص الباحث .
- ( ٤ ) سهولة ترميز وترقيم الاجابات واعدادها وتحليلها .

#### سلبيات الأسئلة ذو الاختيارين .

- ١ - صعوبة تعبير الشخص المستجوب عن شعوره أو الشيء الذي يحس به تجاه السؤال عن طريق إجابتين فقط .
- ٢ - إجبار الشخص المستجوب للاختيار اجابة من اجابتين فقط ممكن أن يؤدي الى خطأ في القياس .

٣ - ان الاجابة السلبية أو الايجابية عن السؤال يمكن ان يكون لها تأثير قوي على طبيعة الاجابات .

#### ٤ - تحديد كلمات السؤال Decide on Question Wording

يتكون قلب الاستبيان من الأسئلة التي يتم طرحها من خلاله . ان هذه الأسئلة تمثل العلاقة ما بين البيانات والمعلومات المطلوبة للدراسة . لذلك فانه من المهم جداً أن يحمل السؤال نفس المعنى لكل من الشخص الباحث والشخص المستجوب لكي لا يظهر خطأ القياس في نتائج دراسة البحث .

ويمكن اعتبار الخطوط الاسترشادية التالية عند تصميم كلمات الأسئلة :

( أ ) استخدام كلمات بسيطة .

( ب ) استخدام كلمات واضحة .

( ج ) تجنب الأسئلة القيادية .

( د ) تجنب الأسئلة المتحيزة .

( هـ ) تجنب التقدير .

( و ) تجنب الأسئلة المزدوجة .

#### أ - استخدام الكلمات البسيطة Use Simple Words

يجب أن تكون الكلمات المستخدمة في الاستبيان منسجمة مع مستوى المصطلحات بالنسبة للمستجوبين . فالأسئلة المصممة للأطفال يجب أن تحتوي على كلمات أبسط مقارنة مع كلمات أسئلة الاستبيان الموجهة لحملة الماجستير . أما اذا كان مجتمع الدراسة يحتوي على فئات مختلفة من الناس ، فانه يجب كتابة أسئلة الكلمات باستخدام كلمات يمكن فهمها من أقل الناس معرفة .

## ب- استخدام الكلمات الواضحة Use Clear Words

ان الكلمات الواضحة هي الكلمات التي لا تحمل إلا معنى واحد ومعروف لكل عناصر مجتمع الدراسة . ولكن لسوء الحظ، ان عملية اختيار كلمات واضحة أو غير غامضة قد تكون أصعب مما هو متوقع. ان هناك العديد من الكلمات التي تظهر وكأنها واضحة لكل فرد قد تحمل معنى مختلف لبعض عناصر مجتمع الدراسة أو في مناطق جغرافية مختلفة .

وقد وجد الباحثون بالخبرة ان استخدام بعض الكلمات مثل غالباً أو بانتظام أو عادة أو باستمرار جميعها كلمات غير واضحة أو غامضة . لذلك يتوجب على الباحث وقبل اختيار الكلمة أن يقوم بطرح الأسئلة التالية :

1 - هل الكلمة المستخدمة تعطي المعنى المقصود ؟

ب - هل للكلمة المستخدمة أي معنى آخر غير المعنى المقصود ؟

جـ- اذا كان الجواب على السؤال رقم ( ٢ ) بنعم، فهل سياق الكلام يجعل المعنى المقصود واضح ؟

د - هل هناك كلمات أخرى بديلة مقترحة ؟

## جـ- تجنب الأسئلة القيادية Avoid Leading Questions

السؤال القيادي هو ذلك السؤال الذي يترك إشارة معينة للشخص المستجوب بحيث تحدد نوع الاجابة بالنسبة للسؤال . وغالباً ما تعكس الأسئلة القيادية وجهة نظر الشخص الباحث بالنسبة لاجابة السؤال أو مجموعة الأسئلة . وغالباً ما تؤدي الأسئلة القيادية الى وقوع خطأ القياس وبشكل مستمر في نتائج البحث .

ان طرح السؤال التالي : « هل تمتلك جهاز تلفزيون ماركة توشيبا » قد يكون سؤالاً قيادياً مقارنة مع السؤال التالي : « ما هو نوع جهاز التلفزيون الذي تمتلكه ؟ » ان

استخدام اسم الشركة في السؤال قد يسبب في إيهام المستجوب بأن هذه الشركة هي الشركة التي تدعم دراسة البحث . وفي هذه الحالة فإنه قد يتولد نزعة عند الشخص الباحث في اظهار شعور ايجابي تجاه الشركة التي تدعم مشروع البحث، وهذا بدوره يؤدي الى الوقوع في خطأ القياس .

#### د - تجنب الأسئلة المتحيزة Avoid Biasing Questions

تتضمن الاسئلة المتحيزة كلمات أو عبارات عاطفية بحيث تمتلك اقتراح شعوري إما بالقبول أو بالرفض . ان معظم الباحثين يدركون التأثير التحيزي للأسئلة التي تبدأ بـ « هل توافق على الاقتراح المقدم من .... » أو « هل تؤمن بما يجب عمله بالنسبة لشركات احتكار القلّة بشأن .... » . ولسوء الحظ، ان تأثير استخدام الكلمات أو العبارات المتحيزة في الاستبيان يكون أكثر خداعاً مما تقترحه هذه الأمثلة . ان استخدام الكلمات أو العبارات المتحيزة في أسئلة الاستبيان قد يولد نزعة عاطفية اما ايجابية أو سلبية عند الشخص المستجوب، وهذا بدوره يؤدي الى الوقوع في خطأ القياس بالنهاية .

#### هـ - تجنب التقدير Avoid Estimation

يجب ان تصمم الاسئلة بطريقة يكون فيها الشخص المستجوب قادراً على اعطاء اجابة واضحة وليس عن طريق التقدير أو عمل التعاميم . ومن الأمثلة على هذا النوع من الاسئلة : ما هو عدد فناجين القهوة التي تقوم بشربها بالسنة؟ ان هذا السؤال يتطلب من الشخص المستجوب تحديد عدد فناجين القهوة التي يشربها باليوم الواحد ومن ثم يقوم بضرب ذلك بعدد أيام السنة . ان نتيجة البحث تكون أكثر دقة فيما لو كان السؤال كما يلي : كم فناجناً من القهوة تشرب باليوم الواحد؟ وعليه فإنه يتم معرفة عدد الفناجين التي يقوم بشربها عن طريق الضرب بعدد أيام السنة .



## و - تجنب الأسئلة المزدوجة Avoid Double-Barrelled Questions

يحدث هذا النوع من الأسئلة إذا كان المطلوب من الكلمات المستخدمة في السؤال اجابتين وليس اجابة واحدة. ومن الأمثلة على هذا النوع من الأسئلة ما يلي : «ما هو تقديرك لسرعة السيارة وتسارعها» اننا نلاحظ هنا ان هذا السؤال يتكون من شقين هما السرعة والتسارع. وكقاعدة ان أي سؤال يتضمن حرف العطف (و) يجب مراجعته للتأكد من عدد الاجابات المطلوبة.

## هـ - تحديد تسلسل الأسئلة Decide on Question Sequence

ان الخطوة التي تتبع تحديد كلمات أسئلة الاستبيان هو تحديد تسلسل الاسئلة في الاستبيان. ان تسلسل الأسئلة يمكن أن يؤثر على طبيعة اجابات الاشخاص المستجوبين ويكون هذا هو السبب في وقوع أخطاء خطيرة في نتائج البحث. ويوجد هناك مجموعة من الخطوط الاسترشادية التي يمكن استخدامها من قبل الباحثين المبتدئين عند تصميم الاستبيان. وهذه الخطوط الاسترشادية هي :

### أ - استخدام الأسئلة السهلة والممتعة كأسئلة افتتاحية

يجب على الاسئلة الافتتاحية ان تستقطب اهتمام واحترام المستجوب مباشرة والا فان المستجوب قد ينهي المقابلة. وغالباً ما تتعلق الاسئلة الافتتاحية بالمعلومات المطلوبة، بحيث يكون الغرض الوحيد منها هو كسب تعاون المستجوب وتحقيق الصلة معه. وعليه يمكن أن يبدأ الاستبيان بالأسئلة السهلة التي تطلب من المستجوب التعبير عن اتجاهاته، لان معظم الناس يرغبون في التعبير عن شعورهم ويقومون بذلك بسهولة. ان اتباع هذا المبدأ يمنح الشخص المستجوب الثقة على أنه قادر على اجابة ما يتبع من أسئلة.

## ب - البدء بالأسئلة العامة أولاً

يجب كتابة الأسئلة العامة في أي دراسة قبل الأسئلة الخاصة . اعتبر الآن السؤالين التاليين : « ما هي الاعتبارات المهمة التي تأخذها بعين الاعتبار عند شرائك سيارة؟ » و « عند شرائك سيارة، هل موضوع اللون مهم لك؟ » إذا تم طرح الأسئلة بطريقة عكسية فإن موضوع اللون قد يظهر عند الإجابة عن السؤال الأول بصورة أكبر مقارنة مع الترتيب الحالي الذي ظهرت عليه الأسئلة هنا . وكنتييجة ان طرح الأسئلة العامة أولاً والخاصة تقلل من فرصة التحيز الناتج عن التسلسل .

## ج - وضع الأسئلة الصعبة وغير الممتعة بالنهاية

انه من الصعب جداً أن يقوم الشخص المستجوب برفض الأسئلة الشخصية والصعبة بعد بناء نوع من الصلة ما بينه وبين الشخص الباحث وعملية البحث . لذلك يفضل دائماً ترتيب الأسئلة الصعبة والحساسة والمخرجة في نهاية الاستبيان .

## د - ترتيب الأسئلة بترتيب منطقي

يجب ترتيب عملية طرح الأسئلة ترتيباً منطقياً من وجهة نظر المستجوب . ان الهدف من تصميم تسلسل الأسئلة هو لتسهيل عملية معالجة البيانات وللتأثير على تعاون الشخص المستجوب وبناء علاقات معه .

## ٦ - تحديد الخصائص المادية .

ان المظهر المادي الخارجي للاستبيان قد يكون مؤثراً في ضمان التعاون مع الشخص المستجوب خاصة في حالة استخدام المقابلة البريدية . ان نوعية ورق الاستبيان ونوع الطباعة غالباً ما يحدد ردة فعل المستجوب الاولى نحو الاستبيان . كما انه من المهم جداً وضع اسم المؤسسة التي تدعم البحث واسم الدراسة بوضوح في بداية الاستبيان .

## ٧ - تنفيذ الاختبار الأولي والمراجعة والشكل النهائي .

يجب على الباحث أن يقوم بفحص الاستبيان فحصاً أولياً قبل أن يوزعه على مجتمع الدراسة بشكله النهائي . ويشير الفحص الأولي الى فحص جانب أو أكثر من جوانب تصميم البحث . ان الاهتمام هنا يكون في محض تصميم الاستبيان للبحث في امكانية تحسينه وبغض النظر عن مهارة الشخص الباحث . ان معظم الاستبيانات بحاجة الى امتحان أولي ومراجعة واحدة على الأقل قبل تنفيذ الدراسة الميدانية .

ان عدد الاشخاص الذين يتم مقابلتهم لاجراء الاختبار الأولي للاستبيان يكون غالباً ما بين ١٥ - ٣٠ فرداً . ويجب أن تكون هذه العينة مشابهة من حيث الخصائص لعينة الدراسة الرئيسية .

وكلما كان التغيير المطلوب على أسئلة الاستبيان ذو معنى ، كلما كان هناك حاجة لعمل اختبار أولي آخر . اما اذا كان الاختبار الأولي يقترح اجراء بعض التعديلات الخفيفة ، فان الاستبيان يكون جاهز بشكله النهائي لاجراء الدراسة الميدانية .

## - أشكال الملاحظة .

ان تصميم أشكال الملاحظة اسهل من الاستبيانات لأن عملية طرح الأسئلة تكون محدوفة . الا ان هناك بعض القضايا المهمة في بناء أشكال الملاحظة . يجب على الشخص الباحث أن يحدد وبوضوح أنواع الملاحظات التي سيقوم بها وكيفية قياسها . ويمكن أن تتضمن عملية القياس وجود شخص ملاحظ مع أشكال الملاحظة أو وسيلة تسجيل آلية أو كلاهما .

يجب أن يبدأ تصميم أشكال الملاحظة من قائمة المعلومات المطلوبة والتي يجب أن تحدد وبوضوح جميع الجوانب السلوكية المراد مراقبتها . وغالباً ما يكون من المفيد تصنيف المعلومات السلوكية المطلوب ملاحظتها كما يلي :

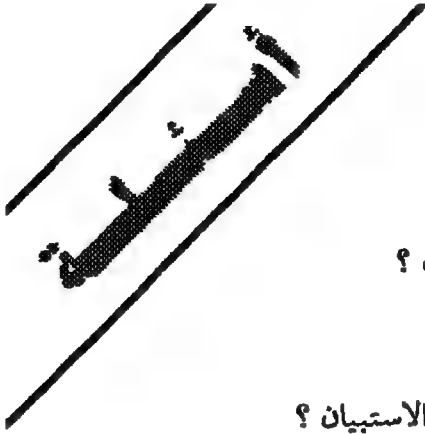
١ - من هو المراد ملاحظته ؟ - البائع ، المشتري ، المستهلك .

٢ - ما هو الشيء الذي نريد ملاحظته؟ نوع السلعة، حجمها، السعر، تأثير سلوك معين على الأطفال أو الرجال .

٣ - متى نقوم بالملاحظة؟ ساعات الشراء، وقت الاستراحة .

٤ - أين يجب أن تتم الملاحظة؟ بالمنزل أو بالمحل التجاري .

يجب أن تكون أشكال الملاحظة سهلة الاستخدام . ويجب تصميم أشكال الملاحظة بحيث تكون قادرة على ملاحظة السلوك . كما يجب أن يسمح التصميم للشخص الباحث من تسجيل السلوك بالتفصيل . وكما يجب أن تتبع الخصائص المادية لشكل الملاحظة نفس القوانين المستخدمة في الاستبيان . وأخيراً تحتاج أشكال المراقبة نفس الدرجة من الاختبار الأولي والمراجعة كما هو الحال بالنسبة للاستبيان .



- س ١ : ما هو الدور الذي يلعبه الاستبيان في مشروع البحث ؟
- س ٢ : ما هي المكونات الرئيسية للاستبيان ؟
- س ٣ : ما هي القراءات التي يجب أن تسبق مرحلة تصميم الاستبيان ؟
- س ٤ : لماذا يكون بعض المستجوبين غير مستعدين للإجابة على بعض الأسئلة بدقة ؟
- س ٥ : أذكر إيجابيات وسلبيات طريقة الأسئلة المفتوحة المنتهية ؟
- س ٦ : أذكر إيجابيات وسلبيات طريقة الاختيار من متعدد ؟
- س ٧ : أذكر الخطوط الإرشادية التي يجب استخدامها عند تصميم كلمات الأسئلة ؟



## **الفصل التاسع**

**اعداد البيانات**

**Data Processing**





## اعداد البيانات Data Processing

---

ان اهتمام الباحث بعد الحصول على البيانات من خلال طرق جمع البيانات المختلفة يتحول الى تحويل هذه البيانات الى شكل يمكن الشخص الباحث من تحليل البيانات التي تحتوي عليها أداة جمع البيانات . لذلك يتوجب على الشخص الباحث معرفة ما يجب عمله لتحقيق هذه المهمة .

يطلق على الوظائف الضرورية لاعداد أشكال جمع البيانات الأولية بالأدوات لغايات اعداد هذا الفصل .

### - بعض المبادئ الأساسية

ان المهمة الأساسية من اعداد البيانات هو تحويل البيانات الأولية في أداة جمع البيانات الى شكل قابل للقراءة بالنسبة لجهاز الحاسوب . وبعد ذلك نستطيع استخدام اجراءات تحليل البيانات لاستخراج معلومات من البيانات . ولكن قبل أن نبين كيفية عمل ذلك، فان هناك بعض المبادئ التي نحن بحاجة الى تفهمها .

### أ - الحالة Case

تشير الحالة الى وحدة التحليل المخصصة بالنسبة للدراسة . وغالباً ما تشير وحدة التحليل الى الشخص المستجوب . لذلك يعتبر كل فرد من الأفراد المستجوبين كحالة، ومجموع عدد الحالات يساوي عدد أفراد العينة .

## ب- بطاقة الحاسوب The Computer Card

يجب على الشخص الباحث القيام بتحويل البيانات المزودة من أداة البحث الى شكل مقروء لجهاز الحاسوب، وتعتبر بطاقة الحاسوب أفضل وسيلة يمكن استخدامها لهذا الغرض.

## ج- صندوق البيانات Data Deck

يتكون صندوق الحاسوب من جميع بطاقات الحاسوب الضرورية لتمثيل البيانات الموجودة في الاستبيانات. مثال : اذا كان الاستبيان الواحد يحتاج الى بطاقتي حاسوب لتمثيل البيانات الموجودة فيه وكان حجم عينة الدراسة هو ٥٠٠ شخص، فاننا سوف نحتاج الى  $2 \times 500 = 1000$  بطاقة لصندوق البيانات. ان البيانات الموجودة في صندوق البيانات هي التي يتم ادخالها الى جهاز الحاسوب.

## د - مخزن البيانات Data Storage

بعد ادخال البيانات الى جهاز الحاسوب، فان الباحث سوف يقوم بتخزين البيانات الموجودة في صندوق البيانات اما في ذاكرة الحاسوب أو على شريط الحاسوب. وبعد تخزين البيانات فلا يوجد هناك أي مشكلة فيما لو فقد الباحث صندوق البيانات. كما ان استخدام البيانات المخزنة بالنسبة لجهاز الحاسوب في عمليات التحليل اللاحقة يكون أسهل.

## هـ- مصفوفة البيانات Data Matrix

يمكن التفكير في البيانات المخزنة اما في ذاكرة الحاسوب أو على شريط الحاسوب كمصفوفة بيانات ( انظر الشكل ٩ - ١ ). فكل صف في المصفوفة يمثل حالة، وكل عمود يمثل متغير، لاحظ ان عدد الصفوف بالمصفوفة يساوي عدد الحالات (ن) كما ان

عدد الأعمدة يساوي عدد المتغيرات (م). لذلك حجم مصفوفة البيانات هو  $n \times m$ . ان البيانات الممثلة في مصفوفة العينة هي قيم ذات علاقة بثلاثة متغيرات لمجموعة محددة من الحالات، وهذه المتغيرات هي المستوى الجامعي وعلامة أساليب البحث العلمي وعدد أفراد الأسرة. لاحظ ان كل متغير ومهما كان عدد الخانات التي يتطلبها يأخذ عمود واحد فقط من مصفوفة البيانات. ان عدد الحالات والمتغيرات في مصفوفة البيانات يتحدد بسعة الحاسوب. انه من الطبيعي في الحياة العملية أن نشاهد مصفوفة بيانات ذات حجم  $2000 \times 200$  أو أكثر. ان البيانات التي يستخدمها جهاز الحاسوب في التحليل هي بيانات مصفوفة البيانات.

وبعد التعريف بهذه المصطلحات الأساسية، فأننا سوف نقوم الآن بدراسة كل خطوة من خطوات اعداد البيانات.

#### **- خطوات اعداد البيانات Data Processing Flow -**

يتطلب اعداد البيانات اتباع الخطوات التالية :

- ( ١ ) تحديد أداة جمع البيانات .
- ( ٢ ) التدقيق .
- ( ٣ ) الترميز .
- ( ٤ ) تحويل صندوق البيانات الى شكل مقروء بالنسبة لجهاز الحاسوب .
- ( ٥ ) تخزين صندوق البيانات اما في ذاكرة الحاسوب أو على شريط حاسوب .

### شكل ( ١.٩ )

مبدأ مصفوفة البيانات

| المتغيرات من ١ ← م |    |       |   |   |                     |
|--------------------|----|-------|---|---|---------------------|
| عدد الأعمدة        |    |       |   |   |                     |
| ١                  | ٢  | ..... | م |   |                     |
| ٢                  | ٨٠ |       | ٢ | ١ | الحالات<br>من ١ ← N |
| ٤                  | ٧٥ |       | ٤ | ٢ |                     |
| ٣                  | ٦٠ |       | ٢ | ٣ |                     |
| ٨                  | ٩٠ |       | ٣ | ٤ |                     |
|                    |    |       |   | ٠ |                     |
|                    |    |       |   | ٠ |                     |
| ٥                  | ٥٠ |       | ١ | N |                     |

المتغير رقم ١ = المستوى الجامعي ( ١ = سنة أولى ، ... ، ع = سنة رابعة ) .

المتغير رقم ٢ = علامة أساليب البحث ( من ١٠٠ ) .

المتغير رقم ٣ = عدد أفراد الأسرة .

#### ١ - تحديد أداة جمع البيانات Identification of Acceptable Instruments

يتوجب على الشخص الباحث تقييم جميع أدوات جمع البيانات ومن ثم اختيار أكثر الأدوات قبولاً للاستخدام في الدراسة. وتختلف معايير مقارنة أدوات جمع البيانات من دراسة إلى أخرى. إن أداة جمع البيانات الأمثل للشخص الباحث هي تلك

الأداة التي نستطيع من خلالها تعديل أي خطأ في أي سؤال من أسئلة الاستبيان ضمن وقت معقول وتكلفة مقبولة.

## ٢ - التدقيق Editing

إن المقصود بالتدقيق هو مراجعة أدوات جمع البيانات لضمان أعلى دقة ووضوح. لذلك فإنه من المهم القيام بعملية التدقيق بشكل مستمر. إذا كانت الدراسة صغيرة فإنه يمكن للشخص الباحث القيام بوظيفة التدقيق بنفسه. أما إذا كانت الدراسة كبيرة فإن وظيفة التدقيق قد تحتاج إلى عدة مدققين. وعند القيام بعملية التدقيق، يجب الاهتمام بما يلي :

### أ - الوضوح Clearness

يجب أن تكون البيانات واضحة حتى يتمكن الباحث من ترميزها بشكل مناسب لاحقاً. في بعض الأحيان يمكن تصحيح بعض الإجابات غير الواضحة عن طريق الاتصال مع الشخص الذي قام بتسجيل الإجابة، أما في بعض الأحيان الأخرى فيمكن تصحيح الإجابة بناءً على الأجزاء الأخرى من أداة جمع البيانات. فإذا لم يتوفر إجابة واضحة ودقيقة لأحد الأسئلة فيجب الإشارة إلى الإجابة كبيانات ناقصة. بمعنى آخر، يجب على المدقق أن يزيل الغموض من البيانات المسجلة حتى يتمكن الشخص الذي سوف يقوم بعملية الترميز من معرفة ما سوف يقوم به بالتحديد.

### ب - الكمال في الإجابة Completeness

يمكن معالجة الأسئلة التي لا تحتوي على إجابة بإحدى الطرق التالية :

( ١ ) يمكن للشخص المدقق الاتصال مع الشخص المقابل أو الباحث لتحديد ما إذا تم نسيان الإجابة على السؤال من قبل الشخص المستجوب. أو أن الشخص المقابل قد غفل عن تدوين الإجابة. إن الخطورة في عمل ذلك هو عدم مقدرة الشخص المقابل في تذكر المقابلة المعنية بالتحديد.

( ٢ ) تصنيف تلك البيانات كبيانات مفقودة.

( ٣ ) اذا تبين للمدقق فقدان كثير من البيانات فيجب اعادة جمع البيانات مرة أخرى بنفس الأداة أو استبدالها بأداة أخرى .

#### جـ- الدقة Accuracy

يجب على الشخص المدقق أن يكون يقظاً لأي دليل من أدلة عدم دقة البيانات . وأهم شيء يجب أن يتنبه له المدقق هنا هو احتمال تحيز أو غش الشخص المقابل . ويمكن للمدقق من ملاحظة ذلك النشاط من خلال نمط الاجابات في أداة جمع البيانات لبعض المقابلات .

#### د- توضيح الاجابات Response Clarification

تكون الاجابات للأسئلة المفتوحة المغلقة صعبة التفسير بوضوح بالنسبة للمدقق اما بسبب استخدام الاختصارات بشكل كبير أو وجود بعض الكلمات الغامضة . فإما أن يعين المدقق معنى لتلك الاجابة أو يقوم بسؤال الشخص المقابل عن معنى تلك الاجابة . ولكن احتمال خطر الوقوع بالخطأ عالي في كلا الحالتين . ولكن الدراسة الميدانية الجيدة تمنع من ظهور كثير من المشاكل .

كما ان بعض الصعوبات تتحقق عند الاجابة على الاسئلة بطريقة تختلف عن تعليمات أداة جمع البيانات . وغالباً ما تحدث هذه الأخطاء بطريقة المقابلة البريدية . فعلى سبيل المثال : اذا تم الطلب من الشخص المستجوب اختيار رقم واحد على ميزان مقياس خماسي وقام باختيار رقمين هما ٣ و ٤ ، فأي الاجابة هي المقصودة بالنسبة للشخص المستجوب ، وهل يقصد الشخص المستجوب اختيار الاجابة ٣.٥ . لهذا يجب أن يقرّر الباحث اما أن يختار أحد الاجابتين ٣ أو ٤ أو يقوم بتسجيل تلك النوع من البيانات كبيانات مفقودة .

### ٣- الترميز Coding

يتضمن الترميز تعيين رقم لكل عمود من أعمدة بطاقة الحاسوب لتمثيل الاجابات في أداة جمع البيانات . وغالباً ما تتم عملية الترميز في طريقة المقابلة البريدية قبل تنفيذ العمل الميداني . فعلى سبيل المثال يمكن ترميز اجابات السؤال الذي يهتم بالجنس كما يلي :

الجنس ١ - ذكر .

٢ - أنثى .

ان الارقام الموجودة على جهة اليمين تشير الى موضوع الترميز . فالرقم ( ١ ) يعني ان جنس المستجوب هو ذكر والرقم ( ٢ ) يعني ان جنس المستجوب هو أنثى . ان عملية الترميز بالنسبة للأسئلة المفتوحة المغلقة سواء كانت في المقابلة البريدية أو الهاتفية أو الشخصية تكون أكثر صعوبة مقارنة مع الأسئلة ذات الاختيار من متعدد . ان الشخص المقابل هو الشخص الذي يقوم بتسجيل الاجابات الحرفية لمجموعة الأشخاص المستجوبين . فكيف يتم تحويل مثل هذا النوع من البيانات الى شكل مقروء . يوجد هناك طريقتين لحل هذه المشكلة . تتمثل الطريقة الاولى في اعداد طريقة مناسبة للترميز قبل الانتهاء من الدراسة الميدانية . وحتى يتمكن الشخص الباحث من القيام بذلك فانه لا بد من وجود نتائج دراسات سابقة بحيث تعمل كدليل عند القيام بعملية الترميز . لذلك فان المهمة الرئيسية للشخص الباحث هي تدريب مجموعة الأشخاص الذين يقومون بعملية الترميز حتى يتمكنوا من تحويل الاجابات الشفهية الى شكل مقروء بالنسبة لجهاز الحاسوب .

أما بالنسبة للطريقة الثانية فهي انتظار حتى عودة أدوات جمع البيانات من الدراسة الميدانية قبل اعداد خطة الترقيم أو الترميز . وهنا يقوم الباحث بتدوين ( ٥٠ ) الى ( ١٠٠ ) اجابة لكل سؤال . وبعد ذلك يقوم الشخص الباحث بفحص هذه الاجابات واتخاذ القرار المناسب بالنسبة للتصنيف المناسب لتلخيص البيانات .

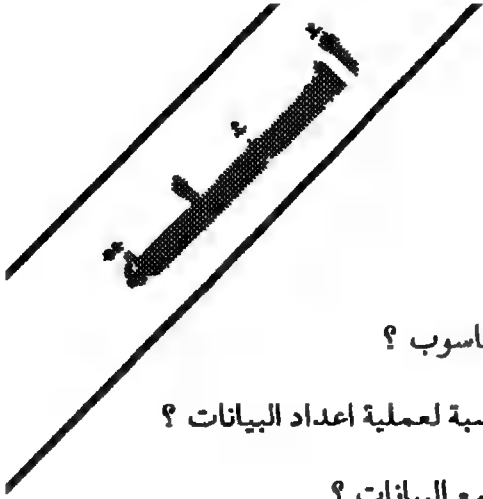
#### ٤ - تحويل البيانات الى شكل مقروء **Convert Data Deck into a Computer Readable Form.**

بعد اجراء عملية الترقيم يجب عرض صندوق البيانات الى جهاز الحاسوب بطريقة يمكن استخدامها من قبل برامج التحليل الحاسوبية. ان معظم البرامج التي يحتاجها الشخص الباحث غالباً ما تكون على شكل رزم احصائية. ان اسم إحدى الرزم الاحصائية هو الرزم الاحصائية للعلوم الاجتماعية ( SPSS ) .

#### ٥ - التخزين **Storing**

بعد اعداد مجموعة من البيانات بصورة كاملة الى شكل مقروء يجب تخزين صندوق البيانات اما في ذاكرة الحاسوب الرئيسية أو في شريط حاسوب. ويفضل حفظ البيانات على شريط حاسوب آخر يحفظ في مكان أمين كنوع من الاحتياط. وبعد ذلك تكون البيانات جاهزة للتحليل.





س ١ : كيف يتم تمثيل أسئلة الاستبيانات في بطاقة الحاسوب ؟

س ٢ : كيف يتم تحديد أدوات جمع البيانات غير المناسبة لعملية اعداد البيانات ؟

س ٣ : ماذا يجب على المدقق عمله عند فحص أداة جمع البيانات ؟

س ٤ : كيف يتم معالجة الاجابات المتعددة ؟



## **الفصل العاشر**

### **تحليل البيانات**

### **Data Analysis**



# تحليل البيانات

## Data Analysis

---

### - مقدمة

بعد تحويل البيانات التي تم تجميعها باستخدام وسائل جمع البيانات المختلفة الى شكل مقروء بالنسبة لجهاز الحاسوب كما تبين في الفصل السابق، يجب أن يتحول الاهتمام عند الشخص الباحث الى تحليل هذه البيانات لاستخلاص المعلومات المطلوبة لموضوع القرار. ان التحليل غير المناسب للبيانات يمكن أن يكون مصدراً خطيراً للأخطاء غير العينية. لذلك ان الهدف الرئيسي من كتابة هذا الفصل هو محاولة تحديد الاستخدام الامثل لكل اختبار تحليلي حتى نتمكن استخلاص المعلومات من البيانات بطريقة صحيحة. وحتى نتمكن من ذلك فانه لا بد من تحديد ظروف استخدام كل اختبار أو كل طريقة مع اعطاء بعض الأمثلة.

يعتقد بعض الباحثين بأن تحليل البيانات هو أهم جانب في البحث الاداري. ولكن المنطق الذي سوف نعتبره هنا هو ان تحليل البيانات الاحصائي المعقد لا يعرض الضعف في تحديد المشكلة أو تصميم الدراسة السيء أو اختيار العينة الخاطيء أو الضعف بالقياس أو اعداد البيانات السيء. ان تحليل البيانات هو أحد النشاطات العديدة التي تحتاجها عملية البحث والتي يجب أن تنفذ بشكل صحيح للحصول على معلومات مناسبة لاتخاذ القرار. لذلك يجب أن تتم عملية التحليل بشكل مناسب أيضاً للتمكن من الحصول على المعلومات المطلوبة لحالة القرار.

ويجب أن نبدأ هذا الفصل بالتمييز ما بين اجراءات تحليل البيانات أحادية وثنائية ومتعددة المتغيرات. وبعد ذلك ننتقل الى التمييز ما بين الاجراءات التي يكون الهدف

من استخدامها هو وصف البيانات والتي يطلق عليها بالاجراءات الاحصائية الوصفية والاجراءات التي يكون الهدف من استخدامها هو استخلاص المعلومات واتخاذ القرارات والتي يطلق عليها بالاجراءات الاحصائية التحليلية أو الاستقرائية. وأخيراً، فإننا سوف نقوم بشرح عدداً من الاختبارات الاحصائية الوصفية والتحليلية.

ولكن قبل البدء بشرح الاجراءات الاحصائية الوصفية أو التحليلية، دعنا نقوم بشرح طرق عرض البيانات.

### - طرق عرض البيانات

ان الطرق المستخدمة في تجميع البيانات في العلوم الادارية تعطي بيانات كثيرة، وهذه البيانات عبارة عن مشاهدات على شكل أرقام، ربما يكون عددها كبير جداً. فإذا تم عرض هذه البيانات بطريقة انشائية، فإنه قد يكون من الصعب استيعابها والمقارنة بين مفرداتها من أجل استخلاص النتائج أو المعلومات المطلوبة منها. لذلك فإنه من الضروري عرض هذه البيانات بطريقة يمكن من خلالها استخلاص المعلومات من البيانات المتوفرة، ومن هذه الطرق :

#### ١ - طريقة الجداول

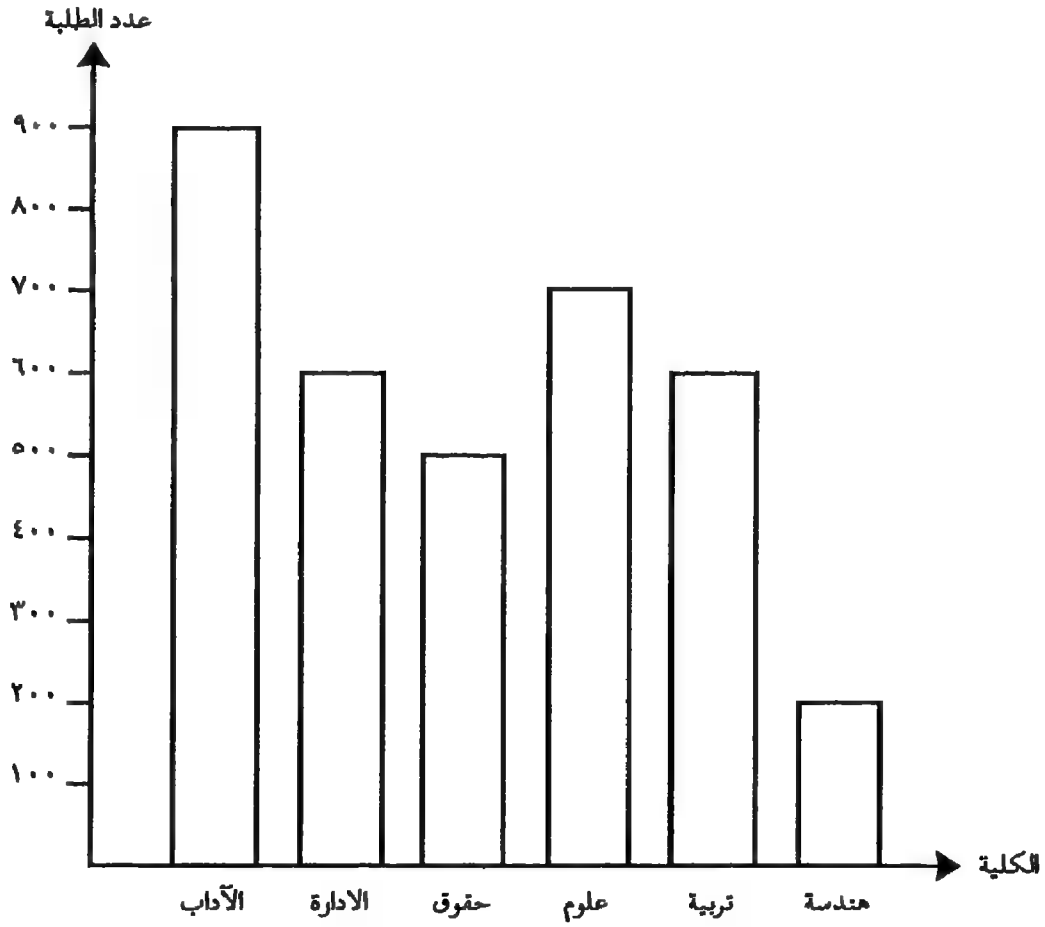
طريقة الجداول عبارة عن وضع البيانات في جدول. وكثير ما تستعمل الجداول في عرض تغير ظاهرة مع مرور الزمن أو مع مسميات كالدول أو الشركات أو كلاهما معاً. فإذا كانت البيانات مثلاً عبارة عن اعداد الطلبة المقبولين في جامعة مؤتة في الفترة ما بين ١٩٨٦ - ١٩٩٠ حسب الكليات مثلاً. فإنه يمكن تمثيل هذه البيانات على شكل جدول كما يلي :

| الكلية            | عدد الطلبة |
|-------------------|------------|
| الآداب            | ٩٠٠        |
| الاقتصاد والادارة | ٦٠٠        |
| الحقوق            | ٥٠٠        |
| العلوم            | ٧٠٠        |
| التربية           | ٦٠٠        |
| الهندسة           | ٢٠٠        |
| المجموع           | ٣٥٠٠ طالب  |

## ٢ - طريقة الأعمدة أو المستطيلات

يتلخص عمل هذه الطريقة بوضع المسميات على محور أفقي أو عمودي ومن ثم رسم مستطيل على كل مسمى بحيث يكون ارتفاع كل مستطيل ممثلاً للقيمة المقابلة لذلك المسمى وذلك باستعمال مقياس رسم مناسب .

وتستخدم هذه الطريقة لغايات المقارنة بين قيم الظواهر حسب الزمن أو المسميات . وكذلك يمكن استخدامها للمقارنة بين قيم الظواهر حسب المسميات على مدى عدة سنوات . لذلك يمكن عرض البيانات الواردة في طريقة الجداول بطريقة الأعمدة وكما يلي :



### ٣ - طريقة الدائرة

أهم استخدامات هذه الطريقة هو لتقسيم الكل الى أجزائه. فإذا أردنا عرض البيانات الواردة في طريقة الجداول بهذه الطريقة، فإننا نمثل مجموع الطلبة بدوائر كاملة ونمثل الطلبة المقبولين في كل كلية بقطاع من الدائرة بحيث يكون قياس زاويته هو :

$$\text{قياس زاوية القطاع} = 360^\circ \times \frac{\text{عدد الطلبة المقبولين في الكلية}}{\text{مجموع الطلبة}}$$



وعليه يكون قياس زاوية قطاع كلية الآداب هو

$$\text{الزاوية} = \frac{900}{3500} \times 360 = 92.58^\circ$$

#### -مراجعة اجراءات تحليل البيانات

ان السؤال الرئيسي الذي يواجه الباحث عند تحليل البيانات هو : « ما هو التحليل الاحصائي المناسب والذي يجب استخدامه في تحليل البيانات ؟ » ان الاجابة على هذا السؤال تتطلب معرفة الحالات التي تواجه الشخص الباحث وبدقة . ويوجد هناك ثلاثة انواع من الاسئلة التي يمكن ان تساعد الباحث في تحديد الاختبار المناسب، وهذه الأسئلة هي :

- ( ١ ) ما هو عدد المتغيرات التي يجب تحليلها في كل مرحلة من مراحل التحليل ؟
- ( ٢ ) هل يريد الباحث وصف البيانات فقط أم استخلاص معلومات من بيانات ؟
- ( ٣ ) ما هو مستوى القياس المستخدم، هل هو اسمي أم ترتيبي أم مقياس فترة ؟

#### \* عدد المتغيرات المراد تحليلها .

ان الجانب الأول والذي يجب توضيحه يعود الى عدد المتغيرات الذي يرغب الشخص الباحث بتحليلها في كل مرحلة من مراحل التحليل . فاذا أراد الشخص الباحث اجراء الاختبار على أساس متغير واحد في كل مرحلة فيسمى هذا بالتحليل احادي المتغير . أما اذا أراد الباحث اختبار متغيرين في كل مرحلة من مراحل التحليل فان هذا يسمى بالتحليل ثنائي المتغير . أما اذا أراد اختبار أكثر من متغيرين في كل مرحلة فان هذا يسمى بالتحليل متعدد المتغيرات .

### \* الاحصاء الوصفي والتحليلي.

ان السؤال الثاني الذي يجب ان يُجاب عليه هو معرفة ما اذا كان الشخص الباحث يهتم بوصف العينة أم عمل استنتاجات عن مجتمع الدراسة الذي تم اختيار العينة منه. فالاحصاء الوصفي هو ذلك الجزء من علم الاحصاء الذي يهتم بتزويد الباحث بمقاييس تلخيصيه للبيانات. فهذه المقاييس تزود الباحث باجابات على النوع التالي من الاسئلة :

( ١ ) ما هو متوسط مثلاً عمر أو دخل عناصر العينة؟

( ٢ ) ما هو التشتت في الاعمار أو الدخل بالعينة؟

( ٣ ) ما هو مستوى العلاقة بين العمر والدخل مثلاً؟

أما بالنسبة للاحصاء الاستقرائي أو التحليلي فهو ذلك النوع من الاحصاء الذي يسمح للشخص الباحث عمل استنتاجات عن مجتمع الدراسة ككل بناءً على نتائج العينة. ان هذا الجزء من الاحصاء يعتمد على النظرية الاحتمالية. كما يزود هذا الجزء من الاحصاء اجابات على الاسئلة من النوع التالي :

( ١ ) هل متوسط عمر المجتمع هو ٢٥ سنة؟

( ٢ ) هل مستوى العلاقة ما بين العمر والدخل بالنسبة لمجتمع الدراسة أكبر من الصفر؟

( ٣ ) هل متوسط عمر العينة يساوي متوسط عمر المجتمع؟

ان كلا النوعين من الاحصاء سواء كان الوصفي أم الاستقرائي له تطبيقات مهمة في الأبحاث الادارية. لذلك يتوجب على الشخص الاداري الباحث معرفة نوع الاختبار التحليلي ذو الاهتمام.

### \* مستوى القياس.

ان السؤال الثالث الذي يريد الاجابة هو معرفة نوع المقياس بالنسبة للمتغيرات

المراد تحليلها، فهل تمّ قياسها على مقياس اسمي أم ترتيبي أم مقياس ذو فترة.  
 فإذا تمكن الشخص الباحث من معرفة عدد المتغيرات المراد تحليلها في كل مرحلة  
 من مراحل التحليل والاهتمام بالاحصاء الوصفي أم التحليلي وميزان القياس للمتغيرات،  
 فهذا يعني انه في وضع يمكنه من اختيار الاختبار الاحصائي المناسب.

### - الاحصاء الوصفي Descriptive Statistics

يهدف الاحصاء الوصفي الى تزويد مقاييس تلخيصية للبيانات المتوفرة عن  
 عناصر العينة. وغالباً ما يهتم الشخص الباحث بمقاييس النزعة المركزية ومقاييس  
 التشتت من بين مجموعة المقاييس التلخيصية.

### ١ ) مقاييس النزعة المركزية Measures of Central Tendency

يوجد هناك ثلاثة أنواع من مقاييس النزعة المركزية التي غالباً ما تستخدم في  
 الأبحاث الادارية. وهذه المقاييس هي : الوسط والوسيط والمنوال.

#### ١ - الوسط الحسابي The Mean

يعتبر الوسط الحسابي مقياساً مناسباً من مقاييس النزعة المركزية بالنسبة للأبحاث  
 الادارية خاصة اذا كان مقياس البيانات هو مقياس فئوي. والوسط الحسابي هو عبارة عن  
 مجموع المشاهدات مقسوماً على حجم العينة. وعليه فان العلاقة الرياضية للوسط هي :

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n}$$

مثال : أوجد الوسط الحسابي للمشاهدات التالية ٣، ٤، ٥، ٦، ٧ ؟

$$\bar{X} = [ ( ٣ + ٤ + ٥ + ٦ + ٧ ) / ٥ ] = ٥$$

كما يمكن إيجاد الوسط الحسابي من الجداول الاحصائية وذلك عن طريق استخدام المعادلة التالية :

$$\bar{X} = \frac{\sum_{r=1}^C S_r X_r}{N}$$

$S_r$  = مركز الفئة  $r$

$T_r$  = تكرار الفئة  $r$

$C$  = عدد الفئات .

مثال : أوجد الوسط الحسابي للبيانات المجمعة في الجدول التالي

| الفئات  | التكرار<br>$T_r$ | مركز الفئة<br>$S_r$ | $S_r X_r$ |
|---------|------------------|---------------------|-----------|
| ٣٩-٣٧   | ٧                | ٣٨                  | ٢٧٦       |
| ٤٢-٤٠   | ٢                | ٤١                  | ٨٢        |
| ٤٥-٤٣   | ٤                | ٤٤                  | ١٧٦       |
| ٤٨-٤٦   | ٢                | ٤٧                  | ٩٤        |
| المجموع | ١٥               |                     | ٦٢٨       |

$$\bar{X} = \left( \sum S_r T_r \right) / \sum T_r$$

$$= ٦٢٨ / ١٥$$

$$= ٤١٫٨٧$$

## ٢ - الوسيط The Median

الوسيط هو القيمة التي تتوسط مجموعة من البيانات بعد ترتيبها اما تصاعدي أو تنازلي. فاذا كان عدد البيانات فردياً فإن هناك قيمة وحيدة تتوسط البيانات ويطلق عليها اسم الوسيط وتكون رتبة هذه القيمة هي  $[ (ن + ١) / ٢ ]$ . أما اذا كان عدد البيانات زوجياً فإن هناك قيمتان تتوسطان البيانات وتكون رتب هاتين القيمتين هما  $(ن/٢ و (ن/٢ + ١)$  ويكون الوسيط هو الوسط الحسابي لتلك القيمتين. ويعتبر مقياس الوسيط مقياساً مناسباً اذا كان مقياس البيانات ترتيبياً أو مثوي.

ولايجاد الوسيط من الجداول التكرارية، فإنه لا بد من ايجاد الفئة الوسيطة. والفئة الوسيطة هي أول فئة يزيد تكرارها التراكمي عن  $ن/٢$  أو يساويها حيث  $ن$  هو مجموع التكرارات. وبعد ذلك نجد طول الفئة والحد الأدنى الفعلي للفئة الوسيطة وتكرار الفئة الوسيطة والتكرار المتراكم للفئة قبل الوسيطة. والعلاقة الرياضية التي تستخدم لايجاد الوسيط هي :

$$\text{الوسيط} = 1 = \left( \frac{ن - ١}{ن} \right) \times ط$$

حيث ان  $1 =$  الحد الأدنى الفعلي للفئة الوسيطة.

$ن =$  مجموع التكرارات.

$ن - ١ =$  التكرار التراكمي للفئة قبل الوسيطة.

$ط =$  التكرار العادي للفئة الوسيطة.

$ط =$  طول الفئة.

مثال : اذا كان الجدول التالي يمثل التوزيع التكراري لنسب الربح لعشرون مؤسسة في

سنة ١٩٩٥ م. فأوجد الوسيط

| نسبة الربح | عدد المؤسسات | التكرار التراكمي | الحد الفعلي الأدنى |
|------------|--------------|------------------|--------------------|
| ١١-٨       | ٧            | ٧                | ٧ر٥                |
| ١٥-١٢      | ٨            | ١٥               | ١١ر٥               |
| ١٩-١٦      | ٣            | ١٨               | ١٥ر٥               |
| ٢٣-٢٠      | ١            | ١٨               | ١٩ر٥               |
| ٢٧-٢٤      | ١            | ١٩               | ٢٣ر٥               |
| المجموع    | ٢٠           |                  |                    |

الحل : لايجاد الوسيط لا بد أولاً من ايجاد التكرار التراكمي والحدود الفعلية الدنيا للفتات ومن ثم نجد الفئة الوسيطة والتكرار التراكمي للفئة قبل الوسيطة وطول الفئة والتكرار العادي للفئة الوسيطة ومن ثم نقوم بالتعويض بالعلاقة الرياضية كما يلي :

$$ن = ٢٠ ، طول الفئة (ط) = ٥$$

$$١٠ = \frac{٢٠}{٢} = \frac{ن}{٢}$$

∴ الفئة الوسيطة هي الفئة (١٢ - ١٥)

تكرار الفئة الوسيطة العادي (ت) = ٨

الحد الفعلي الأدنى للفئة الوسيطة (أ) = ١١ر٥

التكرار التراكمي للفئة قبل الوسيطة (ن) = ٧

$$\begin{aligned} \therefore \text{الوسيط} &= ١١٥ + \frac{٧ - ١٠}{٨} \times ٤ \\ &= ١١٥ + (٨/٣) \times ٤ \\ &= ١١٥ + ١٠ \\ &= ١٢٣ \end{aligned}$$

### - استخدامات الوسط والوسيط

يعتبر كل من الوسط والوسيط مقياسين مهمة ومفيدة من مقياس النزعة المركزية. وفي بعض الحالات يكون مقياس الوسط أفضل من مقياس الوسيط، وفي بعض الحالات الأخرى يكون العكس هو الصحيح. وتعتبر العوامل التالية من أهم المعايير المستخدمة في تحديد أي الاختبارات يجب أن يُستخدم.

#### ١ - الحساسية للبيانات المتطرفة :

غالباً ما يعتبر الوسيط أفضل من الوسط إذا كان الوسط يتأثر بشكل كبير بالبيانات المتطرفة. مثال : أوجد الوسط الحسابي للقيم التالية ٢، ٣، ٣، ٤، ٣٨.

$$\begin{aligned} \text{الوسط الحسابي} &= (٢ + ٣ + ٣ + ٤ + ٣٨) / ٥ \\ &= ٥٠ / ٥ \\ &= ١٠ \end{aligned}$$

لذلك لا يعتبر الوسط الحسابي مقياساً مناسباً لوصف هذه البيانات. ان المقياس الأفضل قد يكون الوسيط والذي في مثالنا الحالي يساوي (٣). ان تأثير الوسيط بالبيانات المتطرفة يكون أقل مقارنة بالوسط والذي بدوره أدى الى زيادة الوسط الحسابي بشكل ملحوظ.

## ب - الفئات المقفلة والمفتوحة

إذا كان المطلوب وصف المشاهدات الواقعة في فئة مفتوحة، فإنه قد يكون من الأفضل استخدام الوسيط لعدم وجود بديل لأن الوسيط الحسابي يتطلب معرفة مجموع المشاهدات وعددها. والعكس قد يكون صحيحاً بالنسبة للفئات المقفلة.

## ج - الملائمة الرياضية

يعتبر الوسيط الحسابي من أكثر مقاييس النزعة المركزية ملائمة لامتلاكها خصائص رياضية يفتقر لها مقياس الوسيط. فعلى سبيل المثال الوسيط الحسابي لمجتمعين مختلفين أو عينتين مختلفتين هو الوسيط الحسابي للوسطين. بينما لا يمكن تحديد الوسيط لمجتمعين أو عينتين مختلفتين معاً إذا كان الوسيط معروفاً لكل مجتمع أو عينة.

## د - مدى الانحراف العيني

غالباً ما تستخدم المقاييس الاحصائية مثل الوسيط والوسيط لتقدير الوسيط للمجتمع. ان السبب الرئيسي لتفضيل الوسيط على الوسيط هو ان الوسيط الحسابي غالباً ما يبدو أكثر ثقة في تقدير الوسيط الحسابي للمجتمع مقارنة مع الوسيط. بمعنى آخر، ان احتمال ان يكون الوسيط الحسابي للعينة أكثر بعداً عن الوسيط الحسابي للمجتمع هو أقل مقارنة مع الوسيط.

## ٣ - المنوال The Mode

ان أحد المقاييس الأخرى المستخدمة من مقاييس النزعة المركزية هو المنوال. ويعرف المنوال للمشاهدات على أنه المشاهدات الأكثر تكراراً من بين مجموعة من المشاهدات. أما بالنسبة للمنوال للجداول التكرارية فهو مركز الفئة الأكثر تكراراً.



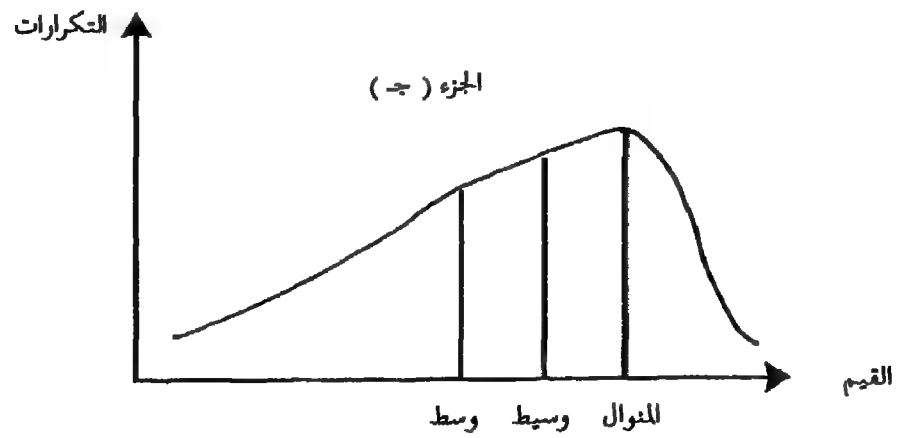
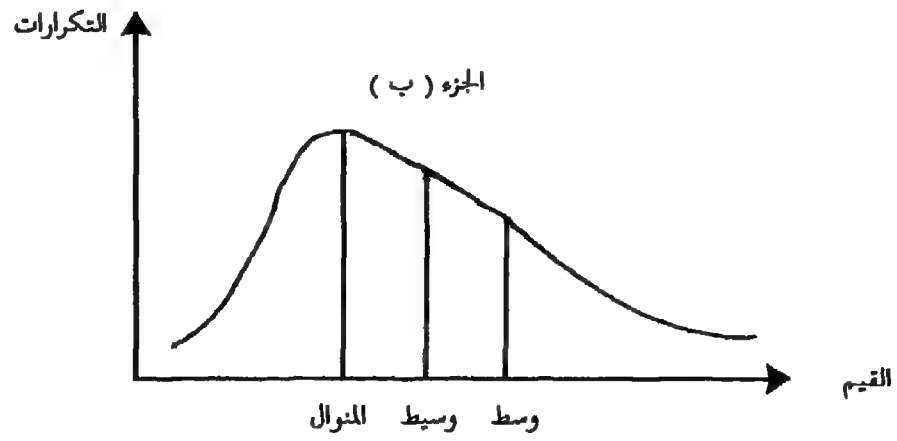
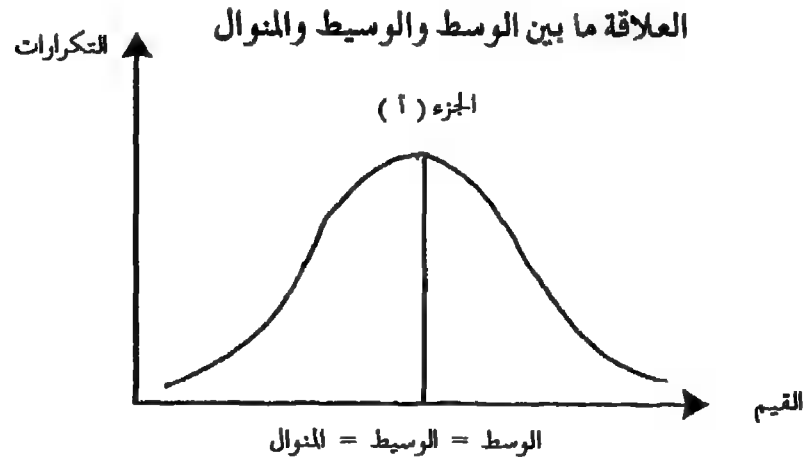
## - العلاقة ما بين الوسط والوسيط والمنوال

بعد شرح المقاييس الثلاثة الرئيسية (الوسط، الوسيط، المنوال) من مقاييس لنزعة المركزية، فإنه لا بد من وصف العلاقة ما بين هذه المقاييس المختلفة. فإذا كان التوزيع التكراري لمجموعة من البيانات له منوال واحد ومتماثل كما في الجزء أ من الشكل ( ١٠ - ١ ) فإن الوسط يساوي الوسيط ويساوي المنوال. والمقصود بالتوزيع المتماثل هو التوزيع الذي يكون فيه الجهة الواقعة على يمين الوسط مطابقة تماماً للجهة الواقعة على يسار الوسط.

إن معظم التوزيعات التكرارية هي توزيعات تكرارية غير متماثلة، وهذه التوزيعات إما أن تكون مائلة إلى جهة اليمين كما في الجزء ب من الشكل ( ١٠ - ١ ) أو مائلة إلى جهة اليسار كما في الجزء ج من الشكل ( ١٠ - ١ ). فالتوزيع التكراري المائل إلى جهة اليمين يكون له ذيل طويل في جهة اليمين، أما التوزيع التكراري المائل إلى جهة اليسار يكون له ذيل طويل في جهة اليسار.

وكما يظهر في الشكل ( ١٠ - ١ )، إذا كان التوزيع التكراري مائل إلى جهة اليمين فإنه غالباً ما يكون الوسط أكبر من الوسيط وأكبر من المنوال. أما إذا كان التوزيع التكراري مائل إلى جهة اليسار فإنه غالباً ما يكون المنوال أكبر من الوسيط وأكبر من الوسط.

### شكل ( ١٠ - ١ )



## ب) مقاييس التشتت Measures of Dispersion

ان مقاييس النزعة المركزية لا تستطيع تزويد الباحث بالمعلومات الكافية لفهم التوزيع المراد اختياره بشكل كامل. فعلى سبيل المثال الأرقام ١٠، ١٥، ٢٠ والأرقام ٥، ١٠، ٣٠ لها نفس الوسط الحسابي (١٥). ان هذا يعني وبوضوح ان الوسط الحسابي وحده لا يكون كافياً للحصول على وصف جيد للبيانات. لذلك فانه لا بد من الاهتمام بمدى انتشار التوزيع. بمعنى آخر فانه لا بد من الحاجة الى مقياس يستطيع قياس انتشار التوزيع بالنسبة للمتغير. ويطلق على هذا النوع من المقاييس بمقاييس التشتت. ومن هذه المقاييس :

### ١ - المدى Range

يعرّف المدى للبيانات على انه الفرق ما بين أعلى قيمة وأصغر قيمة. فاذا كان المدى صغيراً فاننا نستنتج بان البيانات محصورة في مسافة قصيرة، واذا كان المدى كبيراً فان هذا يعني ان البيانات تقع ضمن مسافة كبيرة.

ويعرّف المدى للبيانات المجموعة او التوزيعات المركزية على انه الفرق ما بين الحد الأعلى للفقعة العليا والحد الأدنى للفقعة الدنيا. ومن تعريف المدى، يتبين لنا انه لا يعتمد على جميع البيانات ولكن يعتمد على اكبر قيمة وأدنى قيمة فقط. وهذا ما يقلل من أهمية المدى خاصة اذا كانت القيمتين المتطرفتين (أكبر قيمة وأدنى قيمة) قيمتان شاذتان، ففي هذه الحالة يكون المدى كبيراً بينما مفردات البيانات ليست متباعدة عن بعضهما البعض.

مثال : اذا كانت علامات طلاب مادة أساليب البحث العلمي كما يلي :

١٠٠، ٧١، ٧٢، ٦٥، ٦٠، ٧٠، ٦٨، ٦٥، ٦٦، ٢٠

فان المدى = ١٠٠ - ٢٠ = ٨٠

بينما معظم العلاقات واقعة ما بين ٧٢ و ٦٠ ، أي ان العلامات متقاربة جداً بينما المدى يظهر عكس ذلك .

## ٢ - الانحراف المتوسط The Mean Deviation

ان أحد مقاييس التشتت التي تخطر على البال هو مجموع انحرافات البيانات عن وسطها الحسابي  $\sum (s_r - \bar{s})$  . ولكن هذا المجموع يساوي دائماً صفرًا لأن مجموع الانحرافات الموجبة عن الوسط الحسابي يساوي مجموع الانحرافات السالبة . لذلك لا بد من التخلص من الإشارة السالبة حتى نحصل على مقياس ذي معنى . ان إحدى الطرق المستخدمة في التخلص من الإشارة السالبة هي عن طريق أخذ القيمة المطلقة ( Absolute Value ) والتي تعرف بالمعادلة :

$$\left. \begin{array}{l} s \leq 0 \\ s > 0 \end{array} \right\} = |s|$$

وباستخدام القيمة المطلقة نحصل على تعريف الانحراف المتوسط وكما يلي :

$$\text{الانحراف المتوسط} = \frac{\sum_{r=1}^n |s_r - \bar{s}|}{n}$$

حيث ان  $\bar{s}$  هو الوسط الحسابي للبيانات .

مثال : أوجد الانحراف المتوسط للبيانات ٧ ، ٩ ، ٤ ، ٥ ، ٨ ، ١٠ ، ٧ ، ٦ .

الحل : أولاً نجد الوسط الحسابي  $\bar{s}$

$$\bar{s} = \sum s_r / n$$

$$\bar{س} = (٧ + ٩ + ٤ + ٥ + ٨ + ١٠ + ٧ + ٦) / ٨$$

$$\bar{س} = ٥٦ / ٨$$

$$\bar{س} = ٧$$

$$\text{اذن الانحراف المتوسط} = \frac{\sum |س_r - \bar{س}|}{ن}$$

$$= \frac{|٧-٦| + |٧-٧| + |٧-١٠| + |٧-٨| + |٧-٥| + |٧-٤| + |٧-٩| + |٧-٧|}{٨}$$

$$= \frac{١ + ٠ + ٣ + ١ + ٢ + ٣ + ٢ + ٠}{٨}$$

$$= \frac{١٢}{٨}$$

$$= ١.٥$$

اما في حالة التوزيعات التكرارية فاننا نستخدم التعريف التالي للانحراف المتوسط

$$\text{الانحراف المتوسط} = \frac{\sum |س_r - \bar{س}| \times ت_r}{ن}$$

حيث ان :  $\bar{س}$  الوسط الحسابي

$ت_r$  التكرار

$ن$  مجموع التكرارات

مثال : احسب الانحراف المتوسط للتوزيع التكراري في الجدول التالي :

| س <sub>ر</sub> | ت <sub>ر</sub> |
|----------------|----------------|
| ٣              | ٢              |
| ٧              | ٥              |
| ١١             | ٩              |
| ١٥             | ٧              |
| ١٩             | ٢              |

الحل : نرتب الحسابات في الجدول التالي

| س <sub>ر</sub> | ت <sub>ر</sub> | س <sub>ر</sub> × ت <sub>ر</sub> | س <sub>ر</sub> - س̄ | س <sub>ر</sub> - س̄ | س <sub>ر</sub> - س̄   × ت <sub>ر</sub> |
|----------------|----------------|---------------------------------|---------------------|---------------------|--|
| ٣              | ٢              | ٦                               | ٨٣٢ -               | ٨٣٢                 | ١٦٦٤                                   |
| ٧              | ٥              | ٣٥                              | ٤٣٢ -               | ٤٣٢                 | ٢١٦٠                                   |
| ١١             | ٩              | ٩٩                              | ٣٢ -                | ٣٢                  | ٢٨٨                                    |
| ١٥             | ٧              | ١٠٥                             | ٣٦٨                 | ٣٦٨                 | ٢٥٧٦                                   |
| ١٩             | ٢              | ٣٨                              | ٧٦٨                 | ٧٦٨                 | ١٥٣٦                                   |
| المجموع        | ٢٥             | ٢٨٣                             |                     |                     | ٨٢٢٤                                   |

$$\frac{283}{25} = \text{الوسط الحسابي}$$

$$11.32 =$$

$$\frac{82,24}{25} = \text{أذن الانحراف المتوسط}$$

$$= 3,29$$

يعتمد الانحراف المتوسط على جميع مفردات البيانات وهو سهل التعريف وسهل الحساب الا انه لا يخضع للعمليات الجبرية بسهولة حيث يجب تعديل الاشارة ويجب معرفة المفردات بعينها اذا ما أردنا حساب قيمته . ويتضح هذا من عدم وجود طريقة جبرية لحساب الانحراف المتوسط للمجموعة الناتجة عن دمج مجموعتين من البيانات اذا علم عدد مفردات كل منها ووسطها الحسابي وانحرافها المتوسط . ففهي هذه الحالة يجب معرفة جميع المفردات لنتمكن من حساب انحرافها المتوسط .

### ٣ - الانحراف المعياري والتباين The Standard Deviation and Variance

ان الطريقة الثانية للتخلص من الاشارة السالبة للانحرافات عن الوسط الحسابي هي بتربيع تلك الانحرافات واستعمالها في حساب التباين والذي جذره التربيعي يساوي الانحراف المعياري . وعلى الرغم من استخدام المدى والانحراف المتوسط لقياس التشتت في بعض الأحيان، الا ان التباين والانحراف المعياري من أكثر المقاييس أهمية في قياس متوسط التشتت . ويرمز لمقياس التباين بالنسبة لمجتمع الدراسة بالرمز  $(\sigma^2)$  والذي يعرف بمجموع مربع الانحرافات بالنسبة للملاحظات عن وسطها . ويعرف رياضياً كما يلي :

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2}{n}$$

أما بالنسبة للتباين بالنسبة للعينة فيرمز له بالرمز ( $S^2$ ) ويعرف رياضياً كما يلي :

$$\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1} = S^2$$

أما بالنسبة للانحراف المعياري بالنسبة للمجتمع الدراسي فهو عبارة عن الجذر التربيعي للتباين وكذلك نفس الشيء بالنسبة للانحراف المعياري بالنسبة للعينة . وعليه يكون الانحراف المعياري لمجتمع الدراسة كما يلي :

$$\sqrt{\frac{\sum (x_i - \mu)^2}{n}} = \sigma$$

بينما الانحراف المعياري بالنسبة للعينة فيعرف كما يلي :

$$\sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}} = S$$

مثال : أوجد الانحراف المعياري للملاحظات التالية :

١٩٥، ١٦٨، ١٦٦، ١٢٣، ١٨٧، ١٨، ١٨٤، ١٩٣، ٢٥٢، ١٦،  
١٩٢، ٢١٥، ٩٣، ١٨، ١٦٦، ٣٢٦، ٢٠١، ١٤١، ٢٠٥، ١٦٨،  
١٣٧.

الحل : نرتب الحسابات في الجدول التالي



| س ر   | س ر - س | (س ر - س) ۲ |
|-------|---------|-------------|
| ۱۹ر۵  | ۱ر۲۵    | ۱۵۶۲۵       |
| ۱۶ر۸  | ۱ر۴۵ -  | ۲۱۰۲۵       |
| ۱۶ر۶  | ۱ر۶۵ -  | ۲۷۲۲۵       |
| ۱۲ر۳  | ۵ر۹۵ -  | ۳۵۴۰۲۵      |
| ۱۸ر۷  | ر۴۵     | ۰۲۰۲۵       |
| ۱۸    | ر۲۵ -   | ۰۰۶۲۵       |
| ۱۸ر۴  | ر۱۵     | ۰۰۲۲۵       |
| ۱۹ر۳  | ۱ر۰۵    | ۱۱۰۲۵       |
| ۲۵ر۲  | ۶ر۹۵    | ۴۸۳۰۲۵      |
| ۱۶    | ۲ر۲۵ -  | ۵۰۶۲۵       |
| ۱۹ر۲  | ر۹۵     | ۰۹۰۲۵       |
| ۲۱ر۵  | ۳ر۲۵    | ۱۰۵۶۲۵      |
| ۹ر۳   | ۸ر۹۵ -  | ۸۰۱۰۲۵      |
| ۱۸    | ر۲۵ -   | ۰۰۶۲۵       |
| ۱۶ر۶  | ۱ر۶۵ -  | ۲۷۲۲۵       |
| ۳۲ر۶  | ۱۴ر۳۵   | ۲۰۵۹۲۲۵     |
| ۲۰ر۱  | ۱ر۸۵    | ۳۴۲۲۵       |
| ۱۴ر۱  | ۴ر۱۵ -  | ۱۷۲۲۲۵      |
| ۲۰ر۵  | ۲ر۲۵    | ۵۰۶۲۵       |
| ۱۶ر۸  | ۱ر۴۵ -  | ۲۱۰۲۵       |
| ۱۳ر۷  | ۴ر۵۵ -  | ۲۰۷۰۲۵      |
| ۲۸۳ر۲ |         | ۴۴۵۳۳۲۵     |

$$\frac{283,2}{21} = \text{الوسط الحسابي}$$

$$18,25 =$$

$$\sqrt{\frac{\sum (s - \bar{s})^2}{n - 1}} = \text{اذن الانحراف المعياري}$$

$$\sqrt{\frac{4453325}{1 - 21}} = S$$

$$472 = S$$

اما بالنسبة للتوزيعات التكرارية فاننا نستخدم التعاريف الرياضية التالية لحساب الانحراف المعياري بالنسبة لمجتمع الدراسة والعينة.

$$\sqrt{\frac{\sum (s - \mu)^2 \times t_r}{n}} = \sigma$$

$$\sqrt{\frac{\sum (s - \bar{s})^2 \times t_r}{n - 1}} = S \quad \text{اما}$$

مثال : أوجد الانحراف المعياري لنسب الربح للمؤسسات التالية

| عدد المؤسسات | نسبة الربح |
|--------------|------------|
| ٧            | ١١-٨       |
| ٨            | ١٥-١٢      |
| ٣            | ١٩-١٦      |
| ١            | ٢٣-٢٠      |
| ١            | ٢٧-٢٤      |

الحل : نرتب الحسابات في الجدول التالي

| نسبة الربح | عدد المؤسسات<br>ت <sub>ر</sub> | مركز الفئة<br>س <sub>ر</sub> | س <sub>ر</sub> × س <sub>ر</sub> <sup>٢</sup> | (س <sub>ر</sub> - س <sub>ر</sub> <sup>٢</sup> ) | (س <sub>ر</sub> - س <sub>ر</sub> <sup>٢</sup> ) × ت <sub>ر</sub> |
|------------|--------------------------------|------------------------------|--|---|--|
| ١١-٨       | ٧                              | ٩ر٥                          | ٦٦ر٥   | -٤ر٢  | ١٢٣ر٤٨   |
| ١٥-١٢      | ٨                              | ١٣ر٥                         | ١٠٨  | -٢ر٢  | ٣٢ر٢   |
| ١٩-١٦      | ٣                              | ١٧ر٥                         | ٥٢ر٥   | ٣ر٨   | ٤٣ر٣٢  |
| ٢٣-٢٠      | ١                              | ٢١ر٥                         | ٢١ر٥   | ٧ر٨   | ٦٠ر٨٤  |
| ٢٧-٢٤      | ١                              | ٢٥ر٥                         | ٢٥ر٥   | ١١ر٨  | ١٣٩ر٢٤   |
| المجموع    | ٢٠                             |                              | ٢٧٤  |   | ٣٦٧ر٢  |

$$\bar{X} = \frac{274}{20} = 13.7$$

$$S = \sqrt{\frac{3672}{19}}$$

$$S = \sqrt{193.3}$$

$$S = 13.9$$

ويمكن استخدام التعريف التالي للانحراف المعياري للتسهيل

$$S = \sqrt{\frac{\sum (f_j \cdot X_j^2) - \frac{(\sum f_j \cdot X_j)^2}{n}}{n - 1}}$$

ولحل المثال أعلاه باستخدام هذه العلاقة نجد ما يلي :

$$\sum (f_j \cdot X_j^2) = 1 \cdot (205)^2 + 1 \cdot (255)^2 + 7 \cdot (95)^2 + 8 \cdot (135)^2 + 3 \cdot (175)^2 + 1 \cdot (215)^2$$

$$= 41210 + 65025 + 49070 + 91800 + 8575 + 46225 = 274000$$

$$= 274000$$

$$\sum f_j \cdot X_j = 1 \cdot (205) + 1 \cdot (255) + 7 \cdot (95) + 8 \cdot (135) + 3 \cdot (175) + 1 \cdot (215) = 274$$

$$= 274$$

$$= 274$$

اذن الانحراف المعياري هو

$$S = \sqrt{\frac{2(274) \frac{1}{20} - 4121}{1 - 20}}$$

$$S = \sqrt{\frac{3753.8 - 4121}{19}}$$

$$S = \sqrt{\frac{367.2}{19}}$$

$$S = \sqrt{19.33}$$

$$S = 4.4$$

وعليه نلاحظ ان الانحراف المعياري باستخدام كلا المعادلتين كان نفس الشيء .  
ويجب ان تكون جميع الاجابات بالنسبة للمعادلتين متطابقة في جميع المجالات .

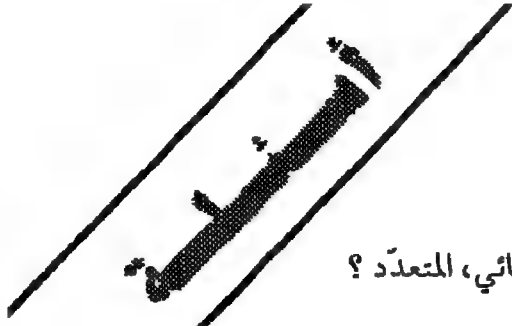
#### - تفسير الانحراف المعياري Interpretation of the Standard Deviation

يعتبر مقياس الانحراف المعياري من اكثر مقاييس التشتت أهمية . فاذا كان التوزيع التكراري للمجتمع مطابقاً لما يدعى بالتوزيع الطبيعي ، فاننا نستطيع معرفة الحالات من المجتمع والتي تقع ضمن انحراف معياري واحد او اثنين او ثلاثة انحرافات معيارية عن وسط المجتمع . وبالتحديد فانه يقع ٦٨.٣٪ من حالات مجتمع الدراسة ما بين  $\pm 1$  انحراف معياري عن الوسط ، و ٩٥.٤٪ من الحالات تقع ما بين  $\pm 2$  انحرافين معيارين عن الوسط . و ٩٩.٧٪ من الحالات تقع ما بين  $\pm 3$  انحرافات معيارية عن الوسط .

لذلك، اذا كنا نعلم ان قطر الانابيب المنتجة في شركة ما مطابقاً لما يدعى بالتوزيع الطبيعي أو التماثل وكان وسطه الحسابي ١٠ سم والانحراف المعياري هو ١ سم، فان هذا يعني ان ٦٨ر٣ من الانابيب المنتجة في هذه الشركة سوف يكون اقطارها واقعة ما بين ٩ سم و ١١ سم، و ٩٥ر٤٪ من الانابيب سوف تكون اقطارها واقعة ما بين ٨ سم و ١٢ سم و ٩٩ر٧٪ من الانابيب سوف تكون اقطارها واقعة ما بين ٧ سم و ١٣ سم.

لذلك تعتبر هذه المعلومات مهمة ومفيدة. فعلى سبيل المثال : اذا كان يجب أن تقع الاقطار للانابيب المنتجة ما بين ٩ سم و ١١ سم لتحقق الشروط، فان هذا يعني ان نسبة الوحدات غير المقبولة هي ٤ر٦٪ .

انه من الضروري ادراك هنا ان هذه النتائج تنطبق على المجتمعات التي يكون توزيعها التكراري توزيعاً طبيعياً. أما اذا كان التوزيع التكراري للمجتمع هو توزيع غير طبيعي، فانه أيضاً يمكن عمل استنتاجات عن نسبة الحالات التي تقع ما بين انحرافات معيارية محددة بناءً على عدم مساواة كبيكيف ( Chebyshev's Inequality ). وللحصول على معلومات اضافية عن هذا الموضوع فانه يمكن الرجوع الى كتب الاحصاء.



س ١ : ما هو المقصود بتحليل البيانات الأحادي، الثنائي، المتعدد ؟

س ٢ : قارن ما بين الاحصاء الوصفي والاحصاء التحليلي ؟

س ٣ : لماذا يكون من المهم وصف مجموعة من البيانات بناءً على مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت ؟

س ٤ : قارن ما بين الطرق المختلفة التي تستخدم في عرض البيانات ؟

س ٥ : اذا كانت البيانات التالية تمثل أعداد الطلبة في جامعة مؤتة الجناح المدني خلال السنوات ١٩٩٠ و ١٩٩٤ .

| السنة | الذكور | الاناث |
|-------|--------|--------|
| ١٩٩٠  | ٦٠٠    | ٤٠٠    |
| ١٩٩١  | ٩٠٠    | ٦٠٠    |
| ١٩٩٢  | ١٣٠٠   | ٧٠٠    |
| ١٩٩٣  | ٢٠٠٠   | ٩٠٠    |
| ١٩٩٤  | ٢٢٠٠   | ١١٠٠   |

المطلوب : عرض البيانات بيانياً باستخدام الطرق المختلفة .

س٦ : اذا كان الجدول التالي يمثل التوزيع التكراري للأجور الأسبوعية لـ ٦٠٠ عامل في شركة ما

| الأجرة الأسبوعية | عدد العمال |
|------------------|------------|
| ٢٠ - ١٦          | ٧          |
| ٢٥ - ٢١          | ١٧         |
| ٣٠ - ٢٦          | ١١٦        |
| ٣٥ - ٣١          | ٢٠٥        |
| ٤٠ - ٣٦          | ١٣٤        |
| ٤٥ - ٤١          | ٦٠         |
| ٥٠ - ٤٦          | ٣٣         |
| ٥٥ - ٥١          | ١٧         |
| ٦٠ - ٥٦          | ١١         |

أوجد ما يلي :

أ - الوسط الحسابي للأجور .

ب - الوسيط .

ج - المنوال .

د - الانحراف المتوسط .

هـ - الانحراف المعياري .

و - المدى .



س٧ : اذا كان لديك البيانات التالية

٩ ، ١٠ ، ٧ ، ١٢ ، ١٥ ، ٤ ، ٨

فاوجد ما يلي : أ- الوسيط.

ب- الانحراف المتوسط.

ج- الانحراف المعياري.

س٨ : اذكر المعايير المستخدمة في تحديد أي المقاييس التي يجب استخدامها من مقاييس النزعة المركزية ؟



## **الفصل الحادي عشر**

### **اختبار الفرضيات**

### **Hypothesis Testing**



# اختبار الفرضيات

## Hypothesis Testing

### مقدمة Introduction

يلجأ الباحثون في كثير من الحالات الى استخدام العينة لمعرفة خصائص مجتمع الدراسة للمساعدة في اتخاذ القرارات بناءً على بيانات العينة. وعلى الرغم من عدم تطابق نتائج العينة الى حد كبير مع نتائج مجتمع الدراسة، الا ان هذا الاجراء يعتبر مقبولاً لمعظم الاحصائيين. لذلك يهتم اختبار الفرضيات بمعرفة ما اذا كان هناك اختلاف هام ما بين نتائج دراسة العينة ومعالم مجتمع الدراسة عن طريق استخدام الاختبارات الاحصائية. وبما ان الاحصائيون غالباً ما يستخدموا اختبار الفرضيات، وان الطرق التي يستخدموها والنتائج التي يحصلوا عليها تلعب دوراً مهماً في الادارة والاقتصاد، فانه من المهم جداً فهم المبادئ والمفاهيم التي يتضمنها اختبار الفرضيات وكيفية تطبيق هذه المفاهيم والمبادئ في حل المشاكل العملية.

والفرضية الاحصائية هي عبارة عن جملة حول مجتمع احصائي أو أكثر من مجتمع بحيث تدور هذه الجملة بالغالب حول معالم المجتمع الاحصائي. فمثلاً يمكن لمعلم أن يضع فرضية حول نسبة الطلبة المتميزين في إحدى الصفوف بقوله ان نسبتهم ١٠٪.

### مفهوم الفرضية الأساسية The Concept of a Null Hypothesis

يبدأ اختبار الفرضيات بجملة تدعى الفرضية الأساسية. والفرضية الأساسية غالباً ما تفترض ان معالم مجتمع الدراسة لها قيمة معينة أو مجموعة من القيم. فعلى سبيل

المثال، قد يرغب شخص ما في اختبار ما إذا كان متوسط عمر طلاب صف ما هو ٢٠ سنة. ان شكل الفرضية الأساسية (ف٠) هو :

$$\text{ف. : } \mu = 20$$

ان الفرضية الأساسية هي الفرضية التي نقوم بتقييمها في اختبار الفرضيات. فالفرضية الأساسية في بعض الحالات يمكن أن ترفض ويتم قبول الفرضية البديلة (ف١)، أو نقوم

بقبول الفرضية الأساسية بعد اجراء الاختبار. وفي هذه الحالة، فاننا لا نستطيع استنتاج ان الفرضية الأساسية هي صالحة انما كل ما يمكن قوله هو عدم وجود دليل لرفض الفرضية الأساسية. إنه من الممكن جداً اثبات عدم صحة الفرضية التي تم قبولها في وقت لاحق بعد تجميع بيانات جديدة عن العينة. انه لمن المهم جداً أن نلاحظ اننا نقوم باختبار قيمة معلمة مجتمع الدراسة بناءً على البيانات المجمعة عن العينة، لذلك فانه من الممكن جداً لقيمة أو قيم العينة أن تختلف عن قيم معالم مجتمع الدراسة بسبب أخطاء العينة. وباختبار التوزيع العيني نستطيع أن نحدد ما اذا كانت قيمة العينة تختلف اختلاف كافٍ عن قيمة الفرضية والذي يحصل بناءً على أخطاء ناتجة عن العينة. فاذا كان الاختلاف أكبر من الخطأ الناتج عن الخطأ العيني، فاننا سوف نقوم برفض الفرضية الأساسية.

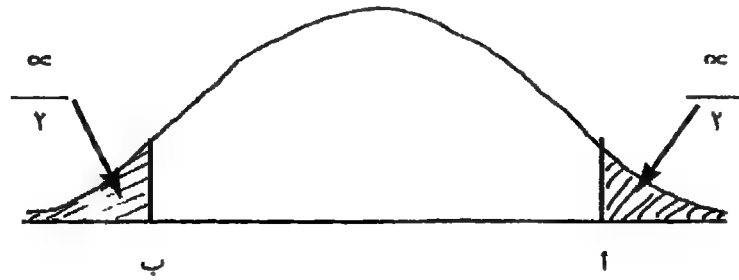
ان وضع الفرضية بالشكل الذي وضعناه أعلاه يتضمن عدد من الفرضيات البديلة. ومن الجدير بالذكر ان الفرضية البديلة (ف١) لها ثلاثة أشكال هي :

$$\text{ف. : } \mu = 20$$

$$\text{ف. : } \mu \neq 20$$

ففي مثل هذه الحالة نقوم برفض الفرضية الأساسية اذا كان متوسط أعمار الطلبة اما أكبر أو أقل من (٢٠) سنة. لهذا فان اهتمام الشخص الباحث يكون حول جهتي

التوزيع بالنسبة للتوزيع العيني لمتوسط الأعمار، وعليه فإننا نقوم بوضع نصف قيمة  $(\infty)$  في كل طرف من طرفي توزيع دالة الاختبار. فإذا مثل الشكل ( ١١ - ١ ) منحني توزيع دالة الاختبار



الشكل ( ١١ - ١ )

فإننا نقوم بإيجاد قيمة كل من ١ و ب بحيث يكون

$$\frac{\infty}{2} = \text{احتمال دالة الاختبار فوق ١} = \text{دالة الاختبار تحت ب}$$

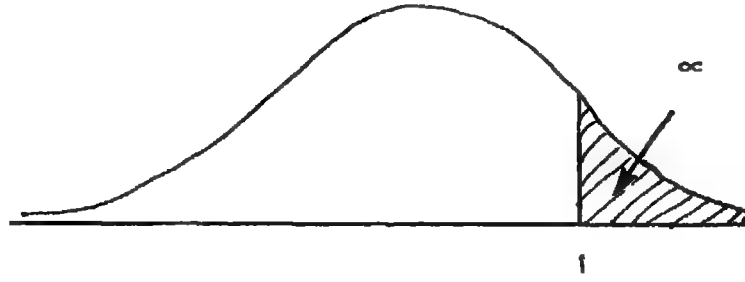
وعليه، فإننا نقوم بقبول الفرضية الأساسية إذا وقعت قيمة الاختبار المحسوبة من العينة ما بين العددين ١ و ب ونرفض الفرضية الأساسية إذا وقعت القيمة المحسوبة للاختبار في المنطقة المضللة والتي تمثل منطقة الرفض. ويطلق على هذا النوع من الاختبارات بالاختبارات ذو الطرفين «Two-Tailed»، لأننا نقوم باختبار نهايتي التوزيع العيني.

## ٢ - الفرضية البديلة ذات الذيل الأعلى مثل

$$H_0: \mu = 20$$

$$H_1: \mu < 20$$

ففي مثل هذه الحالة، فإن اهتمام الباحث يتركز حول الطرف الأعلى من التوزيع العيني لمتوسط الأعمار. وعليه فإن الشخص الباحث يقوم برفض الفرضية الأساسية إذا كان متوسط أعمار الطلبة أكبر من (٢٠) سنة. لذلك، فإن الشخص الباحث في مثل هذه الحالة يقوم بوضع كل قيمة ( $\infty$ ) في الطرف الأعلى من التوزيع العيني للاختبار. فاذا مثل الشكل (١١ - ٢) منحنى توزيع دالة الاختبار.



الشكل ( ١١ - ٢ )

فاننا نقوم بإيجاد قيمة  $\alpha$  بحيث يكون

$$\alpha = \text{احتمال دالة الاختبار فوق } 1$$

وعليه، فاننا نقوم بقبول الفرضية الأساسية إذا كانت القيمة المحسوبة للاختبار اقل من 1، ونرفض الفرضية الأساسية إذا كانت القيمة المحسوبة للاختبار أكبر من 1. ويطلق على هذا النوع من الاختبارات بالاختبارات ذو الطرف الواحد «One-Tailed Test»، لأننا نقوم باختبار التوزيع العيني من جهة واحدة.

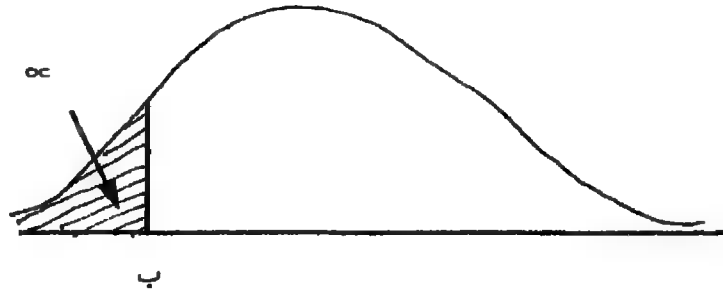


### ٣- الفرضية البديلة ذات البديل الأدنى مثل

$$H_0: \mu = 20$$

$$H_1: \mu > 20$$

ففي مثل هذه الحالة، فإن اهتمام الباحث يتركز حول الطرف الأدنى من التوزيع لمتوسط الأعمار. وعليه فإن الشخص الباحث يقوم برفض الفرضية الأساسية إذا كان متوسط أعمار الطلبة أقل من ( ٢٠ ) سنة. لذلك فإن الشخص الباحث في مثل هذه الحالة يقوم بوضع كل قيمة (  $\infty$  ) في الطرف الأدنى من التوزيع العيني للاختبار. فاذا مثل الشكل ( ١١ - ٣ ) منحنى توزيع دالة الاختبار.



الشكل ( ١١ - ٣ )

فاننا نقوم بإيجاد قيمة ب بحيث يكون

$$\alpha = \text{احتمال دالة الاختبار تحت ب}$$

وعليه، فاننا نقوم بقبول الفرضية الأساسية إذا كانت القيمة المحسوبة للاختبار أكبر من ( ب )، ونرفض الفرضية الأساسية إذا كانت القيمة المحسوبة للاختبار أقل من

(ب) . ويطلق على هذا النوع من الاختبارات بالاختبارات ذو الطرف الواحد «One-Tailde Test» ، لاننا نقوم باختبار التوزيع العيني من جهة واحدة.

### الأخطاء الممكنة Possible Errors

في اختبار الفرضيات، اما أن يقوم صاحب القرار (Decision Maker) بقبول (Accpet) الفرضية الأساسية (ف) أو رفضها (Reject) . إن القرار اما أن يكون صائب أو خاطيء . فاذا كانت الفرضية الأساسية صحيحة وتم قبولها، فإن القرار صحيح . اما اذا كانت الفرضية الأساسية خاطئة وتم قبولها، فإن القرار خاطيء . وعليه فإن رفض الفرضية الأساسية الصحيحة وعدم رفض الفرضية الأساسية الخاطئة يشير الى وقوع خطأ في القرار . ويطلق على هذه الأخطاء بالنوع الاول (Type I) والنوع الثاني (Type II) من الأخطاء على التوالي . كما تسمى هذه الأخطاء أحيانا بخطأ ( $\alpha$ ) وخطأ ( $\beta$ ) على التوالي . والجدول ( ١١ - ١ ) يمثل ملخص لنتائج العينة واحتمالاتها المتوقعة .

### جدول ( ١١ - ١ )

#### ملخص لأخطاء اختبار الفرضيات

| ظروف صحيحة                                      |   | نتائج العينة |
|---|---|--------------|
| ف، خاطئة  | ف صحيحة   |              |
| (١) خطأ من النوع الثاني<br>(٢) الاحتمال $\beta$ | (١) القرار صحيح<br>(٢) الاحتمال $1 - \alpha$    | لا ترفض ف.   |
| (١) القرار صحيح<br>(٢) الاحتمال $1 - \beta$     | (١) خطأ من النوع الاول<br>(٢) الاحتمال $\alpha$ | ارفض ف.      |

## - خطوات اختبار الفرضيات Steps in Hypothesis Testing

ان الخطوات التي سوف نستخدمها في اختبار الفرضيات هي :

- ١ - تشكيل الفرضية الأساسية والبديلة .
- ٢ - اختيار الاختبار الاحصائي المناسب بناءً على نوع البيانات المتوفرة .
- ٣ - تحديد مستوى الثقة ( Significance Level ) ،  $\alpha$
- ٤ - إيجاد القيمة المعيارية للاختبار الاحصائي من الجداول المخصصة بناءً على قيم معطاة  $\alpha$  Critical Value .
- ٥ - إيجاد القيمة الاحصائية للاختبار الذي تم اختياره في الخطوة الثانية Statistical Value
- ٦ - مقارنة القيمة الاحصائية للخطوة الخامسة مع القيمة المعيارية للخطوة الرابعة . اذا كانت القيمة الاحصائية اكبر من القيمة المعيارية، فاننا سوف نقوم برفض الفرضية الاساسية لان القيمة الاحصائية تكون قد وقعت بعيداً عن التوزيع الذي نعتبره جزءاً من التوزيع العيني للفرضية الأساسية . أما اذا كانت القيمة الاحصائية اقل من القيمة المعيارية، فاقبل الفرضية الأساسية .

## - اختبار الوسط لعينة واحدة One- Sample Test of a Mean

فبعد ان تم وصف المبادئ الأساسية للنظرية الاحصائية في اختبار الفرضيات، فانه بالامكان الآن تفصيل اهم الاختبارات الاحصائية . وفي هذا الجزء، فاننا سوف نهتم بالحالات التي تكون فيها البيانات ذات علاقة بعينة واحدة . بمعنى آخر، سوف يهتم هذا الجزء بشرح الاختبارات الاحصائية لوسط المجتمع الحسابي بناءً على العينات العشوائية البسيطة . ان هذا النوع من الاختبارات معروف ويشكل الاساس للاختبارات الاحصائية الاخرى .

يوجد هناك اختباران معروفان ومناسبان لهذا الغرض هما اختبار  $Z$  (Z Test) واختبار  $t$  (t Test). ان استخدام أحد هذين الاختبارين يعتمد على معرفة الشخص بالانحراف المعياري لمجتمع الدراسة ( $\sigma$ ) وحجم العينة المستخدم.

### - اختبار $Z$

يستخدم اختبار  $Z$  لمقارنة الوسط الحسابي الذي يتم استخراجه من عينة مع وسط حسابي مقترح لمجتمع دراسي، ومن ثم اتخاذ القرار فيما اذا كان الوسط الحسابي للعينة يسمح باستنتاج ان الوسط الحسابي المقترح لمجتمع الدراسة هو صحيح. ويعتبر هذا الاختبار مناسباً في الحالات التالية.

- ١ - اذا كان حجم العينة أي حجم والانحراف المعياري لمجتمع معروف ( $\sigma$ ) .
  - ٢ - اذا كان حجم العينة أكبر من (٣٠) والانحراف المعياري للمجتمع ( $\sigma$ ) مجهول.
- وفي الحالات التي يكون فيها حجم العينة أقل من (٣٠) والانحراف المعياري لمجتمع الدراسة ( $\sigma$ ) مجهول، فانه يجب استخدام اختبار ( $t$ ) والذي سوف يتم شرحه فيما بعد .

دعنا الآن نقوم بتوضيح اختبار ( $Z$ ) من خلال المثال التالي :

يريد طالب عمل دراسة لمعرفة متوسط عمر طلبة جامعة مؤتة . فاختار عينة عشوائية مكونة من (١٠٠) شخص، فوجد ان متوسط عمر العينة (٢٤) سنة والانحراف المعياري (٥) . فهل يستطيع الطالب اعتبار متوسط عمر طلبة جامعة مؤتة (٢٣) سنة بالاعتماد على متوسط عمر العينة، عند مستوى الدلالة (٥) % .

**الخطوة الأولى :** تشكل الفرضية الاساسية والبديلة . ان شكل الفرضية الاساسية والبديلة في مثالنا هذا هما :

الفرضية الأساسية (ف. ) :  $\mu = 23$

الفرضية البديلة (ف<sub>1</sub>) :  $\mu \neq 23$

ان الطالب يريد معرفة ما اذا كان متوسط عمر العينة ( ٢٤ سنة ) يسمح بالنتيجة التي تعتبر ان متوسط عمر مجتمع الدراسة هو ( ٢٣ سنة ) . ان الفرضية البديلة شكلت بطريقة بحيث اذا كانت قيمة العينة بعيدة عن العمر ( ٢٣ ) سنة من كلا الطرفين ( أعلى أو أسفل ) ، فانا سوف نقوم برفض الفرضية الأساسية . لذلك ، فانا سوف نستخدم اختبار ذو الطرفين .

اما اذا كانت الفرضية البديلة ف<sub>1</sub> :  $\mu > 23$  ، فانا سوف نرفض الفرضية الأساسية في الحالة التي يكون فيها متوسط العمر اقل من الفرضية الأساسية ( ف. ) . ويطلق على هذا النوع من الاختبارات بالاختبارات ذو الطرف الواحد .

انه لمن الضروري جداً لأي شخص معرفة أي الاختبارات التي يتعامل معها ، أهو اختبار ذو طرفين أم اختبار ذو طرف واحد ، لأن عدد الاطراف أو الذبول يؤثر على القيمة المعيارية التي يجب اخراجها من الجداول الاحصائية المخصصة لكل اختبار .

**الخطوة الثانية :** اختيار الاختبار الاحصائي الأمثل . ان الاختبار الاحصائي الأمثل هو اختبار Z لأن حجم العينة أكبر من ( ٣٠ ) . كما ان هذا الاختبار يعتمد على طبيعة التوزيع العيني للوسط . اننا نعلم من خلال نظرية الحدود المركزية ( Central Limit Theorem ) ان الوسط الحسابي الذي يتم حسابه عن طريق العينة يأتي من التوزيع العيني للأوساط والتي تشكل منحنى طبيعي . كما ان المساحة تحت المنحنى الطبيعي وعدد الأوساط الحسابية الموزعة ما بين عدد محدود من الأخطاء المعيارية للوسط لهذا التوزيع معروفة . لهذا ، فانا نستطيع تحديد احتمال أي وسط عيني يأتي من التوزيع العيني للأوساط والذي يقع حول وسط مقترح للمجتمع .

**الخطوة الثالثة :** تحديد مستوى الثقة . يعتبر مستوى الثقة أو الدلالة المقياس الاحتمالي الذي يستخدم لرفض الفرضية الأساسية الصحيحة . بمعنى آخر، تمثل قيم مستوى الدلالة ( $\alpha$ ) احتمال الوقوع في النوع الأول من الخطأ (Type 1 Error) . وعليه، فقد تمّ تحديد قيمة  $\alpha$  بالمثال بـ ٥٪ . يجب ملاحظة هنا، انه كلما صغرت قيمة  $\alpha$  كلما زادت قيمة  $B$  لأي حجم عينة .

**الخطوة الرابعة :** ايجاد القيمة المعيارية للاختبار الاحصائي .

ان القيم المعيارية للاختبار الاحصائي ( $Z$ ) موجودة في الجدول رقم (٢) للملحق الموجود في نهاية الكتاب للاختبار ذو الطرفين والجدول رقم (٣) في نفس الملحق للاختبار ذو الطرف الواحد . ان هذه القيم الموجودة في هذه الجداول معطاة للوسط صفر والانحراف المعياري واحد . لذلك، فان استخدام هذه الجداول يتطلب تحويل البيانات من العينة لازالة تأثير وحدة القياس . ان تقاطع القيم الموجودة في العمود الأول والصف الأول يحدد قيمة أو قيم ( $Z$ ) (بمعنى آخر، عدد الانحرافات المعيارية عن الوسط ذات الاهتمام بالنسبة للشخص الباحث) . فعلى سبيل المثال، نجد ان قيمة  $Z$  المعيارية اذا كانت قيمة  $\alpha = ٥٪$  عن طريق استخدام الجدول رقم (٢) هي (١٩٦) (١٩٩) من العمود الأول و ٠٦ ر من الصف الأول) انحرافات معيارية عن الوسط . اننا نلاحظ هنا ان هذا يمثل مستوى ثقة ٩٥٪ . انه لمن الجدير بالذكر أن نذكر هنا ان فترة الثقة ٩٥٪ هي ( $\pm ٢$  ضرب الخطأ المعياري، وفي الحقيقة ان فترة الثقة هي  $\pm ١٩٦$  ضرب الخطأ المعياري) .

ان ما تعنيه القيمة ١٩٦ هو ان احتمال الحصول على قيمة لـ ( $Z$ ) اكبر من ١٩٦ هو أقل من ٥٪ كما اننا نلاحظ ان احتمال الحصول على قيمة لـ ( $Z$ ) اكبر من ١٩٦ من الجدول رقم (٣) هو أقل من (٠٢٥) . لهذا، فانه يمكن استخدام الاختبار هنا عندما تكون قيمة  $\alpha = (٠٢٥)$  . أما اذا كان الاختبار ذو طرف

واحد، فاننا نلاحظ ان قيمة  $Z = (1.64)$  اذا كانت قيمة  $\infty = 0.5\%$ . لهذا، فان احتمال الحصول على قيمة لـ  $Z$  اكبر من  $(1.64)$  لاختبار ذو طرف هو اقل من  $0.5\%$ .

الخطوة الخامسة : ايجاد القيمة الاحصائية للاختبار الاحصائي .

اذا كان الانحراف المعياري لمجتمع الدراسة معروف، فان :

$$\frac{\mu - \bar{x}}{\sigma_{\bar{x}}} = Z$$

$$\frac{\mu - \bar{x}}{\sqrt{n} / \sigma} = Z$$

اما اذا كان الانحراف المعياري لمجتمع الدراسة مجهولاً، فان :

$$\frac{\mu - \bar{x}}{s_{\bar{x}}} = Z$$

$$\frac{\mu - \bar{x}}{\sqrt{n} / s} = Z$$

ان قيمة الانحراف المعياري لمجتمع الدراسة ( $\sigma$ ) في مثالنا هذه هي قيمة مجهولة، لهذا فاننا سوف نستخدم المعادلة الثانية . ان ما تقوم به المعادلة هو عرض الفرق ما بين القيمة المحسوبة للوسط الحسابي ( $\bar{x}$ ) والقيمة المفترضة للوسط ( $\mu$ ) كمقياس يعبر عنه بعدد الأخطاء المعيارية . ان السؤال الذي يطرح نفسه هنا هو : هل الفرق ما بين  $\bar{x} - \mu$  والمعبر عنه بالخطأ المعياري (قيمة  $Z$  المحسوبة) كبير وهل السبب وفي حدوثه هو الخطأ العيني والذي احتماله هو اقل من  $0.5\%$  ؟

$$\frac{23-24}{\sqrt{10}/5} = Z$$

$$r_2 = \frac{1}{10/5} =$$

لهذا، فإن الفرق ما بين ٢٤ و ٢٣ هو خطاين معيارين.

الخطوة السادسة : مقارنة قيم (Z)

عند مقارنة قيم (Z) المحسوبة والمعيارية، نلاحظ أن القيمة المحسوبة لـ Z أكبر من القيمة المعيارية لنفس الاختبار عندما كانت قيمة  $\infty = 5\%$  (  $2 < 1.96$  ) لذلك، فإن القرار سوف يكون رفض الفرضية الأساسية وقبول الفرضية البديلة. والمعنى الإداري لهذا القرار هو عدم إمكانية اعتبار العمر (٢٣) سنة كمعدل عمري لمجتمع الدراسة.

#### - اختبار t

ان استخدام اختبار t يعتبر مناسباً للاختبار الفرضيات المتعلقة بالاوساط بالنسبة لجميع أحجام العينات عندما يكون الانحراف المعياري بالنسبة لمجتمع الدراسة مجهول. ان السبب في استخدام اختبار Z بدلاً من اختبار t عندما يكون حجم العينة أكبر من (٣٠) هو ان توزيع t وتوزيع Z هما توزيعان متطابقان عندما يكون حجم العينة أكبر من (٣٠)، كما ان قيم t بالنسبة لتوزيع t لم يتم حسابها بالنسبة للعينات كبيرة الحجم. ففي اختبار t نقوم بتقدير قيمة الانحراف المعياري لمجتمع الدراسة (S) بقيمة الانحراف المعياري لعينة الدراسة (S). ان القيم المعيارية للاختبار الاحصائي t مزودة بالجدول رقم (٤) الموجود في الملحق. ان قيمة t المعيارية تتغير مع تغير مستوى الثقة (∞) الذي يتم اختياره، وكذلك تتغير مع تغير درجات الحرية بالنسبة للعينة، هذا بالإضافة الى تأثير القيمة بنوع الاختبار المطلوب (اختبار t ذو طرف أم اختبار ذو



طرفين). فعلى سبيل المثال، ان قيمة  $t$  المعيارية لاختبار ذو طرف واحد اذا كانت قيمة  $\alpha = 0.05$  ودرجات الحرية تساوي (١٠) هي  $t = 1.812$ . ان درجات الحرية للاختبار  $t$  بالنسبة لاختبار الوسط هي دائماً (ن - ١) والسبب في ذلك استخدام الانحراف المعياري للعينة (S) لتقدير الانحراف المعياري لمجتمع الدراسة ( $\sigma$ )، ودرجات الحرية لـ (S) هي (ن - ١). وسوف نقوم بتوضيح اختبار  $t$  من خلال المثال التالي :

يريد طالب عمل دراسة لمعرفة متوسط استهلاك الفرد السنوي من الماء بالجالون. فاختار عينة عشوائية مكونة من (٧) أفراد، ووجد أن متوسط الاستهلاك السنوي من الماء بالجالون كان (١٢٠) جالون والانحراف المعياري كان (١٥). فهل يستطيع الطالب اعتهبار متوسط الاستهلاك السنوي هو (١٠٠) جالون بالاعتماد على متوسط استهلاك العينة، عند مستوى الدلالة ( $\alpha = 0.05$ ).

الحل :  $n = 7$  ،  $S = 15$  ،  $\alpha = 0.05$

١- تشكيل الفرضية الاساسية والفرضية البديلة

ف. :  $\mu = 100$

ف. :  $\mu \neq 100$

٢- تحديد مستوى الدلالة  $\alpha$

$\alpha = 0.05$

٣- تحديد الاختبار الأمثل.

اختبار  $t$  ذو الطرفين هو الاختبار الأمثل، لان الانحراف المعياري لمجتمع الدراسة مجهول وحجم العينة أقل من (٣٠).

٤ - ايجاد القيمة المعيارية لاختبار  $t$  .

حتى نتمكن من ايجاد القيمة المعيارية، فانه لا بد من معرفة درجات الحرية ومستوى الدلالة ( $\infty$ ) .

درجات الحرية (د . ح) =  $n - 1$

$$6 = 1 - 7 =$$

مستوى الدلالة =  $0.5\%$

$t$  (د . ح = ٦،  $\infty = 0.5\%$ ) = ٢.٤٤٧ (من الجدول رقم ٤) .

٥ - ايجاد القيمة الاحصائية للاختبار  $t$

$$\frac{\mu - \bar{x}}{s \sqrt{\bar{x}}} = t$$

$$\frac{\mu - \bar{x}}{\sqrt{n} / s} = t$$

$$\frac{100 - 120}{\sqrt{7} / 10} = t$$

$$-3.03 = t$$

٦ - القرار : بما أن القيمة المحسوبة للاختبار أكبر من القيمة المعيارية، فان هذا يعني رفض الفرضية الاساسية وقبول الفرضية البديلة . وعليه، فانه لا يمكن اعتبار متوسط استهلاك الفرد السنوي من الماء (١٠٠) جالون .

مثال : افرض انه في المثال السابق كان المطلوب هو معرفة ما اذا كان بالامكان اعتبار ان

متوسط حجم الاستهلاك السنوي للفرد من الماء أقل من ( ١٠٠ ) جالون،  
بالاعتماد على متوسط استهلاك العينة .

وعند نفس مستوى الدلالة  $\alpha = 5\%$  . فهل يستطيع الطالب عمل ذلك .

الحل : (١) ف. :  $\mu \geq 100$

ف. :  $\mu < 100$

(٢)  $\alpha = 5\%$

(٣) الاختبار الأمثل هو اختبار  $t$  ذو الطرف الواحد .

(٤) القيمة المعيارية لاختبار  $t$  هي :

$t$  ( د . ح = ٦ ،  $\alpha = 5\%$  ) = ١.٩٤٣ ( من الجدول رقم ٤ ) .

(٥) القيمة الاحصائية لاختبار  $t = 3.53$

(٦) القرار : رفض الفرضية الأسيسية وقبول الفرضية البديلة لان القيمة  
الاحصائية أكبر من القيمة المعيارية . وعليه، فانه لا يمكن اعتبار ان متوسط  
الاستهلاك السنوي للفرد من الماء أقل من ( ١٠٠ ) جالون .

## **- اختبار الأوساط لعينتين كبيرتا الحجم : Two-Sample Test of Means : Large Samples**

لقد قمنا بالسابق بوصف كيفية تشكيل الاجراء الاحصائي لاختبار ما اذا كان  
الوسط الحسابي لمجتمع دراسي مساوياً لقيمة محددة Specified Value . أما الآن،  
فاننا سوف نقوم بالتطرق الى الحالة التي تكون فيها العينة العشوائية قم تم اختيارها من  
مجتمعين دراسين . لهذا، فاننا سوف نهتم في هذا الجزء بوصف كيفية اختبار الفرضية  
التي تعتبر ان الأوساط الحسابية لكلا المجتمعين متساويان . كما اننا سوف نفترض هنا ان  
حجم كل عينة كبير (  $n > 30$  ) . وسوف نقوم بتوضيح هذا النوع من الاختبار من

خلال المثال التالي :

مثال : شركة لها منشأتان، وكل منشأة من هاتين المنشأتين تقوم بإنتاج الصحن .  
لذلك . فانه من الضروري للشركة اختبار ما اذا كان متوسط قطر الصحن المنتج  
في المنشأة الاولى مساوياً لمتوسط قطر الصحن المنتج بالمنشأة الثانية . فاذا كان  
متوسط قطر الصحن في أي منشأة أكبر من متوسط قطر الصحن في المنشأة  
الأخرى، فان هذا يعني رفض الفرضية التي تعتبر ان متوسط الأقطار للصحن في  
كلا المنشأتين متساوي . افرض ان الانحراف المعياري في أقطار الصحن المنتج  
لكلا المنشأتين هو ٢٥ سم . وقد تم اختيار عينة عشوائية من منتجات كل منشأة  
حجمها ( ١٠٠ ) صحن، ووجد ان متوسط قطر الصحن لإحدى المنشأتين كان  
( ٤٠ ) سم والأخرى ( ٤٥ ) سم . هل ترفض الشركة الفرضية التي تعتبر ان  
الأوساط متساوية، عند مستوى الدلالة ( ٥ ) % ؟

الحل : افرض ان :

$\mu_1$  : متوسط قطر الصحن المنتج في المنشأة الاولى .

$\mu_2$  : متوسط قطر الصحن المنتج في المنشأة الثانية .

١ - تشكيل الفرضية الأساسية والبديلة .

ف٠ :  $\mu_1 = \mu_2$  أو  $\mu_1 - \mu_2 = 0$  صفر

ف١ :  $\mu_1 \neq \mu_2$  أو  $\mu_1 - \mu_2 \neq 0$  صفر

٢ - اختيار الاختبار الأمثل .

الاختبار الأمثل هو اختبار Z ذو الطرفين .

اذا كان حجم كلا العينتين كبير، فقد ثبت ان التوزيع العيني للفرق ما بين  
الأوساط العينية ( $\bar{x}_1 - \bar{x}_2$ ) هو تقريباً توزيع طبيعي وبوسط حسابي هو ( $\mu_1 - \mu_2$ )  
وانحراف معياري  $\sqrt{\sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2}$  . لهذا، اذا كانت

الفرضية الأساسية صحيحة (والتي تعني ان  $\mu_1 - \mu_2 = 0$  صفر)، فان الفرق ما بين الأوساط الحسابية يكون تقريباً موزع طبيعياً وبوسط حسابي مساوياً للصفر وانحراف معياري قدره  $\sqrt{\sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2}$ .  
٣- تحديد مستوى الدلالة ( $\alpha$ ) .

لقد تمّ تحديد قيمة  $\alpha$  بالمثال عند مستوى ٥٪ .

٤- ايجاد القيمة المعيارية للاختبار الاحصائي .

باستخدام الجدول رقم (٢) والموجود في الملحق، نجد ان قيمة Z المعيارية عند مستوى الدلالة ٥٪ للاختبار ذو الطرفين هي (١.٩٦) .

٥- ايجاد القيمة الاحصائية للاختبار الاحصائي .

يمكن ايجاد القيمة الاحصائية للاختبار اذا كانت العينتين كبيرتا الحجم من خلال العلاقة الاحصائية التالية :

$$Z = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\sigma_1^2/n_1 + \sigma_2^2/n_2}}$$

$$= \frac{40 - 45}{\sqrt{100/20 + 100/20}}$$

$$= \frac{-5}{\sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}}} = -5$$

$$= \frac{-5}{\sqrt{1}} = -5$$

$$= -5.0$$

٦ - القرار : بما أن القيمة المطلقة للقيمة الاحصائية أكبر من القيمة المعيارية للاختبار، فإن هذا يعني رفض الفرضية الأساسية وقبول الفرضية البديلة . وبمعنى آخر، فإنه لا يمكن اعتبار متوسط أقطار الصحون المنتجة في كلا المنشأتين متساوي.

### - اختبار الأوساط لعينتين صغيرتا الحجم : Two-Sample Test of Means :

#### Small Samples

سوف نقوم الآن بوصف كيفية اختبار الفرضيات التي تعتبر أن الأوساط الحسابية للمجتمعات الدراسية متساوية إذا كانت العينات صغيرة الحجم والانحراف المعياري لمجتمعات الدراسة غير معروف . ان الاختبارات تفترض ان الانحرافات المعيارية للمجتمعين متساوية . وسوف نقوم بتوضيح هذا النوع من الاختبارات من خلال المثال التالي :

مثال : تريد إحدى شركات السيارات اختبار نوعين من المنتجات التي تنتجها ولتكن نوع أ ونوع ب، لتحديد ما إذا كان متوسط السرعة لكلا النوعين تحت مجموعة معينة من الظروف هو نفسه . وعليه، فقد تم إجراء أربعة اختبارات للسرعة بالنسبة للنوع أ تحت نفس الظروف التي تم تحديدها ووجد ان متوسط السرعة كانت ١٨٠ كم / بالساعة والانحراف المعياري ٣٠ كم / بالساعة . كما وقد تم إجراء أربعة اختبارات للسرعة بالنسبة للنوع ب وتحت نفس الظروف ووجد ان متوسط السرعة ٢١٠ كم / بالساعة والانحراف المعياري ٢٠ كم / بالساعة . فهل تستطيع الشركة قبول الفرضية التي تعتبر ان متوسط السرعة لكلا النوعين متساوي، إذا كانت قيمة  $t = 0.5\%$  ؟

الحل : افرض ان :

١ : متوسط السرعة للنوع أ من السيارات .

٢ : متوسط السرعة للنوع ب من السيارات .

١- تشكيل الفرضية الأساسية والبديلة.

ف. :  $\mu_1 = \mu_2$  أو  $\mu_1 - \mu_2 = 0$  صفر.

ف١ :  $\mu_1 \neq \mu_2$  أو  $\mu_1 - \mu_2 \neq 0$  صفر

٢- اختيار الاختبار الأمثل.

الاختبار الأمثل هو اختبار  $t$  ذو الطرفين.

إذا كان المجتمعان موزعان توزيعاً طبيعياً والانحراف المعياري لها متساوي، وكانت الفرضية الأساسية صحيحة، فقد ثبت أن

$$\frac{(S_1^2 - S_2^2) \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}{S} \div (S_1^2 - S_2^2) = t$$

ن<sub>١</sub> + ن<sub>٢</sub> - ٢ علماً بأن :

$$\frac{(S_1^2)(1 - \frac{n_2}{n_1 + n_2}) + (S_2^2)(1 - \frac{n_1}{n_1 + n_2})}{\frac{n_1 + n_2}{2}} = S^2$$

لذلك، لاختبار الفرضية الأساسية، فإنه لا بد من حساب

$$\frac{(S_1^2 - S_2^2) \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}{S} = \tau$$

٣- تحديد مستوى الدلالة ( $\alpha$ )

لقد تمَّ تحديد مستوى الدلالة ( $\alpha$ ) بالمثال ب ٥٪.

٤- إيجاد القيمة المعيارية للاختبار الاحصائي.

لايجاد القيمة المعيارية للاختبار الاحصائي ( $t$ ) ذو الطرفين فإنه لا بد من معرفة

كل من :

$$١ - \text{درجات الحرية} = \text{ن}_١ + \text{ن}_٢ - ٢$$

$$= ٤ + ٤ - ٢$$

$$= ٦$$

$$\text{ب - مستوى الدلالة } (\alpha) = ٥\%$$

$$\therefore t (د . ح = ٦ ، \alpha = ٥\%) = ٢٤٤٧$$

٥ - ايجاد القيمة الاحصائية للاختبار

يمكن ايجاد القيمة الاحصائية للاختبار اذا كانت العينتين صغيرتا الحجم والمجتمعين موزعين توزيعاً طبيعياً والانحراف المعياري لهما متساوي من خلال العلاقة الاحصائية التالية :

$$t = \frac{\bar{S}_1 - \bar{S}_2}{\sqrt{S^2 \left( \frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}}$$

ولايجاد قيمة t ، لا بد من ايجاد قيمة S أولاً من خلال العلاقة التالية :

$$S^2 = \frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$$

$$S^2 = \frac{(40 - 1)(٢٠)^2 + (٣٠ - 1)(٤)^2}{٤٠ + ٣٠ - ٢}$$

$$S^2 = \frac{١٢٠٠ + ٢٧٠٠}{٦}$$

$$S^2 = ٦٥٠$$



$$\begin{aligned} \sqrt{\left(\frac{1}{4} + \frac{1}{4}\right) 60} \div (210 - 180) &= \tau \text{ إذن} \\ \sqrt{320} \div (30 -) &= \\ 18.3 \div (30 -) &= \\ 1.66 - &= \end{aligned}$$

٦ - القرار : بما أن القيمة الاحصائية المطلقة للاختبار الاحصائي أقل من القيمة المعيارية، فهذا يعني قبول الفرضية الأساسية ورفض البديلة . بمعنى آخر، هناك امكانية لاعتبار أن متوسط السرعة لكلا النوعين من السيارات متساوي .

#### - اختبار كاي تربيع Chi-Square Test

ان أحد التطبيقات المهمة لتوزيع كاي تربيع ( $\chi^2$ ) هو في المسائل التي يكون فيها الشخص متخذ القرار مهتم بتحديد ما اذا كانت النسب المختلفة متساوية . لذلك . فان الاهتمام هنا سوف يتحول من التركيز على اختبار ما اذا كانت قيمتين لمجتمعين مختلفتين متساوية الى التركيز على كيفية اختبار ما اذا كانت أكثر من قيمتين أو نسبتي متساوية .

وعليه، فان شكل الفرضية الأساسية في هذا النوع من المسائل يكون كما يلي :

$$\pi_1 = \pi_2 = \pi_3 = \dots = \pi_r$$

أما الفرضية البديلة فانها تعتبر أن هذه النسب غير متساوية وكما يلي :

$$\pi_1 \neq \pi_2 \neq \pi_3 \neq \dots \neq \pi_r$$

ولتوضيح هذا النوع من الاختبارات، دعنا نقوم بحل المثال التالي :

تقوم إحدى الشركات باختيار عينة عشوائية مكونة من ( ٥٠ ) وحدة من

منتجات إحدى السلع لمعرفة عدد الوحدات المعيبة في الانتاج اليومي . فاذا تم اختيار عينة لمدة ( ٢٨ ) يوماً وكانت الوحدات المعيبة في كل عينة مزودة بالجدول ( ١١ - ٢ ) . فالسؤال الذي يطرح نفسه الآن وتريد ادارة الشركة اجابة عليه هو : هل نسبة الوحدات المعيبة لجميع الايام ثابتة ؟ فاذا تبين ان النسبة تتغير من يوم الى آخر، فان هذا يعني ان العملية الانتاجية ليست تحت السيطرة . وعليه، فانه لا بد للشركة من القيام بالمحاولة لمعرفة الأسباب التي تؤدي الى التغير .

ان اهتمام الفرضية الأساسية يمثل هذا النوع من المشاكل يكون حول مساواة جميع النسب . بمعنى آخر، يكون شكل الفرضية الأساسية كما يلي :

$$f. : \pi_1 = \pi_2 = \dots = \pi_r$$

بينما الفرضية البديلة تقول بان هذه النسب ليست متساوية ، كما يلي :

$$f. : \pi_1 \neq \pi_2 \neq \dots \neq \pi_r$$

حيث ان :

$\pi_1$  تمثل نسبة المعيب في الانتاج الكلي لليوم الأول

$\pi_2$  تمثل نسبة المعيب في الانتاج الكلي لليوم الثاني، وهكذا.

فاذا كانت الفرضية الأساسية صحيحة، فان نسبة المعيب لجميع الايام يمكن تقديره من الوسط الحسابي للوحدات المعيبة لجميع الايام وباستخدام العلاقة التالية :

$$\bar{z} = \sum_{r=1}^r \frac{z_r}{n_r}$$

حيث ان :

$r$  : عدد الوحدات المعيبة في اليوم ( ر ) .

$n_r$  : حجم العينة في اليوم ( ر ) .

جدول ( ٢٠-١١ )

عدد الوحدات المعيبة في ( ٢٨ ) يوم عمل

| اليوم | عدد الوحدات المعيبة (ف) | عدد الوحدات السليمة (ف) | حجم العينة |
|-------|-------------------------|-------------------------|------------|
| ١     | ٤                       | ٤٦                      | ٥٠         |
| ٢     | ٩                       | ٤١                      | ٥٠         |
| ٣     | ١٠                      | ٤٠                      | ٥٠         |
| ٤     | ١١                      | ٣٩                      | ٥٠         |
| ٥     | ١٣                      | ٣٧                      | ٥٠         |
| ٦     | ٣٠                      | ٢٠                      | ٥٠         |
| ٧     | ٢٦                      | ٢٤                      | ٥٠         |
| ٨     | ١٣                      | ٣٧                      | ٥٠         |
| ٩     | ٨                       | ٤٢                      | ٥٠         |
| ١٠    | ٢٣                      | ٢٧                      | ٥٠         |
| ١١    | ٣٤                      | ١٦                      | ٥٠         |
| ١٢    | ٢٥                      | ٢٥                      | ٥٠         |
| ١٣    | ١٨                      | ٣٢                      | ٥٠         |
| ١٤    | ١٢                      | ٣٨                      | ٥٠         |
| ١٥    | ٤                       | ٤٦                      | ٥٠         |
| ١٦    | ٣                       | ٤٧                      | ٥٠         |
| ١٧    | ١١                      | ٣٩                      | ٥٠         |
| ١٨    | ٨                       | ٤٢                      | ٥٠         |
| ١٩    | ١٤                      | ٣٦                      | ٥٠         |
| ٢٠    | ٢١                      | ٢٩                      | ٥٠         |
| ٢١    | ٢٥                      | ٢٥                      | ٥٠         |
| ٢٢    | ١٨                      | ٣٢                      | ٥٠         |
| ٢٣    | ١٠                      | ٤٠                      | ٥٠         |
| ٢٤    | ٨                       | ٤٢                      | ٥٠         |
| ٢٥    | ١٨                      | ٣٢                      | ٥٠         |
| ٢٦    | ١٩                      | ٣١                      | ٥٠         |
| ٢٧    | ٤                       | ٤٦                      | ٥٠         |
| ٢٨    | ٨                       | ٤٢                      | ٥٠         |

وفي مثالنا هذا، فإن نسبة الوحدات المعيبة المتوقعة لأي يوم من الأيام، إذا كانت الفرضية الأساسية صحيحة، هي :

$$0.29 = \frac{8 + 4 + 19 + \dots + 11 + 10 + 9 + 4}{50 + 50 + 50 + \dots + 50 + 50 + 50}$$

لاختبار ما إذا كانت الفرضية الأساسية صحيحة، فإننا نقوم بحساب عدد الوحدات المعيب المتوقع وغير المعيب المتوقع لكل يوم. بما أن نسبة المعيب المتوقعة هي (0.29)، فإننا نتوقع أن يكون عدد الوحدات المعيبة في كل يوم هي (0.29) = (145). وعدد الوحدات السليمة المنتجة في كل يوم هي (0.71) = (355). ولاختبار الفرضية الأساسية، فإن هذا يتطلب مقارنة النسبة المفترضة مع النسبة الحقيقية. وبوضوح، كلما زاد الفرق ما بين النسبة المفترضة والنسبة الحقيقية، كلما قل احتمال أن تكون الفرضية الأساسية صحيحة.

وبعد حساب تكرار الوحدات المعيبة المتوقع، فإنه لا بد من حساب القيمة الاحصائية التالية وكما يظهر في الجدول (11-3) :

$$\sum (f - w)^2 / w$$

حيث أن :

ف : تكرار الوحدات المعيبة الحقيقي.

و : التكرار المتوقع للوحدات المعيبة

فإذا كانت الفرضية الأساسية صحيحة، فإن التوزيع العيني للاختبار الاحصائي يمكن تقريبه بتوزيع كاي تربيع ودرجات حرية تساوي (r - 1)، حيث أن r تمثل عدد نسب مجتمع الدراسة التي تم مقارنتها.

ويتم رفض الفرضية الأساسية التي تعتبر أن  $\pi_1 = \pi_2 = \dots = \pi_r$  إذا كان

$\sum (F - O) < X^2$  ، حيث ان  $\infty$  تمثل مستوى الدلالة للاختبار وبدرجات تساوي (ر-١). ويتم قبول الفرضية البديلة اذا كان  $\sum (F - O) > X^2$  .  
يبين الجدول رقم (٣-١١) ان قيمة  $\sum (F - O) / O$  هي تقريباً ١٨٢ .

### جدول رقم (٣-١١)

النسب المتوقعة وحساب  $\sum (F - O) / O$

| اليوم | عدد الوحدات المعيب |                |                     | عدد الوحدات السليمة |                |                     |
|-------|--------------------|----------------|---------------------|---------------------|----------------|---------------------|
|       | الفعلي<br>(ف)      | المتوقع<br>(و) | $\frac{(F - O)}{O}$ | الفعلي<br>(ف)       | المتوقع<br>(و) | $\frac{(F - O)}{O}$ |
| ١     | ٤                  | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٤٦                  | ٣٥ر٥           | $\frac{11}{35.5}$   |
| ٢     | ٩                  | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٤١                  | ٣٥ر٥           | $\frac{6}{35.5}$    |
| ٣     | ١٠                 | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٤٠                  | ٣٥ر٥           | $\frac{5}{35.5}$    |
| ٤     | ١١                 | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٣٩                  | ٣٥ر٥           | $\frac{4}{35.5}$    |
| ٥     | ١٣                 | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٣٧                  | ٣٥ر٥           | $\frac{2}{35.5}$    |
| ٦     | ٣٠                 | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٢٠                  | ٣٥ر٥           | $\frac{10}{35.5}$   |
| ٧     | ٢٦                 | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٢٤                  | ٣٥ر٥           | $\frac{6}{35.5}$    |
| ٨     | ١٣                 | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٣٧                  | ٣٥ر٥           | $\frac{2}{35.5}$    |
| ٩     | ٨                  | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٤٢                  | ٣٥ر٥           | $\frac{7}{35.5}$    |
| ١٠    | ٢٣                 | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٢٧                  | ٣٥ر٥           | $\frac{12}{35.5}$   |
| ١١    | ٣٤                 | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ١٦                  | ٣٥ر٥           | $\frac{19}{35.5}$   |
| ١٢    | ٢٥                 | ١٤ر٥           | $\frac{1}{14.5}$    | ٢٥                  | ٣٥ر٥           | $\frac{10}{35.5}$   |

تابع / جدول رقم ( ١١ - ٣ )

| اليوم                         | عدد الوحدات المغيب |                |                       | عدد الوحدات السليمة |                |                       |
|-------------------------------|--------------------|----------------|-----------------------|---------------------|----------------|-----------------------|
|                               | الفعلي<br>(ف)      | المتوقع<br>(ر) | $\frac{٢(ف-ر)}{ر}$    | الفعلي<br>(ف)       | المتوقع<br>(ر) | $\frac{٢(ف-ر)}{ر}$    |
| ١٣                            | ١٨                 | ١٤             | $\frac{٢(١٨-١٤)}{١٤}$ | ٣٢                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٣٢)}{٣٥}$ |
| ١٤                            | ١٢                 | ١٤             | $\frac{٢(١٢-١٤)}{١٤}$ | ٣٨                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٣٨)}{٣٥}$ |
| ١٥                            | ٤                  | ١٤             | $\frac{٢(٤-١٤)}{١٤}$  | ٤٦                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٤٦)}{٣٥}$ |
| ١٦                            | ٣                  | ١٤             | $\frac{٢(٣-١٤)}{١٤}$  | ٤٧                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٤٧)}{٣٥}$ |
| ١٧                            | ١١                 | ١٤             | $\frac{٢(١١-١٤)}{١٤}$ | ٣٩                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٣٩)}{٣٥}$ |
| ١٨                            | ٨                  | ١٤             | $\frac{٢(٨-١٤)}{١٤}$  | ٤٢                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٤٢)}{٣٥}$ |
| ١٩                            | ١٤                 | ١٤             | $\frac{٢(١٤-١٤)}{١٤}$ | ٣٦                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٣٦)}{٣٥}$ |
| ٢٠                            | ٢١                 | ١٤             | $\frac{٢(٢١-١٤)}{١٤}$ | ٢٩                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٢٩)}{٣٥}$ |
| ٢١                            | ٢٥                 | ١٤             | $\frac{٢(٢٥-١٤)}{١٤}$ | ٢٥                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٢٥)}{٣٥}$ |
| ٢٢                            | ١٨                 | ١٤             | $\frac{٢(١٨-١٤)}{١٤}$ | ٣٢                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٣٢)}{٣٥}$ |
| ٢٣                            | ١٠                 | ١٤             | $\frac{٢(١٠-١٤)}{١٤}$ | ٤٠                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٤٠)}{٣٥}$ |
| ٢٤                            | ٨                  | ١٤             | $\frac{٢(٨-١٤)}{١٤}$  | ٤٢                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٤٢)}{٣٥}$ |
| ٢٥                            | ١٨                 | ١٤             | $\frac{٢(١٨-١٤)}{١٤}$ | ٣٢                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٣٢)}{٣٥}$ |
| ٢٦                            | ١٩                 | ١٤             | $\frac{٢(١٩-١٤)}{١٤}$ | ٣١                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٣١)}{٣٥}$ |
| ٢٧                            | ٤                  | ١٤             | $\frac{٢(٤-١٤)}{١٤}$  | ٤٦                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٤٦)}{٣٥}$ |
| ٢٨                            | ٨                  | ١٤             | $\frac{٢(٨-١٤)}{١٤}$  | ٤٢                  | ٣٥             | $\frac{٢(٣٥-٤٢)}{٣٥}$ |
| $١٨٢ = \frac{٢(ف-ر)}{ر} \sum$ |                    |                |                       |                     |                |                       |

وبالنظر الى الجدول رقم ( ٦ ) والذي يبين القيم المعيارية للاختبار كاي تربيع، نجد أن قيمة  $\chi^2$  اذا كانت قينة  $\infty = 0.5\%$  ودرجات الحرية هي ٢٧ تساوي ( ٤٠.١ ) . وبما ان القيمة المحسوبة ( ١٨٢ ) أكبر من القيمة المعيارية ( ٤٠.١ ) ، فانه من الواضح جداً أن نقوم برفض الفرضية الأساسية . وهذا يعني ان نسب الوحدات المعيبة في الانتاج تختلف من يوم الى اخر، والذي يعني ان انجاز هذه الشركة ليس تحت السيطرة أو المراقبة . وبناءاً على هذه النتائج، فان هذا سوف يؤدي بالشركة لعمل دراسة لمعرفة الاسباب التي تؤدي الى التباين في الانجاز لانه تبين ان نسب الاختلاف بالانتاج لم يكن بمحض الصدفة .

مثال : يريد باحث اقتصادي اختبار الفرضية التي تعتبر أن نسبة المنشآت التي تعتمد الى رفع الاسعار في السنة القادمة لثلاثة صناعات أ ، ب ، ج هي نفس النسبة . فاذا كانت البيانات المتوفرة عن عينات من المنشآت هي كما يلي :

| القرار             | عدد المنشآت |           |           |
|--------------------|-------------|-----------|-----------|
|                    | الصناعة أ   | الصناعة ب | الصناعة ج |
| مع رفع الاسعار     | ٤٠ منشأة    | ٥٠ منشأة  | ٦٠ منشأة  |
| مع عدم رفع الاسعار | ٦٠ منشأة    | ٥٠ منشأة  | ٤٠ منشأة  |

فهل يستطيع الاقتصادي قبول أم رفض هذه الفرضية، اذا علمت ان مستوى الدلالة هو  $0.5\%$  .

الحل : ان عدد المنشآت التي مع رفع السعر تساوي  $300/100$  . لهذا، فان النسبة الكلية للمنشآت التي مع رفع السعر هي ( ٥٠ ) . ان عدد المنشآت التي مع زيادة السعر، اذا كانت الفرضية الأساسية صحيحة، هو

| عدد المنشآت |            |            | القرار             |
|-------------|------------|------------|--------------------|
| الصناعة جـ  | الصناعة بـ | الصناعة أـ |                    |
| ٦٠ منشأة    | ٥٠ منشأة   | ٥٠ منشأة   | مع رفع الأسعار     |
| ٤٠ منشأة    | ٥٠ منشأة   | ٥٠ منشأة   | مع عدم رفع الأسعار |

$$\text{لهذا ، } \sum (ف - و) / و = \frac{٢(٥٠ - ٥٠)}{٥٠} + \frac{٢(٥٠ - ٦٠)}{٥٠} + \frac{٢(٥٠ - ٤٠)}{٥٠}$$

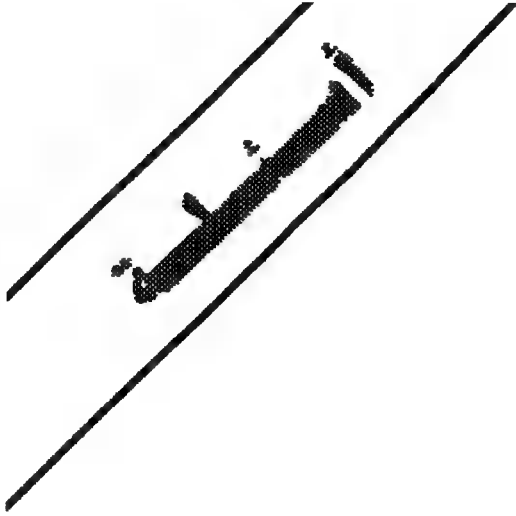
$$= \frac{٢(٥٠ - ٤٠)}{٥٠} + \frac{٢(٥٠ - ٦٠)}{٥٠} + \frac{٢(٥٠ - ٥٠)}{٥٠} =$$

$$٢ + ٢ + ٠ + ٠ + ٢ + ٢ =$$

$$٨ =$$

بما أن هناك نسب لثلاثة مجتمعات متقارنة معاً، فإن عدد درجات الحرية هي (٣ - ١ = ٢). وبناءً على الجدول رقم (٦) في الملحق، فإن  $X^2(٠,٥) = ٣,٨٤١$  عندما تكون درجات الحرية تساوي ٢. وبما أن القيمة المحسوبة لـ  $\sum (ف - و) / و$  أكبر من القيمة المعيارية للاختبار  $X^2(٠,٥)$ ، فإن هذا يعني رفض الفرضية الأساسية. بمعنى آخر، يجب على الاقتصادي رفض الفرضية الأساسية التي تعتبر أن نسبة المنشآت التي تعتمد على رفع الأسعار في السنة القادمة هي نفس النسبة لكل صناعة من الصناعات الثلاث المختلفة.





س ١ : ما هو المقصود بالفرضية ؟

س ٢ : أذكر الخطوات العامة لاختبار الفرضيات ؟

س ٣ : ما هو المقصود بقوة الاختبار ؟

س ٤ : ما هو المقصود بالنوع الأول والنوع الثاني من الخطأ ؟

س ٥ : لقد وعدَ مدير المبيعات موظفي المبيعات بالقيام برحلة خاصة إذا كان معدل البيع اليومي لعامل المبيعات ٥٠٠ دينار أو أكثر. فاختار عينة عشوائية مكونة من (١٠) أشخاص وحصل على النتائج التالية : معدل البيع اليومي لموظفي المبيعات هو (٥٥٠) دينار والانحراف المعياري (١٥٠) دينار. فهل يستطيع مدير المبيعات استنتاج ان جميع موظفي المبيعات قد حققوا الهدف المطلوب، اذا علمت ان قيمة  $\infty = ٥\%$  .

س ٦ : تريد مؤسسة طبية تحديد ما اذا كان أقراص تخفيف الوزن لها تأثير مختلف على الأشخاص اللذين اعمارهم فوق الأربعين سنة عن الأشخاص اللذين اعمارهم أقل من أربعين سنة. فقد تم إعطاء الأقراص الى (١٢) شخص فوق الأربعين وكان متوسط الخسارة بالوزن ٨ كغم والانحراف المعياري هو ٤ كغم. وكذلك تم إعطاء الأقراص الى (١٢) شخص تحت الأربعين وكان متوسط الخسارة هو ١١ كغم والانحراف المعياري هو ٣ كغم. أوجد كما يلي :

١ - هل هذه البيانات تنسجم مع الفرضية التي تعتبر ان متوسط التأثير على الوزن هو نفسه لكلا المجموعتين من الأشخاص، اذا كانت قيمة  $\infty = ٥\%$ ، والاختبار ذو طرفين ؟

ب - هل تتغير الاجابة على المطلوب الاول اذا تغير مستوى الثقة من ٥% الى ١% .  
 ج - هل تتوقع أن تتغير الاجابة في حالة اختيار عينة من كل فئة قدرها ( ٤٠ )  
 شخص وعند مستوى الدلالة  $\alpha = ٥\%$  ؟

س٧ : أوجد قيمة  $\chi^2_{(٥,٠٥)}$  عندما تكون درجات الحرية تساوي ٥ ، ١٠ ، ٢٠ ؟

س٨ : تقوم إحدى شركات السيارات باستيراد العجلات من موردين اثنين، مورد أ ومورد ب . وخلال سنة ١٩٩٤ ، استلمت شركة السيارات عدد العجلات المعيبة والسليمة من كل مورد والتي كانت كما يلي :

| عدد العجلات<br>المشتراة | عدد العجلات<br>المعيبة | عدد العجلات<br>السليمة | المورد |
|-------------------------|------------------------|------------------------|--------|
| ١٠٢٩                    | ٨٩                     | ٩٤٠                    | أ      |
| ١٢                      | ٣٢                     | ٧٨٠                    | ب      |

هل تعتقد بأن الشركة سوف تستلم عجلات معيبة من الموردين أ و ب بنفس  
 الاحتمال؟ افترض ان مستوى الدلالة هو ٥% .

## **الفصل الثاني عشر**

### **الانحدار البسيط والارتباط**

### **Simple Regression and Correlation**



## الانحدار البسيط والارتباط

### Simple Regression and Correlation

#### مقدمة Introduction

غالباً ما يستخدم الباحثون تحليل الانحدار لتقدير كيفية العلاقة أو التأثير ما بين متغير ومتغير آخر. بمعنى آخر ان الهدف أو الغرض من استخدام تحليل الانحدار هو لتوضيح العلاقة ما بين المتغيرات المستقلة (Independent Variables) في التحليل والمتغير التابع (Dependent Variable)، ومن ثم القيام بتنبؤ (Prediction) قيم المتغير التابع بناءً على القيم المعروفة بالنسبة للمتغيرات المستقلة. مثال : نريد مؤسسة القيام بتحديد العلاقة ما بين مبيعاتها (Sales) واجمال الناتج القومي (Gross National Product) . أو نريد مثلاً تحديد العلاقة ما بين تكلفة الانتاج الكلية (Total Production Costs) ونسبة المخرجات (Output Rate) . ولتقدير هذا النوع من العلاقات فانه لا بد من استخدام تحليل الانحدار. أما اذا اراد الشخص الباحث أن يحدد مدى قوة العلاقة ما بين المتغير (المتغيرات) المستقلة والمتغير التابع، فانه لا بد من استخدام تحليل الارتباط. لذلك يعتبر تحليل الانحدار وتحليل الارتباط من بين أكثر الطرق الاحصائية المستخدمة أهمية واستخداماً.

#### العلاقة ما بين المتغيرات Relationship Among Variables

ان هناك بعض المسائل المتعلقة بقياسات ومشاهدات لمتغير واحد والبعض الآخر يتعلق بقياسات لمتغيرين أو أكثر. فاذا كان لكل قيمة من قيم المتغير المستقل قيمة مقابلة للمتغير التابع، فان هذه الأزواج المرتبة من القيم تدعى مجتمعاً ذا بعدين ويسمى الزوج

المرتّب من القيمة والقيمة المناظرة متغيراً عشوائياً ذا بعدين . ان الأمثلة على المجتمعات كثيرة وخاصة في حقل الادارة والاقتصاد . فمن الأمثلة على ذلك بالاضافة الى ما ورد في المقدمة مثلاً : معرفة العلاقة ما بين الرضا الوظيفي والانتاجية أو معرفة العلاقة ما بين الدخل السنوي والادخار أو معرفة العلاقة ما بين الدعاية وحجم المبيعات .

لذلك يجب على الشخص الباحث في بعض الحالات المهمة الاهتمام بأكثر من متغير، وبالتحديد يجب على الباحثين الاهتمام بالعلاقات ما بين المتغيرات . فعلى سبيل المثال : يمكن للشخص الباحث الاهتمام بتحديد ما اذا كان التغير في متغير ما، وليكن س، له علاقة بالتغير بمتغير آخر وليكن ص . مثال : هل التغير بالزيادة بالنسبة للمتغير س يؤثر بالزيادة على المتغير ص ؟ ان الطرق المستخدمة في الفصول السابقة تعتبر عديمة الفائدة بالنسبة لمعالجة مسألة مثل هذا النوع . كما انه من المهم جداً ملاحظة ان العلاقات بين المتغيرات ذات الاهتمام بالنسبة للباحثين نادراً ما تكون علاقات محددة أو ثابتة ( Deterministic Relationships ) . ولتوضيح المقصود بالعلاقات غير المحددة، اعتبر المثال التالي : افرض ان المتغير ص هو المتغير المراد تقديره والمتغير س هو المتغير الذي سوف يُستخدم للقيام بعملية التقدير . فاذا كانت العلاقة ما بين المتغير س والمتغير ص ثابتة، فاننا نطلق على هذا النوع من العلاقات بالعلاقات الثابتة أو المحددة . افرض أن المتغير ص هو محيط المربع والمتغير س هو طول ضلع المربع، فانه يمكن التعبير عن العلاقة ما بين المحيط وطول الضلع كما يلي :  $V = 4S$  . ويطلق على هذا النوع من العلاقات بالعلاقات المحددة لانه اذا عرفنا طول ضلع المربع فاننا نستطيع تحديد محيطه وبدقة . فاذا كان طول ضلع المربع ٢ سم مثلاً، فان محيطه يساوي ٨ سم لا أكثر ولا أقل .

لذلك غالباً ما يكون اهتمام الباحثين بالعلاقات غير محددة . فاذا كان هناك علاقة ما بين المتغيرات س و ص، فان معدل قيم المتغير ص تميل الى الارتباط مع قيمة المتغير س، الا انه من المستحيل التنبؤ بقيمة المتغير ص بدقة بناءً على قيمة المتغير س . فعلى سبيل المثال : افرض ان المتغير س هو معدل الدخل السنوي لعائلة والمتغير ص يعني قيمة

الادخار السنوي بالنسبة للعائلة . بشكل عام تزداد قيمة الادخار السنوي للعائلة كلما ازداد دخلها، ويمكن استخدام هذه العلاقة في تقدير حجم الادخار في حالة معرفة الدخل . ولكن هذه العلاقة هي بعيدة كل البعد عن الدقة لأن حجم الادخار السنوي للعائلات ذات الدخل المتساوي مختلف . وهذا يعني صعوبة بل استحالة القيام بتنبؤ قيمة الادخار وبدقة بناءً على دخل العائلة فقط .

### ٢- تحليل الانحدار Regression Analysis

يصف تحليل الانحدار الطريقة التي من خلالها يرتبط متغير بمتغير آخر، كما أن تحليل الانحدار يستطيع معالجة أكثر من متغيرين وهذا ما سيتم شرحه في الفصل اللاحق، أما في هذا الفصل فسوف يتم التركيز على وصف العلاقة ما بين متغيرين فقط .

ان تحليل الانحدار يقوم على اشتقاق معادلة تسمى بمعادلة خط الانحدار والتي تستخدم في تقدير قيمة المتغير التابع المجهولة بناءً على القيمة المعلومة للمتغير المستقل . مثال : تريد منشأة انتاج ( ١٠٠٠ ) وحدة من منتجاتها خلال الشهر القادم وتريد تقدير مقدار التكاليف المتوقعة . على الرغم من معرفة حجم الانتاج في هذه الحالة إلا أن تكاليفها غير معلومة . لذلك يمكن استخدام تحليل الانحدار لتقدير قيمة التكاليف بناءً على القيمة المعلومة لكمية الانتاج . كما يمكن استخدام تحليل الانحدار لتقدير رأس المال المطلوب لإنشاء منشأة بطاقة انتاجية محددة . ففي مثالنا الحالي إذا كانت الطاقة الانتاجية للمنشأة معروفة، فإنه من الممكن استخدام معادلة خط الانحدار لتقدير مستوى الانفاق المطلوب لتحقيق البرنامج الانتاجي .

ان مصطلح تحليل الانحدار قد جاء من الدراسات التي قام بها الاحصائي الانجليزي فرانسيس جالتون ( Francis Galton ) قبل حوالي ٩٢ سنة من الآن . لقد قام جالتون بدراسة مقارنة أطوال الآباء مع أطوال ذرياتهم . ولقد وجد جالتون بدراسته ان طول أبناء الآباء الطوال جداً كانوا أقصر من آبائهم . بينما طول أبناء الآباء القصار جداً

كانوا أطول من آبائهم . بمعنى آخر ان طول أبناء الآباء الطوال جداً أو القصار جداً كان يتناقض تجاه متوسط الطول لمجتمع الدراسة . وبسبب استخدام جالتون لطول الآباء لتقدير الأبناء، أطلق على هذا النوع من التحليل بتحليل الانحدار .

#### - لوحة الانتشار Scatter Diagram

بما ان تحليل الانحدار يهتم بوصف العلاقة ما بين متغير ومتغير، فانه غالباً ما يبدأ هذا النوع من التحليل بالتعامل مع بيانات متغيرين فقط . افرض ان أحد المنشآت تريد تقدير العلاقة ما بين كمية الانتاج الشهري والتكاليف الشهرية . ان أول شيء يجب أن تقوم به المنشأة لعمل ذلك هو تجميع بيانات عن كمية الانتاج والتكاليف لعينة من الأشهر الماضية . افرض ان المنشأة قد قامت بتجميع البيانات المطلوبة لعينة مكونة من تسعة أشهر كما في الجدول ( ١٢ - ١ ) . انه من السهولة والملائمة لتمثيل البيانات من هذا النوع على ما يدعى بلوحة الانتشار ( Scatter Diagram ) . ولرسم لوحة الانتشار فاننا نقوم بتمثيل المتغير المعروف أو المتغير المستقل، والذي هو في هذه الحالة كمية الانتاج، على المحور الأفقي أو السيني . اما بالنسبة للمتغير غير المعروف أو المتغير التابع على المحور العمودي أو المحور الصادي . بالطبع تكون قيم المتغيرات معروفة خلال الفترة التي تم تجميع بيانات عنها وهي كمية الانتاج والتكاليف خلال الأشهر التسعة الماضية . ولكن عند استخدام تحليل الانحدار لتقدير العلاقة ما بين الانتاج والتكاليف تكون فقط قيم كمية الانتاج معروفة .



### جدول ( ١٢ - ١ )

كمية الانتاج والتكاليف لمنشأة خلال ( ٩ ) أشهر

| كمية الانتاج (بالطن) | تكاليف الانتاج<br>(آلاف الدينانير) |
|----------------------|------------------------------------|
| ١                    | ٢                                  |
| ٢                    | ٣                                  |
| ٤                    | ٤                                  |
| ٨                    | ٧                                  |
| ٦                    | ٦                                  |
| ٥                    | ٥                                  |
| ٨                    | ٨                                  |
| ٩                    | ٨                                  |
| ٧                    | ٦                                  |

يبين الشكل ( ١٢ - ١ ) لوحة الانتشار لكمية الانتاج والتكاليف بناءً على البيانات الموجودة في الجدول ( ١٢ - ١ ) . بالنظر الى الشكل ( ١٢ - ١ ) نلاحظ ان لوحة الانتشار تزود وبوضوح صورة وصفية مفيدة للعلاقة ما بين المتغير التابع والمتغير المستقل . وبالاعتماد على لوحة الانتشار، فان الشخص الباحث يستطيع اشتقاق الانطباع الاولي عن الاسئلة الثلاثة المهمة التالية :

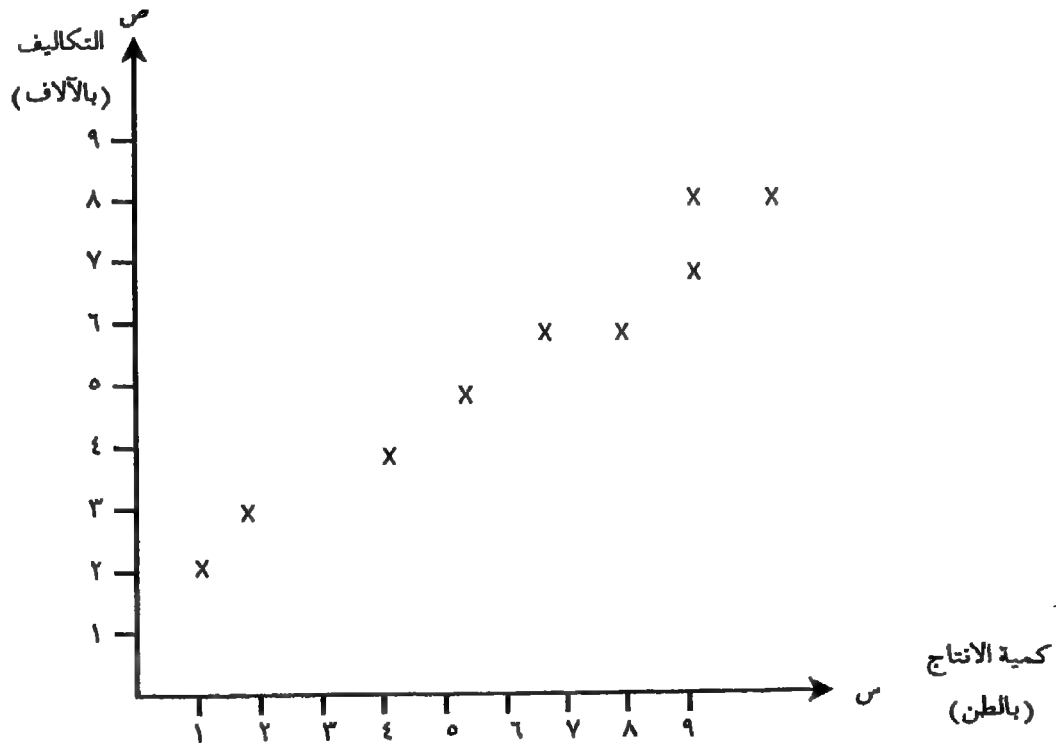
أ- هل العلاقة ما بين المتغيرين طردية أم عكسية ؟

تكون العلاقة ما بين المتغيرين علاقة طردية اذا أدت الزيادة بالمتغير المستقل الى زيادة بالمتغير التابع، أو أدى النقصان في المتغير المستقل الى نقصان بالمتغير التابع .

وتكون العلاقة ما بين المتغيرين علاقة عكسية اذا أدت الزيادة بالمتغير المستقل الى نقصان بالمتغير التابع أو أدى النقصان بالمتغير المستقل الى زيادة في المتغير التابع. ويشير الشكل (١٢ - ١) الى ان العلاقة ما بين كمية الانتاج والتكاليف هي علاقة طردية وكما هو متوقع. ان الجزء (أ) من الشكل (١٢ - ٢) يبين حالة تكون فيها العلاقة ما بين المتغيرين  $S$  و  $V$  هي علاقة عكسية. كما أنه ليس من الضروري أن تظهر جميع لوحات الانتشار علاقات اما عكسية أو طردية. ان بعض لوحات الانتشار قد تظهر عدم وجود ارتباط كما هو الحال في الجزء (ج) من الشكل (١٢ - ٢)، والذي يعني أن التغير في المتغير المستقل ليس له تأثير على المتغير التابع.

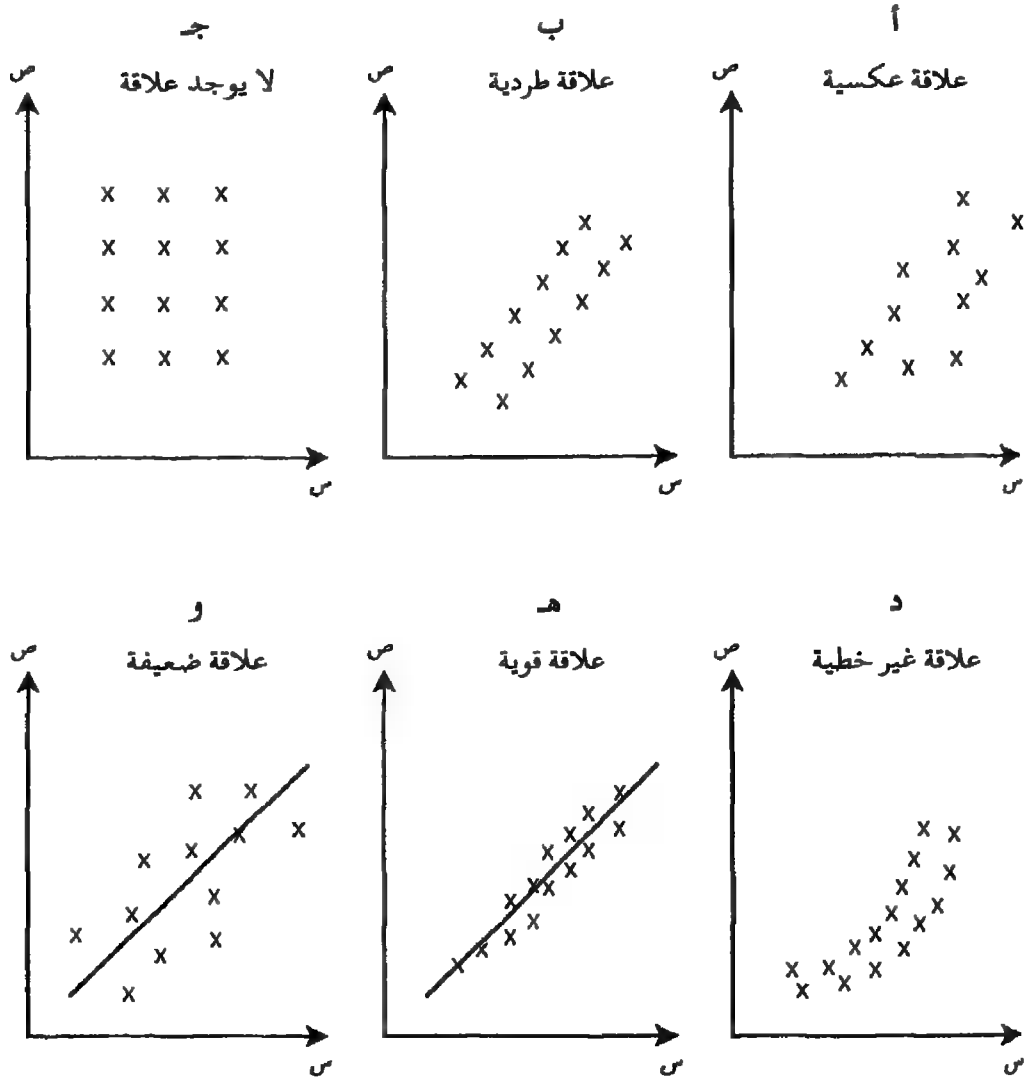
### الشكل (١٢ - ١)

لوحة الانتشار لكمية الانتاج والتكاليف



## شكل ( ٢٠ - ١٢ )

لوحات انتشار لعلاقات مختلفة ما بين المتغيرين س و ص



## ب- هل العلاقة ما بين المتغيرين علاقة خطية أم غير خطية ؟

تكون العلاقة ما بين المتغيرين علاقة خطية إذا كان الخط المستقيم قادر على تزويد تمثيل مناسب لمتوسط العلاقة ما بين المتغيرين. وتكون العلاقة غير خطية ما بين المتغيرين س و ص إذا لم تتمكن النقاط الموجودة على لوحة الانتشار من تشكيل خط مستقيم لتمثيل متوسط العلاقة. والشكل (١٢ - ١) يقترح ان العلاقة ما بين كمية الانتاج والتكاليف هي علاقة خطية. كما ان الجزء (د) من الشكل (١٢ - ٢) يوضح حالة تكون فيها العلاقة ما بين المتغيرين س و ص هي علاقة غير خطية.

## ج- هل العلاقة ما بين المتغيرين قوية أم ضعيفة ؟

تكون العلاقة ما بين المتغيرين س و ص نسبياً قوية إذا كانت النقاط تقع على قرب من خط معدل العلاقة (Average Line Relationship). فعلى سبيل المثال يوضح الجزء (هـ) من الشكل (١٢ - ٢) حالة تكون فيها العلاقة ما بين المتغيرين س و ص علاقة قوية. لذلك يستطيع الشخص الباحث في هذه الحالة التنبؤ بقيم المتغير التابع (ص) بناءً على قيم المتغير المستقل (س) وبدقة لوقوع جميع النقاط بالقرب من الخط. وعلى العكس من ذلك يوضح الجزء (و) من الشكل (١٢ - ٢) حالة تكون فيها العلاقة ما بين المتغيرين س و ص علاقة ضعيفة بحيث انه لا يستطيع الشخص الباحث من تقدير قيم المتغير التابع (ص) بناءً على قيم المتغير المستقل (س) بسبب تناثر النقاط عن خط معدل العلاقة في لوحة الانتشار. ويكون الارتباط تام ما بين المتغيرين في حالة وقوع جميع النقاط في لوحة الانتشار على خط معدل العلاقة.

## تحليل الارتباط Correlation Analysis

يهتم تحليل الارتباط بمدى قوة العلاقة ما بين متغيرين. فكما لاحظنا في الجزء (هـ) والجزء (و) في الشكل (١٢ - ٢)، فإن بعض العلاقات ما بين المتغيرات تكون أقوى أو أضعف من بعض العلاقات الأخرى. فعلى سبيل المثال إن حجم القدم اليسرى للشخص له علاقة قوية بحجم القدم اليمنى لنفس الشخص. وعلى الجهة الأخرى، يوجد هناك بعض العلاقة ما بين حجم المؤسسة والقدرة على التكيف مع تقنية جديدة. لذلك يعتبر تحليل الارتباط مهم ومكمل لتحليل الانحدار. فتحليل الانحدار يصف نوع العلاقة ما بين متغيرين، بينما تحليل الارتباط يصف قوة هذه العلاقة.

## أهداف تحليل الانحدار والارتباط

### Aims of Regression and Correlation Analysis

يوجد هناك أربعة أهداف رئيسية بالنسبة لتحليل الانحدار والارتباط. وهذه الأهداف هي :

١- يزود تحليل الانحدار تقديراً للمتغير التابع بناءً على قيم المتغير المستقل. فإذا أرادت المنشأة تقدير تكاليف إنتاج أربعة طن من المخرجات بالشهر من الشكل (١٢ - ١)، فإن تحليل الانحدار يزود هذا النوع من التقدير بالاعتماد على خط الانحدار. إن خط الانحدار (والذي غالباً ما يُشتق باستخدام طريقة أقل المربعات والتي سوف نشرحها فيما بعد) يستطيع تقدير متوسط قيمة (Mean Value) المتغير التابع (ص) لكل قيمة من قيم المتغير المستقل (س). لذلك يستطيع خط الانحدار في حالة المنشأة من تقدير متوسط قيمة التكاليف لكل قيمة من قيم كميات الإنتاج.

ب- يزود تحليل الانحدار قياسات للأخطاء التي يمكن أن تحدث باستخدام خط الانحدار لتقدير المتغير التابع. فعلى سبيل المثال، فإنه من المفيد جداً في حالة المنشأة معرفة

مقدار الثقة التي يمكن أن يضعها شخص في تقدير التكاليف بالاعتماد على خط الانحدار. وللإجابة على هذا السؤال، فقد قام الاحصائيون ببناء فترات الثقة والتي سوف نتناولها فيما بعد .

جـ- يستطيع تحليل الانحدار تقدير التأثير الناتج على متوسط قيمة المتغير التابع (ص) بسبب تغير قيمة المتغير المستقل (س) بمقدار وحدة واحدة. فعلى سبيل المثال : يمكن أن يكون هناك اهتمام في حالة المنشأة عند ادارتها بالتكلفة الحدية والتي هي عبارة عن الزيادة في التكلفة الكلية نتيجة زيادة المخرجات بمقدار طن واحد. فإذا كانت العلاقة ما بين كمية الإنتاج والتكاليف هي علاقة خطية، فإن ميل خط الانحدار يساوي التكلفة الحدية للمنشأة. لذلك يمكن من خلال تحليل الانحدار تقدير ميل خط الانحدار واختبار الفرضية ذات العلاقة بقيمة الميل. وسوف نتناول هذا الموضوع فيما يتبع من هذا الفصل.

د- يزود تحليل الانحدار تقديراً لقوة العلاقة ما بين المتغيرين س و ص. إن معامل الارتباط ومعامل التحديد هما مقياسان يستخدمان بشكل عام لهذا الغرض. وسوف نتناول ذلك فيما يتبع من هذا الفصل.

### - نموذج الانحدار الخطي Linear Regression Model

يُعرف النموذج على أنه تمثيل مبسط للعالم الحقيقي. وفي هذا الجزء فإننا نصف النموذج بمجموعة من الافتراضات والتي تعتمد عليها تحليل الانحدار.

يطلق على التوزيع الاحتمالي للمتغير التابع (ص) بناءً على قيم معروفة للمتغير المستقل (س) بالتوزيع الاحتمالي المشروط للمتغير (ص) والذي يرمز له بالرمز  $h(s|v)$ . حيث أن :

ص هي قيمة المتغير التابع

س هي قيم محددة للمتغير المستقل.

ويفترض تحليل الانحدار الافتراضات التالية حول التوزيع الاحتمالي المشروط للمتغير ص. وهذه الافتراضات هي :

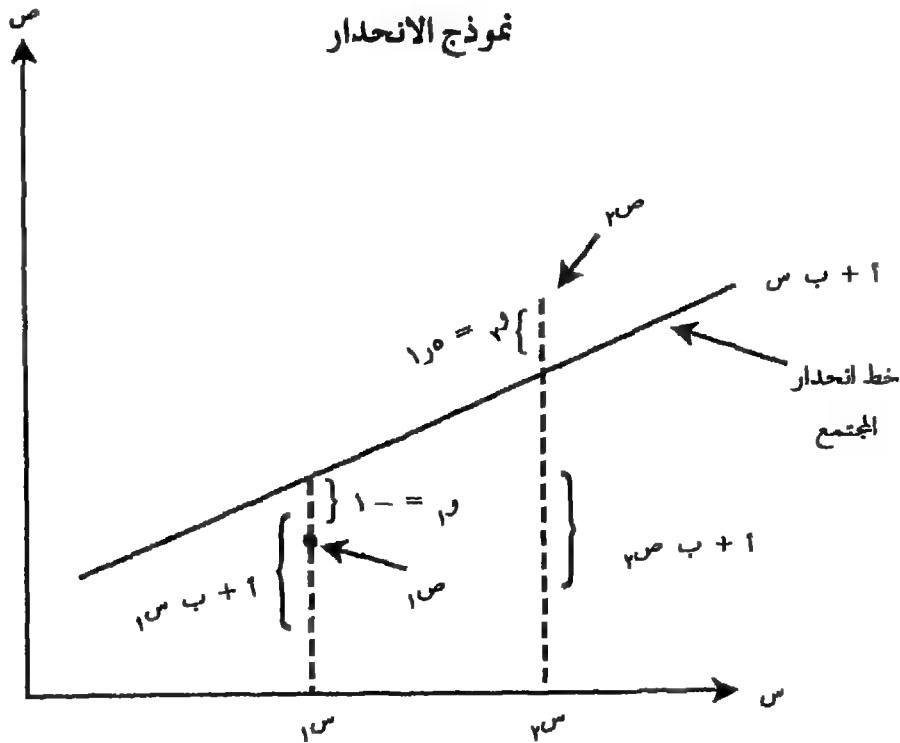
١- يفترض تحليل الانحدار أن متوسط قيمة المتغير ص، بناءً على قيم معلومة للمتغير س، هو اقتران خطي للمتغير س. بمعنى آخر، يفترض تحليل الانحدار أن متوسط قيمة المتغير التابع (ص) عبارة عن اقتران خطي للمتغير المستقل (س). وبعبارة أخرى، يفترض تحليل الانحدار وقوع الأوساط للتوزيعات الاحتمالية المشروطة على خط مستقيم. كما أن معادلة هذا الخط هي

$$V = 1 + bS$$

والشكل (١٢-٣) يوضح حالة مثل هذا النوع. ويطلق على هذا الخط المستقيم بخط الانحدار للمجتمع أو خط الانحدار الصحيح.

شكل (١٢-٣)

نموذج الانحدار



ب - يفترض تحليل الانحدار ان الانحراف المعياري للتوزيع الاحتمالي المشروط هو نفسه وبغض النظر عن قيمة المتغير المستقل . أي ان الانحراف المعياري للتوزيع الاحتمالي للتكلفة عندما تكون قيمة كمية الانتاج هي ( ٢ ) طن هو نفس الانحراف المعياري للتوزيع الاحتمالي للتكلفة عندما تكون قيمة كمية الانتاج ( ٩ ) طن .

ج - يفترض تحليل الانحدار ان قيم المتغير التابع ( ص ) مستقلة عن بعضها البعض . فعلى سبيل المثال : اذا كانت أحد المشاهدات تقع تحت وسط التوزيع الاحتمالي المشروط، فان هذا لن يؤثر على احتمال وقوع أحد المشاهدات الأخرى تحت وسط التوزيع الاحتمالي المشروط . وفي مثال المنشأة : اذا كانت تكاليف انتاج أحد الأشهر أقل من المعدل، فإنه من الممكن أن تكون تكاليف انتاج الشهر اللاحق تحت المعدل على فرض ثبات عوامل بيئة العمل لشهر آخر .

د - يفترض تحليل الانحدار ان التوزيع الاحتمالي المشروط هو توزيعاً طبيعياً . بالواقع لا تتطلب جميع جوانب تحليل الانحدار هذا الافتراض . كما يجدر بملاحظة هنا ان تحليل الانحدار يعتبر المتغير ص فقط كمتغير عشوائي . كما يفترض تحليل الانحدار ثبات قيم المتغير المستقل . لهذا فان استخدام تحليل الانحدار في تقدير قيمة المتغير التابع بناءً على المتغير المستقل يجعل القيمة المقدرة للمتغير التابع هي مجال للخطأ، أما قيمة المتغير المستقل تكون معروفة . ففي مثال المنشأة، اذا أُستخدم تحليل الانحدار لتقدير تكاليف انتاج ( ٤ ) طن من المخرجات، فان القيمة المقدرة للتكاليف هي مجال للخطأ فقط، أما بالنسبة لكمية الانتاج فهي معروفة وبدقة .

ان الافتراضات الاربعة معاً لتحليل الانحدار تتضمن ما يلي :

$$ص_r = أ + ب س_r + و_r$$

حيث ان  $ص_r$  هي القيمة الملاحظة  $ر$  من المتغير التابع .  $س_r$  هي القيمة الملاحظة



ر من قيم المتغير المستقل . و<sub>ر</sub> هو مقدار الخطأ.

إن وجود مقدار الخطأ يؤدي الى وقوع القيم الملاحظة للمتغير ص<sub>ر</sub> حول خط الانحدار للمجتمع وليس عليه . اذا كانت قيمة و<sub>ر</sub> = ١ - (قيمة مقدار الخطأ)، فان قيمة ص<sub>ر</sub> سوف يقع تحت خط انحدار المجتمع، والشكل (١٢ - ٣) يوضح ذلك . أما اذا كانت قيمة و<sub>ر</sub> = ١، فهذا يعني أن قيمة ص<sub>ر</sub> سوف تقع فوق خط انحدار المجتمع . كما أن تحليل الانحدار يفترض استقلال قيم ( و<sub>ر</sub> ) عن بعضها البعض .

### - خط انحدار العينة Sample Regression Line

ان تحليل الانحدار يتطلب الحصول على معادلة رياضية لخط الانحدار لوصف معدل العلاقة ما بين المتغير التابع والمتغير المستقل . فاذا تم استخدام جميع عناصر مجتمع الدراسة في حساب معادلة خط الانحدار، فان الخط الناتج يُسمى بمعادلة خط الانحدار للمجتمع . أما اذا لم يتمكن الشخص الباحث من ايجاد معادلة خط الانحدار للمجتمع فانه سوف يقوم بتقدير ذلك الخط بمعادلة خط الانحدار للعينة من خلال استخدام عناصر العينة التي تم اختيارها من ذلك المجتمع . لذلك نلاحظ ان حساب معادلة خط الانحدار للمجتمع تعتمد على جميع عناصر المجتمع، أما معادلة خط الانحدار للعينة فانها تعتمد على جزء أو عينة من مجتمع الدراسة فقط . ان التعبير العام لمعادلة خط الانحدار للمجتمع هو

$$ص = أ + ب س$$

أما التعبير العام لمعادلة خط الانحدار للعينة هو

$$ص = \hat{أ} + \hat{ب} س$$

حيث ان :

(١)  $\hat{ص}$  = القيمة المتوقعة للمتغير التابع باستخدام معادلة خط الانحدار .

(٢) أ و ب هي قيم تقديرية لـ أ و ب على التوالي .

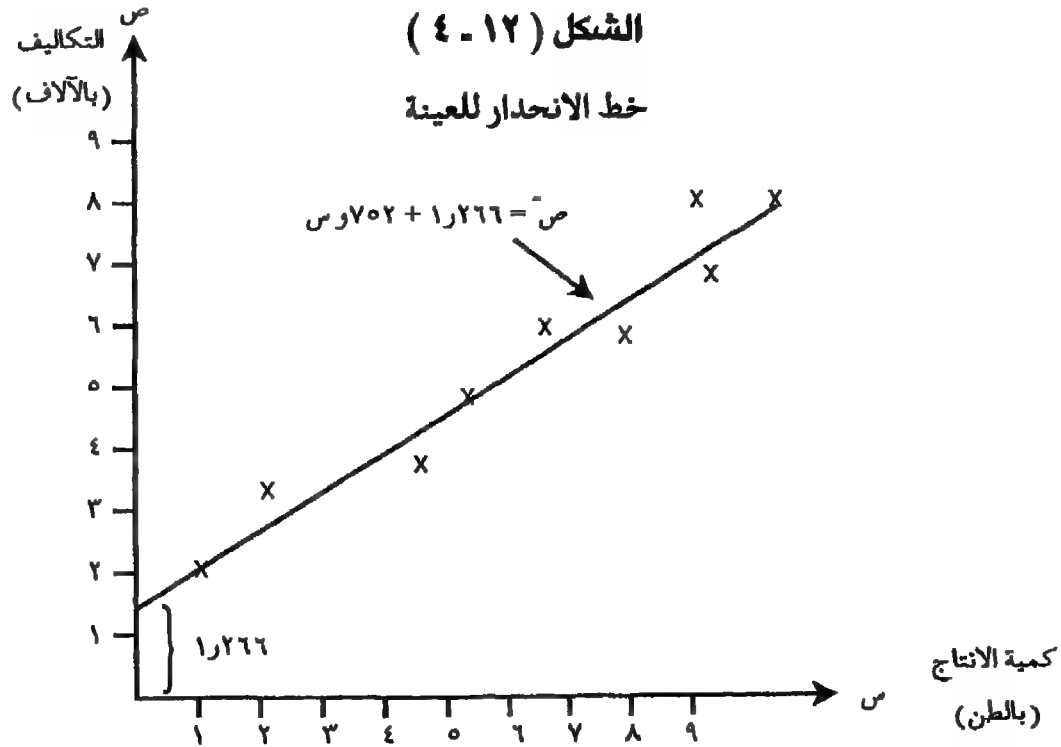
بما ان معادلة خط الانحدار تعني ضمناً ان قيمة  $\hat{a}$  اذا كانت قيمة  $s = 0$  صفر، فان هذا يعني ان القيمة  $\hat{a}$  هي قيمة المتغير  $s$  والتي عندها تقطع معادلة خط الانحدار محور الصادات . لذلك غالباً ما يطلق على قيمة الثابت  $\hat{a}$  بنقطة تقاطع خط الانحدار مع محور الصادات . أما قيمة  $b$  والتي تمثل ميل خط الانحدار فانها تعمل على قياس التغير في قيمة  $s$  المتوقعة نتيجة زيادة قيمة المتغير المستقل بمقدار وحدة واحدة .

يمثل الشكل ( ١٢ - ٤ ) خط الانحدار التقديري للبيانات ذات العلاقة بالتكاليف والانتاج للمنشأة التي تم التطرق لها في بداية هذا الفصل . ان معادلة خط الانحدار هي :

$$\hat{s} = 1.266 + 0.702s$$

حيث ان :  $s$  هي التكلفة الشهرية بالآلاف الدنانير .

$s$  هي كمية الانتاج الشهرية بالطن .



ان القيمة (١٢٦٦ر) في معادلة خط الانحدار للعينه هي قيمة  $\hat{a}$  والتي هي قيمة تقديرية لـ  $a$ . أما بالنسبة للقيمة (٧٥٢ر) فهي قيمة  $b$  والتي هي قيمة تقديرية لـ  $b$ .  
ان الاهتمام هنا ليس بكيفية أو آلية حساب معادلة خط الانحدار للعينه والذي سوف يتم شرحه بالتفصيل بالجزء التالي، ولكن الاهتمام هنا سوف يكون بكيفية تفسير معادلة خط الانحدار.

قبل البدء بأي شيء فانه لا بد من ملاحظة الفرق ما بين  $\hat{y}$  و  $y$ . ان القيمة  $\hat{y}$  تشير الى قيمة حقيقية للتكلفة الشهرية، بينما قيمة  $\hat{y}$  تشير الى القيمة المحسوبة أو القيمة التقديرية للتكلفة الشهرية بناءً على معادلة خط الانحدار للعينه. فعلى سبيل المثال، ان الصف الاول في الجدول (١٢ - ١) يبين ان التكلفة الشهرية الحقيقية لانتاج طن واحد هي (٢) ألف دينار. لذلك ان قيمة  $\hat{y} = ٢$  ألف دينار عندما تكون قيمة  $y = ١$  طن. بالمقارنة ان معادلة خط الانحدار تشير الى ان  $\hat{y} = ١٢٦٦ر + ٧٥٢ر$ ، (١)  $= ٢٠١٨$  ألف دينار عندما تكون قيمة  $\hat{y} = (١)$  طن. بمعنى آخر، ان القيمة التقديرية المتوقعة للتكاليف الشهرية تساوي (٢٠١٨) ألف دينار عندما تكون كمية الانتاج طن واحد، بينما القيمة الحقيقية للتكاليف تحت نفس الظروف (تكلفة الشهر الاول) هي (٢) ألف دينار.

انه من المهم جداً أن تتوفر المقدرة على ايجاد وتفسير كل من نقطة تقاطع خط الانحدار ومحور الصادات وكذلك ميل الخط. ما هي نقطة تقاطع خط الانحدار مع محور الصادات في حالة المنشأة وماذا تعني؟ إن نقطة التقاطع هي (١٢٦٦ر) وهذا يعني انه اذا كان الانتاج الشهري للمنشأة صفر طن فان التكلفة الشهرية سوف تكون (١٢٦٦ر) دينار كما يظهر في الشكل (١٢ - ٤)، وتمثل هذه القيمة (١٢٦٦ر) قيمة المتغير التابع والتي عندها يقطع خط الانحدار محور الصادات. ما هو ميل خط الانحدار في هذه الحالة؟ ان ميل خط الانحدار هو (٧٥٢ر) ألف دينار. ان هذا يعني ان الزيادة التقديرية بالتكاليف الشهرية اذا زاد الانتاج بمقدار طن واحد هي ٧٥٢ر دينار.

## - طريقة أقل المربعات Least Squares Method

يهتم هذا الجزء بوصف كيفية حساب معدل الانحدار . ولتوضيح ذلك، افرض ان شخص ما يريد تقدير خط الانحدار لتمثيل العلاقة ما بين التكلفة والانتاج في الشكل (١٢ - ١) . بما ان معادلة خط الانحدار هي :

$$ص = 1 + ب م ،$$

فان عملية التقدير للمعادلة تتم عن طريق ايجاد القيم الرقمية بالنسبة للثوابت ١ و ب . ان عدد البدائل بالنسبة للقيم التي يمكن أن تأخذها الثوابت ١ و ب هي بدائل غير منتهية ( Infinite Number ) . ان أحد البدائل للقيم التي يمكن أن يأخذها كل من ١ و ب كما يظهر في الجزء (١) من الشكل (١٢ - ٥) هو ان قيمة ١ =  $(\frac{1}{4})$  و ب = (١) . أما البديل الثاني الذي يمكن أن تأخذه قيم كل من ١ و ب كما يظهر في الجزء (ب) من الشكل (١٢ - ٥) هو ان قيمة ١ = (٠) وقيمة ب = (١) . كما ان أحد البدائل الأخرى لقيم ١ و ب كما يظهر في الجزء (جـ) من الشكل (١٢ - ٥) هو ان قيمة ١ = (١ -) وقيمة ب = (١) . ان السؤال الذي يطرح نفسه الآن هو السؤال التالي :

ما هو البديل الأمثل من بين هذه البدائل في وصف العلاقة ؟

ان طريقة أقل المربعات تعطي الاجابة على هذا السؤال من خلال الطريقة التالية :

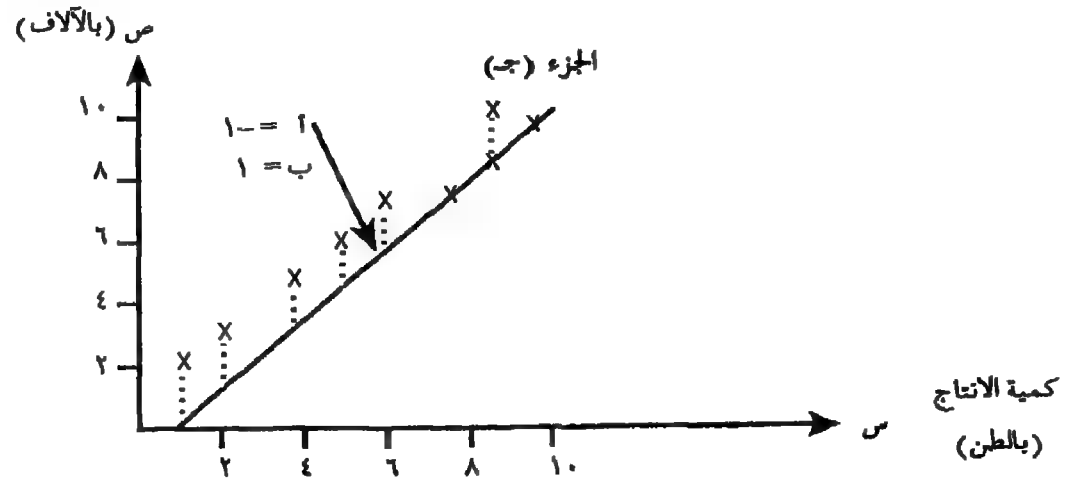
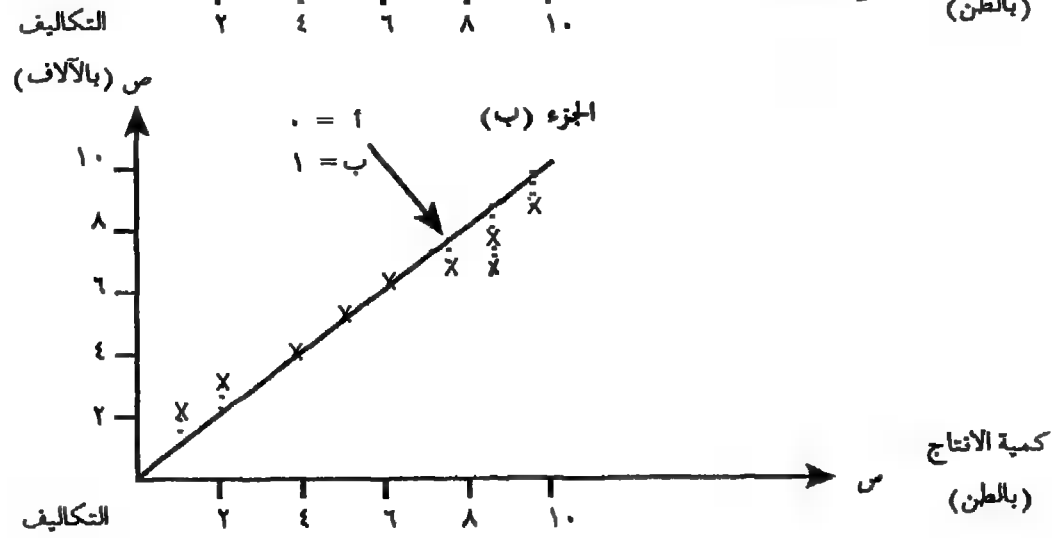
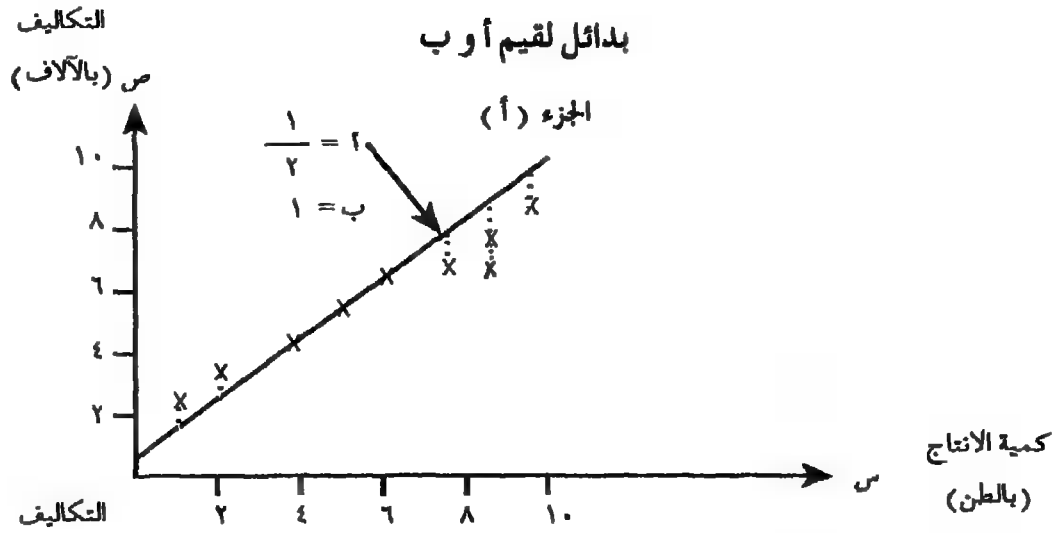
يجب اعتبار كل بديل من بدائل معادلة خط الانحدار ( كل قيمة متوقعة من قيم ١ أو ب ) من خلال قياس انحراف كل مشاهدة من مشاهدات العينة عن الخط . لهذا، ان قياس الانحراف في الجزء (١) من الشكل (١٢ - ٥) قد تم من خلال الخطوط العمودية المتقطعة ما بين الخط والنقاط . بعد ذلك وبناءً على طريقة أقل المربعات نقوم بتربيع هذه الفروق ومن ثم جمعها معاً . إن مجموع مربع الانحرافات للمشاهدات عن خط الانحدار للجزء ١ من الشكل (١٢ - ٥) هو  $[ (٥ -) + (٥ -) + (٥ -) + (٥ -) + (٥ -) ]$  أما بالنسبة للجزء (ب) من الشكل (١٢ - ٥) فان مجموع مربع انحرافات المشاهدات عن

خط الانحدار هو  $[ \sum (1) + \sum (1) + \sum (0) + \sum (0) + \sum (0) + \sum (1) + \sum (1) + \sum (1) ]$   
 $\sum (0) + \sum (1) ] = (5)$ . أما بالنسبة للجزء (ج) من الشكل (١٢ - ٥) فإن مجموع  
مربع الانحرافات للملاحظات عن خط الانحدار هو  $[ \sum (2) + \sum (2) + \sum (1) + \sum (1) + \sum (1) + \sum (1) + \sum (1) + \sum (1) ] = (12)$ . اذن وبناءً على طريقة أقل  
المربعات فإننا سوف نختار الخط الذي مجموع مربع انحرافات الملاحظات عنه أقل ما  
يمكن.

انه من المنطوق أن نختار الخط الذي يقلل مجموع مربع انحرافات بيانات العينة  
عنه. لماذا، لانه كلما زاد مجموع مربع انحرافات الملاحظات عن خط معدل العلاقة كلما  
قلت مقدرة الخط في تقدير أو تمثيل البيانات. لذلك يجب على أي شخص أن يقلل من  
مجموع مربع انحرافات الملاحظات عن خط معدل العلاقة إذا أراد أن يحصل على خط  
قادر على تمثيل البيانات بأكبر قدر ممكن. وبالنظر الى الشكل (١٢ - ٥) نجد أن الخط  
في الجزء (ج) لا يمثل البيانات كما في الجزء (أ)، كما ان الخط في الجزء (أ) لا يمثل  
البيانات كما في الجزء (ب). ان هذه الحقيقة موضحه من خلال الفروق في مربع  
انحرافات الملاحظات عن الخطوط. وكما هو متوقع، ان مجموع مربع انحرافات  
الملاحظات في الجزء (ج) أكبر من مجموع مربع الانحرافات في الجزء (أ)، كما ان  
مجموع مربع انحرافات الملاحظات في الجزء (أ) أكبر من مجموع مربع الانحرافات في  
الجزء (ب) وكما هو واضح في الشكل (١٢ - ٥).

## الشكل (١٢-٥)

بدائل لقيم أ و ب



وربماضياً، اذا كان  $s_r$  و  $s_r$  يمثل الزوج المرتب  $r$  من المشاهدات ذات العلاقة بالمتغيرات المستقلة والمتغير التابع، فانه يمكن ايجاد قيم كل من  $a$  و  $b$  والتي تقلل من مجموع مربع انحرافات المشاهدات عن خط الانحدار باستخدام المعادلات التالية :

$$\sum_{r=1}^n s_r = n \times a + b \sum_{r=1}^n s_r$$

$$\sum_{r=1}^n s_r s_r = \sum_{r=1}^n a s_r + b \sum_{r=1}^n s_r^2$$

حيث ان  $n$  هو عدد قيم المتغير اما  $(s_r)$  و  $(s_r)$  والذي بناءً عليهن تم حساب خط الانحدار للعينة. ويحل المعادلتين أعلاه بالنسبة لـ  $a$  و  $b$  (والذي غالباً ما يستخدم لتقدير  $a$  و  $b$  بطريقة أقل المربعات) فاننا سوف نحصل على المعادلتين الهامتين التاليتين :

$$b = \frac{\sum_{r=1}^n (s_r - \bar{s})(s_r - \bar{s})}{\sum_{r=1}^n (s_r - \bar{s})^2} \dots\dots\dots (1-12)$$

$$a = \bar{s} - b \bar{s} \dots\dots\dots (12-b)$$

وتمثل القيمة  $b$  في المعادلة (1-12) معامل الانحدار التقديري ومن وجهة نظر حسابية، فانه غالباً ما يفضل استخدام معادلة أخرى لـ  $(b)$  غير المعادلة (1-12)، علماً بأن كلا المعادلتين يؤديان الى نفس النتيجة. ان هذه المعادلة هي :

$$b = \frac{\sum_{r=1}^n s_r s_r - \left( \sum_{r=1}^n s_r \right) \left( \sum_{r=1}^n s_r \right)}{\sum_{r=1}^n s_r^2 - \left( \sum_{r=1}^n s_r \right)^2}$$

ولايجاد معادلة الانحدار لوصف العلاقة ما بين كمية الانتاج والتكاليف بالنسبة للجدول (١٢ - ١)، فانا سوف نقوم بتشكيل الجدول (١٢ - ٢) لحساب قيم كل من  $\sum x$ ،  $\sum x^2$ ،  $\sum y$ ،  $\sum y^2$ ،  $\sum xy$  وبالاتماد على الحسابات في الجدول (١٢ - ٢)، نجد ما يلي :

$$b = \frac{9(319) - (49)(50)}{9(50) - (340)^2}$$

$$b = \frac{2871 - 2450}{360 - 2500}$$

$$b = \frac{421}{560}$$

$$b = 752ر$$

لذلك تكون قيمة ب باستخدام طريقة اقل المربعات هي (٧٥٢ر) من الالف دينار والتي هي نفس النتيجة التي ظهرت بالجزء السابق. بمعنى آخر، اذا زاد الانتاج بمقدار طن واحد، فان ذلك سوف يتبعه زيادة تقديرية بالتكاليف قدرها حوالي (٧٥٢) دينار.



**جدول (۱۲-۲)**

| ص <sup>۲</sup> | ص ص <sup>۲</sup> | ص <sup>۲</sup> | ص  | ص  |
|----------------|------------------|----------------|----|----|
| ۴              | ۲                | ۱              | ۲  | ۱  |
| ۹              | ۶                | ۴              | ۳  | ۲  |
| ۱۶             | ۱۶               | ۱۶             | ۴  | ۴  |
| ۴۹             | ۵۶               | ۶۴             | ۷  | ۸  |
| ۳۶             | ۳۶               | ۳۶             | ۶  | ۶  |
| ۲۵             | ۲۵               | ۲۵             | ۵  | ۵  |
| ۶۴             | ۶۴               | ۶۴             | ۸  | ۸  |
| ۶۴             | ۷۲               | ۸۱             | ۸  | ۹  |
| ۳۶             | ۴۲               | ۴۹             | ۶  | ۷  |
| ۳۰۳            | ۳۱۹              | ۳۴۰            | ۴۹ | ۵۰ |

بعد حساب قيمة ب، فانه لا بد من حساب قيمة 1 لايجاد معادلة خط الانحدار والتي تؤدي الى تقليل مجموع مربع الانحرافات. وباستخدام المعادلة (١٢ - ب) .

۱ = ص - ب س حیث ان :

ص = الوسط الحسابي لقيم المتغير ص .

س = الوسط الحسابي لقيم المتغير المستقل س .

لايجاد قيمة  $\alpha$  ، فانه لا بد أولاً من ايجاد قيمة كل من  $S$  و  $S'$  .

$$\frac{50}{9} = \text{إن قيمة س'}$$

$$\text{س' } = 5056 \text{ ر}$$

$$\frac{49}{9} = \text{أما قيمة ص'}$$

$$\text{ص' } = 5444 \text{ ر}$$

وبعد التعويض بالمعادلة (١٢ - ب)، نجد أن قيمة أ هي :

$$1 = 5444 \text{ ر} - 752 \text{ ر} (5056 \text{ ر})$$

$$1 = 5444 \text{ ر} - 4178$$

$$1 = 1266 \text{ ر}$$

وهذا يعني أن قيمة أ هي (١٢٦٦ ر) دينار. تذكر هنا أن هذه القيمة هي نفس القيمة المعطاة للثابت أ في الجزء السابق.

وبعد الحصول على قيم كل من الثابت أ والثابت ب، فإنه من السهل جداً تحديد معدل العلاقة للعينة ما بين الإنتاج والتكاليف بالنسبة للمنشأة. وهذه العلاقة هي :

$$\text{ص' } = 1266 \text{ ر} + 752 \text{ ر س}$$

حيث أن قيمة ص تم قياسها بآلاف الدينانير، بينما القيمة س تم قياسها بالطن. وكما نعلم، فإنه يطلق على هذا الخط بخط الانحدار للعينة أو خط انحدار المتغير ص بناءً على س. كما أن هذا الخط هو نفس الخط الذي تم تمثيله بيانياً في الشكل (١٢ - ٤).

أن خط الانحدار من هذا النوع قد يكون له أهمية كبيرة في الحياة العملية بالنسبة للإداريين والاقتصاديين على حد سواء. فعلى سبيل المثال : افترض أن إدارة

المنشأة تريد تقدير تكاليف الانتاج الشهرية اذا قرّرت انتاج ( ٤ ) طن في كل شهر.  
فباستخدام معادلة خط الانحدار لهذه المنشأة، فانه يمكن تقدير التكاليف كما يلي :

$$\text{ص} = ١٢٦٦ \text{ر} + ٧٥٢ \text{ر} (٤)$$

$$= ٤٢٧٤ \text{ر}$$

بما أن التكاليف تم قياسها على أساس ألف دينار، فان هذا يعني ان التكاليف الكلية المقدرة سوف تكون ٤٢٧٤ دينار . ولتوضيح الفكرة ، دعنا نقوم بحل مثال آخر.

مثال ( ١ ) : يريد احصائي تقدير العلاقة ما بين الدخل السنوي للعائلة وحجم الادخار . فاذا تم الحصول على البيانات من تسع عائلات .

الدخل السنوي ( ألف ) : ١٢ ، ١٣ ، ١٤ ، ١٥ ، ١٦ ، ١٧ ، ١٨ ، ١٩ ، ٢٠

الادخار السنوي ( ألف ) : ٠ ، ١ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٣ ، ٥ ، ٦ ، ٧ ، ٨

احسب معادلة خط الانحدار البسيط بطريقة اقل المربعات اذا علمت ان الادخار هو المتغير التابع والدخل السنوي هو المتغير المستقل .

الحل : افرض ان صر : الدخل السنوي بآلاف الدينانير .

صر : الادخار السنوي بآلاف الدينانير .

سوف نقوم الآن بترتيب البيانات في جدول ( ١٢ - ٣ ) لحساب قيم كل من

$$\sum \text{صر} ، \sum \text{ص}^2 ، \sum \text{صر} ، \sum \text{صر}^2$$

جدول (٣-١٢)

| سر  | سر | $\sum$ سر <sup>٢</sup> | $\sum$ سر سر | $\sum$ سر <sup>٢</sup> |
|-----|----|------------------------|--------------|------------------------|
| ١٢  | ٠  | ١٤٤                    | ٠            | ٠                      |
| ١٣  | ١  | ١٦٩                    | ١٣           | ٠١                     |
| ١٤  | ٢  | ١٩٦                    | ٢٨           | ٠٤                     |
| ١٥  | ٣  | ٢٢٥                    | ٣٠           | ٠٤                     |
| ١٦  | ٤  | ٢٥٦                    | ٨٠           | ٢٥                     |
| ١٧  | ٥  | ٢٨٩                    | ٨٥           | ٢٥                     |
| ١٨  | ٦  | ٣٢٤                    | ١٠٨          | ٣٦                     |
| ١٩  | ٧  | ٣٦١                    | ١٣٣          | ٤٩                     |
| ٢٠  | ٨  | ٤٠٠                    | ١٦٠          | ٦٤                     |
| ١٤٤ | ٣٦ | ٢٣٦٤                   | ٦٣٧          | ٢٠٨                    |

لايجاد معادلة خط الانحدار، فانه لا بد من ايجاد قيمة كل من ب وقيمة ا،  
لايجاد ب فاننا سوف نستخدم العلاقة التالية :

$$ب = \frac{\sum \text{سر سر} - (\sum \text{سر})(\sum \text{سر})}{\sum \text{سر}^2 - (\sum \text{سر})^2}$$

وبالاعتماد على الحسابات في الجدول (١٢-٢) نجد ما يلي :

$$\text{ب} = \frac{9(637) - (144)(36)}{9(2364) - (144)^2}$$

$$\text{ب} = \frac{5733 - 5184}{21276 - 20736}$$

$$\text{ب} = \frac{549}{540}$$

$$\text{ب} = 1.017$$

ان هذا يعني ان قيمة ب باستخدام طريقة اقل المربعات هي (١.٠١٧) دينار.  
بمعنى آخر، كلنا زاد دخل الاسرة او العائلة بمقدار الف دينار، كلما زاد الادخار بمقدار (١.٠١٧) دينار.

ولايجاد قيمة ا، فاننا سوف نستخدم المعادلة التالية :

$$1 = \text{ص} - \text{ب س}$$

$$\text{ان قيمة ص} = \text{ك} \text{ ص} / \text{ن}$$

$$\text{ص} = 9 / 36$$

$$\text{ص} = 4$$

$$\text{اما قيمة س} = \text{ك} \text{ س} / \text{ن}$$

$$\text{س} = 9 / 144$$

$$\text{س} = 16$$

$$\text{اذن قيمة ا} = 4 - (1.017)(16)$$

$$1 = 4 - 12272$$

$$1 = 12272$$

وهذا يعني ان قيمة 1 هي (-12272) دينار. وهذا يعني أنه اذا كان دخل الأسرة السنوي (صفر) دينار، فان الأسرة بحاجة الى اقتراض المبلغ (12272) لقضاء الحاجات الأساسية.

وعليه فان معادلة خط الانحدار هي :

$$\hat{Y} = -12272 + 1017X$$

علماً بأنه تم قياس كل من الدخل والادخار بالآلاف الدنانير.

#### - خصائص التقدير بطريقة أقل المربعات

ان الهدف النهائي من قيام الشخص الباحث بالعمليات الحسابية هو الحصول على معادلة خط الانحدار للمجتمع. فعلى سبيل المثال ان هدف أي منشأة هو معرفة خط الانحدار للمجتمع والذي يربط تكاليف المنشأة بكمية الانتاج - خط الانحدار الذي يعتمد على جميع مشاهدات التكاليف والانتاج. ولكن من الصعب جداً في بعض الاحيان القيام بحساب هذا الخط لعدم وجود جميع عناصر المجتمع. لذلك فان أفضل شيء بالنسبة للشخص الباحث هو ايجاد خط الانحدار بالنسبة لعينة من مجتمع الدراسة ومن ثم استخدامه لتقدير خط الانحدار للمجتمع. لقد تم تعريف القيم الاحصائية 1 و 2 كقيم تقديرية لمعالم خط انحدار المجتمع أ و ب. وسواء كان التوزيع الاحتمالي المشروط للمتغير طبيعي أم غير طبيعي، فان هذه التقديرات تتمتع بالخصائص التالية :

## ١ - عدم التحيز Unbiasedness

انه يمكن ملاحظة ان القيم المحسوبة لـ  $\alpha$  و  $\beta$  بالنسبة للعينة باستخدام طريقة اقل المربعات هي قيم تقديرية غير منحازة للقيم  $\alpha$  و  $\beta$  بالنسبة للمجتمع . بمعنى آخر ، اذا كان لا بد من سحب عينة تلوا الأخرى ، وتم حساب قيمة كل من  $\alpha$  و  $\beta$  لكل عينة باستخدام طريقة اقل المربعات ، فان الوسط الحسابي لقيم  $\alpha$  سوف يساوي القيمة الحقيقية لـ  $\alpha$  ، كما ان الوسط الحسابي لقيم  $\beta$  سوف يساوي القيمة الحقيقية لـ  $\beta$  .

## ٢ - الكفاءة Efficiency

الانحراف المعياري بالنسبة للتقديرات غير المنحازة  $\alpha$  و  $\beta$  باستخدام طريقة اقل المربعات غالباً ما يكون اقل ما يمكن . كما انه من أسباب تفضيل استخدام طريقة اقل المربعات في تقدير قيم كل من  $\alpha$  و  $\beta$  هو تقليل مجموع مربع انحرافات المشاهدات عن خط معدل العلاقة للعينة . بمعنى آخر ، ان القيم التقديرية  $\alpha$  و  $\beta$  هما أكثر التقديرات كفاءة لمثل هذا النوع . ولقد أثبتت هذه النتيجة عن طريق نظرية قوس و ماركوف ( Gauss - Markov Theorem ) .

## ٣ - الثبات على مبدأ أو الانسجام Consistency

لقد تم ايجاد ان الثابت  $\alpha$  بالنسبة للعينة هو تقدير ثابت أو منسجم مع الثابت  $\alpha$  بالنسبة للمجتمع وكذلك نفس الشيء بالنسبة للثابت  $\beta$  . بمعنى آخر ، كلما زاد حجم العينة واصبح اكبر واكبر ، فان قيمة  $\alpha$  بالنسبة للعينة سوف تنطبق على قيمة  $\alpha$  بالنسبة للمجتمع ، كما ان قيمة  $\beta$  بالنسبة للعينة سوف تنطبق على قيمة  $\beta$  بالنسبة للمجتمع .

وبناءً على هذه الخصائص المميزة جداً . فان القيم التقديرية لـ  $\alpha$  و  $\beta$

باستخدام طريقة أقل المربعات هي القيم التقديرية التي استخدمها الاحصائيون لتقدير الثوابت بالنسبة لمجتمع الدراسة أ و ب .

### الخطأ المعياري للتقدير Standard Error of Estimates

لقد بينا في الجزء السابق كيف ان تحليل الانحدار يزود تقادير مختلفة للمتغير التابع بناءً على قيم معطاة للمتغير المستقل ( وكان هذا اول اهداف تحليل الانحراف والارتباط ). اما الآن فاننا سوف نقوم بوصف كيفية تزويد تحليل الانحراف لمقاييس الاخطاء التي يمكن ان ترافق اجراءات التقدير ( الهدف الثاني من اهداف تحليل الانحدار والارتباط ). انه لمن الضروري ان نتذكر أولاً أننا قد قمنا بافتراض مساواة الانحراف المعياري للتوزيع الاحتمالي المشروط للمتغير التابع وبغض النظر عن قيمة المتغير المستقل . ان الهدف من استخدام مقياس الانحراف المعياري والذي يرمز له بالرمز  $(\sigma_e)$  هو لقياس كمية الانتشار عن خط انحدار المجتمع . فاذا كانت قيمة  $(\sigma_e)$  كبيرة، فان هذا يعني ان الانتشار كبير . اما اذا كانت قيمة  $(\sigma_e)$  صغيرة، فهذا يعني ان الانتشار قليل .

ان المقياس الاحصائي المستخدم لتقدير  $\sigma_e$  هو الانحراف المعياري للتقدير والذي يرمز له بالرمز  $(S_e)$  والمعروف كما يلي :

$$S_e = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2}{n - 1}}$$

حيث أن ١)  $y_i$  هي القيمة  $y$  من قيم المتغير التابع .

٢)  $n$  هي حجم العينة .

٣)  $\hat{y}_i$  هي القيمة التقديرية لـ  $y_i$  من خط الانحدار الذي معادلته هي

$$\hat{y}_i = a + b x_i$$



انه من الواضح جداً ان تزداد قيمة (Se) كلما زادت كمية الانتشار عن خط الانحدار للعينة . فاذا لم يكن هناك انتشار عن خط الانحدار للعينة على الإطلاق (أي ان جميع النقاط واقعة على خط الانحدار) فان قيمة (Se) سوف تكون صفراً لان قيمة  $\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2$  سوف تكون نفس قيمة  $\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2$  . ولكن اذا كان هناك انتشار كبير عن خط الانحدار، فان هذا يعني ان قيمة  $\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2$  سوف تختلف اختلافاً كبيراً عن قيمة  $\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2$  وبالتالي سوف تكون قيمة (Se) كبيرة.

ان المعادلة التي تستخدم بشكل مستمر في حساب الخطأ المعياري للتقدير بسبب السهولة في التطبيق والمكافئة للمعادلة الأولى هي :

$$Se = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2}{n - 1}}$$

ولتوضيح استخدام المعادلة اعلاه، دعنا نعود الى نفس مثال المنشأة التي تريد وصف العلاقة ما بين كمية الانتاج والتكاليف . بالرجوع الى الجدول (١٢ - ٢) نجد ان

$$\sum y_i = 303, \quad \sum x_i = 49, \quad \sum x_i^2 = 319.$$

$$\text{كما ان قيمة } 1 = 1266, \text{ وقيمة } b = 752$$

وبالتعويض بالمعادلة نجد ان قيمة (Se) هي

$$Se = \sqrt{\frac{(303)(752) - (49)(1266) - 319}{1 - 9}}$$

$$= \sqrt{\frac{(239888) - (62034) - 319}{7}}$$

$$\sqrt{\frac{1078}{2}} =$$

$$\sqrt{539} =$$

$$23.217 =$$

لذلك ، اذا كنا نعلم القيم الحقيقية لكل من أ و ب بالنسبة لمجتمع الدراسة ، فان الانحراف المعياري للخطأ بالتقدير بالاعتماد على خط الانحدار الصحيح للمجتمع سوف يكون حوالي (23.217) بالآلاف من الدينار أو ٣٩٢ دينار .

مثال (٢) : بالاعتماد على البيانات الواردة في المثال رقم (١) ، اذا أراد الاقتصادي حساب الخطأ المعياري في التقدير، فما هي تلك القيمة ؟

الحل : بالرجوع الى البيانات الواردة في الجدول (١٣-٢) نجد أن :

$$\sum_{i=1}^n x_i^2 = 208, \quad \sum_{i=1}^n x_i y_i = 36, \quad \sum_{i=1}^n y_i^2 = 637.$$

$$\text{كما ان قيمة } 1 = 12272, \quad \text{قيمة } 2 = 1017$$

بالتعويض بالمعادلة التالية، نجد ان قيمة الخطأ المعياري بالتقدير هي :

$$\sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2 - \frac{(\sum_{i=1}^n x_i)^2}{n}}{n-1}} = S_e$$

$$\sqrt{\frac{208 - \frac{(36)^2}{9}}{9-1}} = S_e$$

$$\frac{(64783) - (44179) - 208}{7} = \sqrt{\quad}$$

$$10.28 = \sqrt{\quad}$$

$$10.53 =$$

لذلك، ان الانحراف المعياري للخطا بالتقدير بالاعتماد على القيم الحقيقية لخط الانحدار الصحيح هو حوالي (10.53) بالالف من الدينار أو (53) دينار.

### - تقدير الوسط المشروط Estimating the Conditional Mean

ان الهدف من هذا الجزء هو بيان كيفية تقدير الوسط المشروط للمتغير ص. ولغاية هذا الجزء، فانا نفترض ان كل من خط الانحدار والتقدير يعتمد على طريقة أقل المربعات في تقدير قيم كل من أ و ب الحقيقية. ولغايات التحديد، دعنا نعود الى مثال المنشأة التي ترغب في وصف العلاقة ما بين كمية الانتاج والتكاليف. افرض ان مدراء المنشأة يرغبون في تقدير متوسط التكاليف الشهرية للمنشأة في حالة تحديد كمية الانتاج الشهرية لأن تكون (4) طن.

بما ان خط الانحدار الحقيقي للمجتمع مجهول، فان أفضل شيء قد تقوم به المنشأة هو تقدير خط الانحدار الصحيح بخط الانحدار للعينة. بمعنى آخر، لتقدير تكاليف انتاج (4) طن، فانا سوف نستخدم معادلة خط الانحدار للعينة وكما يلي :

$$\hat{ص} = 1 + ب س$$

$$\hat{ص} = 1266 + 752 ر س$$

$$\hat{ص}(4) = 1266 + 752 ر(4)$$

$$30.08 + 1266 =$$

$$1296 =$$

وبشكل عام، لتقدير الوسط المشروط للمتغير عندما تكون قيمة المتغير المستقل تساوي  $s^*$ ، فإننا نستخدم العلاقة التالية :

$$1 + b s^*$$

أما بالنسبة لفترة الثقة للوسط المشروط للمتغير  $s$  إذا كانت قيمة المتغير المستقل هي  $s^*$  هي :

$$\sqrt{\frac{(s - s^*)^2}{\sum_{i=1}^n s_i^2 - n \bar{s}^2} + \frac{1}{n}} (Se) (t_{\frac{\alpha}{2}}) \pm (1 + b s^*)$$

فإذا كان التوزيع الاحتمالي المشروط للمتغير المستقل توزيعاً طبيعياً، فإن احتمال أن تتضمن هذه الفترة الوسط المشروط للمتغير  $s$  هو  $(1 - \alpha)$ . لاحظ أن هذه الفترة سوف تتسع أكثر وأكثر كلما بعدت قيمة  $s^*$  عن  $\bar{s}$ . أن اتساع الفترة نتيجة لبعد  $s^*$  عن  $\bar{s}$  هو منطقي لأن الخطأ الناتج في تقدير ميل خط الانحدار سوف يؤدي إلى وقوع خطأ أكبر في تقدير موقع خط الانحدار.

ولتوضيح استخدام العلاقة بالنسبة لفترة الثقة، دعنا نقوم بتقدير متوسط التكاليف المتحققة على المنشأة في حالة الرغبة في تحديد حجم الانتاج الشهري بـ (٤) طن وبشكل دوري. ان فترة الثقة الـ ٩٥٪ لمتوسط التكاليف هي :

$$\sqrt{\frac{(4 - 5056)^2}{(5056)^2 - 340} + \frac{1}{9}} (392) (2365) \pm 1296$$

$$\sqrt{\frac{(4 - 1056)^2}{27782 - 340} + \frac{1}{9}} (9271) \pm 1296 =$$

$$\frac{24211}{6218} + \frac{1}{9} \sqrt{(9271) \pm 4274} =$$

$$(3872)(9271) \pm 4274 =$$

$$309 \pm 4274 =$$

لاحظ ان قيمة (t) اعتمدت على (2/∞) ودرجات الحرية (2 - 9 = 7).  
لذلك، اذا ارادت المنشأة تقدير النقطة الواقعة على خط انحدار المجتمع والمقابلة لكمية  
الانتاج الـ (4) طن الشهرية، فان فترة الثقة الـ 95٪ لهذا الوسط المشروط هي من  
(3910 الى 6334) دينار.

ان الهدف من المثال التالي هو لزيادة توضيح كيفية حساب فترة الثقة للوسط  
المشروط.

مثال (3) : اوجد فترة الثقة الـ 95٪ لمتوسط حجم الادخار لعائلة دخلها السنوي  
(20000) دينار من بين مجموعة من العائلات بالاعتماد على البيانات الواردة  
في المثال رقم (1).

الحل : بالاعتماد على البيانات الواردة في الجدول (12-2) نلاحظ ما يلي :

$$1 = 12272 \text{ ، } b = 1017 \text{ ، } t = (20, 25) \text{ ، } d = 7 = 2360$$

$$Se = 0.03 \text{ ، } n = 9 \text{ ، } s = 16 \text{ ، } s_r = 2364 \text{ ، } s = 20 \text{ الف .}$$

بالتعويض بالمعادلة فإن فترة الثقة الـ 95٪

$$\frac{t(16-20)}{2(16)9-2364} + \frac{1}{9} \sqrt{(0.03)(2360) \pm (20)(1017) + 12272} =$$

$$\frac{\frac{\sum (x_i^2)}{n} - \frac{(\sum x_i)^2}{n^2}}{n-1} + \frac{1}{n} \sqrt{(1203) \pm 27.34 + 12272} =$$

$$\frac{16}{10} + \frac{1}{10} \sqrt{(1203) \pm 8.68} =$$

$$(610)(1203) \pm 8.68 =$$

$$77.77 \pm 8.68 =$$

وهذا يعني ان فترة الثقة الـ ٩٥٪ لمتوسط حجم الادخار المشروط هي من ٧٢٩٨ ر  
ألف دينار الى ٨٨٣٨ ر ألف دينار، أو ٧٢٩٨ دينار الى ٨٨٣٨ دينار.

#### التنبؤ بالقيم الفردية للمتغير ص Predicting an Individual Value of Y

غالباً ما يستخدم خط انحدار العينة لتقدير قيم المتغير ص. فإذا أراد مدراء المنشأة  
توقع تكاليف الشهر القادم في حالة انتاج (٤) طن، فانه بالامكان استخدام معادلة خط  
الانحدار البسيط للعينة للقيام بذلك التوقع. وعليه تكون القيمة المتوقعة لتكاليف  
الشهر القادم هي (٤٢٧٤) دينار. بشكل عام، يمكن لأي شخص الاعتماد على معادلة  
خط الانحدار للعينة في عملية توقع قيمة فردية للمتغير ص = ١ + ب س \*

أما بالنسبة لفترة الثقة لقيمة المتغير ص المتوقعة اذا كانت قيمة المتغير هي س \*

فهي :

$$\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n-1} + \frac{1}{n} \sqrt{(Se) (t_{\frac{\alpha}{2}})^2 \pm (1 + b^2 S^2)}$$

فإذا كان التوزيع الاحتمالي المشروط للمتغير الطبيعي هو توزيعاً طبيعياً، فإن احتمال أن تقع القيمة الصحيحة للمتغير ص ضمن فترة الثقة هي ٩٥٪. ان مقارنة فترة الثقة للقيم الفردية للمتغير ص مع فترة الثقة للوسط المشروط، نلاحظ ان هذه الفترة اوسع من فترة الثقة الأخرى. ان هذا بالطبع منطقي لأن الخطأ العيني في تقدير القيمة الفردية للمتغير التابع سوف يكون أكبر من الخطأ العيني لقيمة الوسط المشروط بالنسبة للمتغير التابع.

ولتوضيح استخدام فترة الثقة، افرض ان ادارة المنشأة تهتم بتوقع التكلفة التي سوف تتحقق للشهر القادم اذا كانت كمية الانتاج المطلوبة هي (٤) طن. بالاعتماد على العلاقة، تكون فترة الثقة الـ ٩٥٪ للتكلفة :

$$\frac{\sqrt{2(5056 - 4)}}{62.2} + \frac{1.0}{9} \sqrt{(392)(2365) \pm ((4)752 + 1266)} =$$

$$\frac{\sqrt{2(5056 - 4)}}{62.2} + \frac{1.0}{9} \sqrt{(9270) \pm 4274} =$$

$$(1.723)(9270) \pm 4274 =$$

$$994 \pm 4274 =$$

ولقد تمّ حساب قيمة  $(t \frac{\partial}{\partial})$  بناءً على درجات حرية قدرها  $(7 = 2 - 9)$ . لهذا، اذا كانت المنشأة مهتمة في تقدير التكلفة لشهر معين اذا كانت كمية الانتاج هي (٤) طن، فان فترة الثقة الـ ٩٥٪ لهذه التكلفة هي من ٣٢٨٠ دينار الى ٥٢٦٨ دينار.

وقبل أن ننتهي من موضوع فترة الثقة لكل من الوسط المشروط والقيم الفردية للمتغير ص، فانه لا بد من التذكير بالافتراضات ذات العلاقة مرة أخرى. أولاً : لقد تمّ

افتراض ان انحدار المجتمع هو خطي بمعنى آخر، ان الوسط المشروط للمتغير التابع هو اقتران خطي للمتغير المستقل. ثانياً : لقد تم افتراض ان التوزيع الاحتمالي المشروط للمتغير التابع هو توزيعاً طبيعياً والانحراف المعياري هو نفسه بغض النظر عن قيمة المتغير المستقل. فاذا تمّ نقض أي من هذين الافتراضين، فان هذا سوف يؤدي الى وقوع درجة معينة من الخطأ في النتائج.

مثال ( ٢٤ ) : بالاعتماد على البيانات المتوفرة في المثال رقم ( ١ )، ما هو الادخار المتوقع لعائلة تم اختيارها عشوائياً من بين العائلات ذات الدخل ( ٢٠.٠٠٠ ) دينار، ثم اوجد فترة الثقة الـ ٩٥٪ لهذا التوقع أو التنبؤ.

الحل : نلاحظ من البيانات الواردة في الجدول ( ١٢ - ٢ ) ما يلي :

$$1 = - 12272 \text{ ر } ، ب = 1017 \text{ ر } ، t(7, 0.25) = 1.895$$

$$Se = 0.03 \text{ ر } ، ن = 9 ، س = 16 ، \sum س^2 = 2364$$

س\* = ٢٠ الف.

$$1) \text{ التنبؤ } = - 12272 + 1017(20)$$

$$= - 12272 + 2034$$

$$= - 10238 \text{ ر}$$

ب) فترة الثقة الـ ٩٥٪ هي

$$\text{فترة الثقة} = - 12272 + 1017(20) \pm (0.03)(2364) \pm \frac{1}{9} \sqrt{\frac{2(16-20)}{(16)9 - 2364}}$$

$$= - 10238 \pm (0.03)(2364) \pm 0.1174$$

$$= - 10238 \pm 0.1174$$

$$\text{أو } = - 10238 \text{ إلى } - 10120$$



لهذا، فإن فترة الثقة الـ ٩٥٪ بالنسبة للدخار لعائلة تمّ اختيارها عشوائياً من بين العائلات من ذوي الدخل (٢٠.٠٠٠) دينار هي من ٦٥٩٦ ر إلى ٩٥٤ ر ديناراً.

### - معامل التحديد Coefficient of Determination

لقد بيّنا في الفصول السابقة كيفية حساب معادلة خط الانحدار. فبعد إيجاد خط الانحدار، فإن اهتمام الباحث يتوجه نحو معرفة ما اذا كان هذا الخط ممثلاً للبيانات أم لا وكما يظهر في الشكل (١٢ - ٦). فمن الشكل يظهر ان خط الانحدار في الجزء (ب) من الشكل يزود تمثيل أفضل للبيانات مقارنة من خط الانحدار في الجزء (أ) من نفس الشكل. فكيف يمكن قياس درجة تمثيل خط الانحدار للبيانات ؟

ان أول خطوة تجاه الحل لهذا السؤال تتطلب شرح معنى التغير، والذي يشير الى مجموع الانحرافات. ان مجموع الانحرافات للمتغير التابع ص يساوي

$$\sum_{i=1}^n (v_i - \bar{v})$$

بمعنى آخر، ان مجموع الانحرافات يساوي مجموع مربع الانحرافات لقيم ص عن وسطها.

ولقياس درجة تمثيل خط الانحدار لمجموعة من البيانات، فإننا سوف نقوم بتقسيم التغير الكلي للمتغير التابع الى قسمين : ( ١ ) التغير الذي يمكن تفسيره بواسطة خط الانحدار. ( ٢ ) التغير الذي لا يمكن تفسيره بواسطة خط الانحدار. ولتقسيم التغير الكلي لهذه الطريقة، فإنه لا بد من ملاحظة الآتي بالنسبة للملاحظة ( ر )

$$(v_r - \bar{v}) = (v_r - \hat{v}_r) + (\hat{v}_r - \bar{v})$$

علماً بأن  $\hat{v}_r$  هي قيمة  $v_r$  المتوقعة بالاعتماد على خط الانحدار. بمعنى آخر وكما يظهر في الشكل (١٢ - ٧)، فإنه يمكن تقسيم المسافة ما بين  $v_r$  وقيمة الوسط

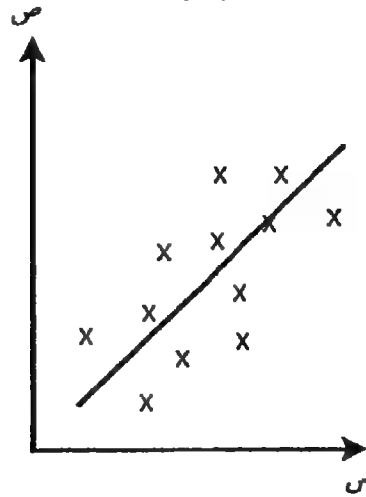
للمتغير  $v$  الى قسمين : المسافة ما بين  $v_r$  والنقطة الواقعة على خط الانحدار والتي تقع مباشرة تحت (فوق)  $v_r$ ، والمسافة الواقعة مباشرة تحت النقطة الواقعة على خط الانحدار والوسط  $\bar{v}$ .

فاذا قمنا الآن بتربيع كلا الطرفين بالنسبة لمعادلة التغير الكلي وجمعنا النتيجة بالنسبة لجميع قيم  $(r)$ ، فأننا سوف نحصل على :

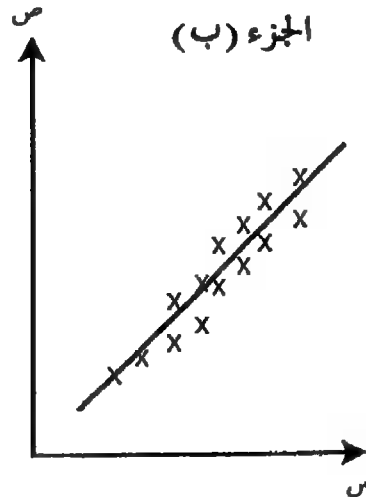
### الشكل ( ٦ - ١٢ )

درجة التمثيل لخطي انحدار

الجزء ( أ )

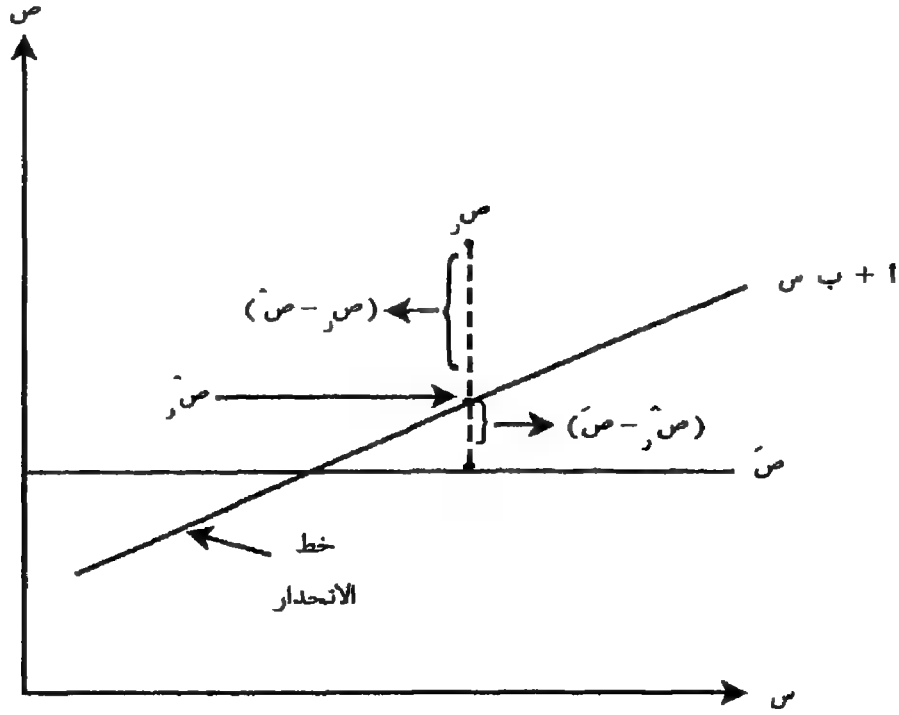


الجزء ( ب )



### الشكل ( ١٢ - ٧ )

تقسيم  $(\bar{v} - v_r)$  الى قسمين :  $(v_r - \hat{v}_r)$  و  $(\hat{v}_r - \bar{v})$



$$\sum_{i=1}^n (\bar{v} - \hat{v}_r)^2 + \sum_{i=1}^n (v_r - \hat{v}_r)^2 = \sum_{i=1}^n (\bar{v} - v_r)^2$$

ان الطرف الايمن للمعادلة يبين التغير الكلي للمتغير التابع . اما بالنسبة للمقدار الاول من الجهة اليسرى للمعادلة فانه يقيس التغير في المتغير التابع الذي لا يمكن تفسيره عن طريق الانحدار . ويعتبر هذا التفسير مناسباً لهذا المقدار لانه يمثل مجموع مربع الانحرافات للبيانات الحقيقية عن خط الانحدار . لذلك ، كلما زادت قيمة هذا المقدار كلما قلت درجة تمثيل خط الانحدار للبيانات .

أما المقدار الثاني من الجهة اليسرى للمعادلة فإنه يقيس التغير في المتغير التابع الذي يمكن تفسيره عن طريق خط الانحدار. ويعتبر هذا التفسير مناسباً لهذا المقدار والذي يبين مقدار التغير في المتغير التابع بناءً على خط الانحدار فقط. بعبارة أخرى، إن هذا المقدار يبين كمية التناقض في التغير الذي لا يمكن توضيحه بسبب استخدام الانحدار بدلاً من استخدام (ص) كقيمة تقديرية للمتغير (ص).

ولقياس درجة تمثيل خط الانحدار للبيانات، فقد استخدم الاحصائيون ما يسمى بمعامل التحديد والذي يعرف كما يلي :

$$r^2 = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n (v_i - \bar{v})^2}{\sum_{i=1}^n (v_i - \bar{v})^2}$$

بعبارة أخرى

$$r^2 = 1 - \frac{\text{التغير الذي لم يفسر باستخدام الانحدار}}{\text{مجموع التغير}}$$

$$r^2 = \frac{\text{التغير المفسر باستخدام الانحدار}}{\text{مجموع التغير}}$$

لذلك، يعتبر معامل التحديد مقياساً مناسباً لقياس درجة تمثيل خط الانحدار للبيانات لأنه يساوي النسبة من التغير الكلي بالنسبة للمتغير التابع والتي لم تفسر عن طريق خط الانحدار.

وبالحياة العملية، إن المعادلة الأكثر ملاءمة لقياس معامل التحديد هي :

$$\frac{\sum_{i=1}^n [ ( \sum_{j=1}^n \text{ص}_j ) ( \sum_{j=1}^n \text{س}_j ) - \sum_{j=1}^n \text{س}_j \text{ص}_j ]}{\sum_{i=1}^n [ ( \sum_{j=1}^n \text{س}_j ) - \sum_{j=1}^n \text{س}_j \text{ص}_j ]} = \text{ر}_2$$

ولتوضيح حسابات معامل التحديد، دعنا نعود لمثال المنشأة التي تريد وصف العلاقة ما بين كمية الانتاج والتكاليف الشهرية. بالاعتماد على البيانات الواردة في الجدول (١٢-٢) نجد ان جميع المعلومات المطلوبة لحساب معامل التحديد متوفرة في هذا الجدول، حيث ان :

$$\begin{aligned} \text{ن} &= 9 \quad \sum \text{س}_\text{ص} = 319 \quad \sum \text{س} = 50 \quad \sum \text{ص} = 49 \\ \sum \text{س}_\text{ر} &= 340 \quad \sum \text{ص}_\text{ر} = 303 \end{aligned}$$

وبالتعويض في معادلة معامل التحديد نجد ان قيمة

$$\frac{\sum [ (49)(50) - (319)9 ]}{\sum [ (49) - (303)9 ] \sum [ (50) - (340)9 ]} = \text{ر}_2$$

$$\frac{\sum [ 2450 - 2871 ]}{\sum [ 2401 - 2727 ] \sum [ 2000 - 3060 ]} = \text{ر}_2$$

$$\frac{\sum (421)}{\sum [ 326 ] \sum [ 560 ]} = \text{ر}_2$$

$$\frac{177241}{182060} = \text{ر}_2$$

$$\text{ر}_2 = 97$$

لذلك، فإن معامل التحديد ما بين التكلفة والانتاج بالمنشأة هو (٩٧ر). بمعنى آخر، ان خط الانحدار في الشكل (١٢ - ٤) يستطيع تفسير ما نسبته (٩٧٪) من التغير في التكاليف.

كما انه يوجد هناك معادلة أخرى لحساب معامل التحديد والتي تعتبر أحياناً أكثر ملائمة وهي :

$$r^2 = \frac{\sum_{i=1}^n \text{أ} \text{ب} \text{ص} - \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^n \text{ص} \right)^2}{\sum_{i=1}^n \text{ص}^2 - \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^n \text{ص} \right)^2}$$

ان الايجابية بالنسبة لاستخدام هذه العلاقة مقارنة مع العلاقة الأولى هو امكانية استخدامها في حالة توفر قيم كل من أ و ب. فاذا تم استخدام هذه المعادلة لحساب معامل التحديد بالنسبة للمنشأة لقياس درجة تمثيل خط الانحدار للبيانات، فإن النتيجة سوف تكون :

$$r^2 = \frac{(1226)(49) + (702) - \frac{1}{9}(49)^2}{\frac{1}{9}(49)^2 - 303}$$

$$r^2 = \frac{266778 - 239888 + 62034}{36222}$$

$$r^2 = \frac{30144}{36222}$$

$$r^2 = 97\%$$

اننا نلاحظ ان الاجابة التي حصلنا عليها باستخدام هذه العلاقة هي نفس الاجابة التي حصلنا عليها في الفقرة السابقة .

### -معامل الارتباط الخطي Linear Correlation Coefficient

ان الهدف أو الغرض من تحليل الارتباط كما تبين في بداية هذا الفصل هو لقياس قوة العلاقة ما بين المتغير (المتغيرات) المستقلة والمتغير التابع. ان الافتراضات التي يحتاجها نموذج تحليل الانحدار هي كما يلي :

- ١ - ان التوزيع العشوائي لكلا المتغيرين المستقل والتابع هو توزيع طبيعي . بينما يفترض تحليل الانحدار ان التوزيع العشوائي للمتغير التابع هو توزيع طبيعي فقط .
- ٢ - ان الانحراف المعياري للمتغير التابع ( ص ) هو ثابت بالنسبة لجميع قيم المتغير المستقل ( س ) ، كما ان الانحراف للمتغير المستقل ثابت بالنسبة لجميع قيم المتغير التابع .

ان معامل الارتباط غالباً ما يستخدم لقياس قوة العلاقة ما بين متغيرين . ان معامل الارتباط ( ر ) ببساطة هو الجذر التربيعي لمعامل التحديد (  $r^2$  ) . وعليه

$$r = \sqrt{r^2}$$

كما يجب ان تتساوى إشارة معامل الارتباط مع إشارة خط الانحدار . فاذا كان ميل خط الانحدار موجباً ( ب < ٠ ) ، فاننا سوف نعتبر قيمة الجذر الموجبة كقيمة لمعامل الارتباط . أما اذا كان ميل خط الانحدار سالباً ( ب > ٠ ) ، فاننا سوف نعتبر قيمة الجذر سالبة كقيمة لمعامل الارتباط . ولتسهيل عملية حساب معامل الارتباط ، فاننا سوف نستخدم المعادلة التالية :

$$r = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}}$$

ان قيم معامل الارتباط تتراوح ما بين  $\pm 1$  . بمعنى آخر، لا يمكن أن تكون قيمة معامل الارتباط أكبر من ( ١ ) ولا أقل من ( -١ ) . فإذا كانت قيمة  $r = (+1)$  ، فهذا يعني وجود علاقة خطية تامة ما بين المتغير المستقل والمتغير التابع ونوع العلاقة طردية . بمعنى آخر، يشبه الحالة في الجزء (أ) من الشكل (١٢ - ٧) . وعلى الجهة الأخرى، إذا كانت قيمة  $r = (-1)$  ، فهذا يعني وجود علاقة خطية تامة ما بين المتغير المستقل والتابع ونوع العلاقة عكسية . بمعنى آخر، يشبه الحالة في الجزء (ب) من الشكل (١٢ - ٧) . وفي كل حالة يتكون فيها العلاقة ما بين المتغيرين تامة، فهذا يعني ان خط الانحدار يفسر جميع التغير في المتغير التابع بسبب وقوع جميع النقاط على خط الانحدار . لماذا تكون قيمة (ر) تساوي اما (١+) او (١-) اذا كان خط الانحدار يفسر جميع التغير في المتغير التابع؟ لانه تحت هذه الظروف يجب أن تساوي القيمة الفعلية (Actual Value) للمتغير التابع (ص) مع القيمة المحسوبة (Computed Value) عن طريق خط الانحدار (أي ان  $\sum (ص_r - \hat{ص}_r) = 0$ ) بمعنى آخر ، لا يوجد أي تغير في المتغير التابع بحيث لم يُفسر عن طريق خط الانحدار . وهذا يعني ان قيمة معامل التحديد تساوي (١) .

اما اذا كانت قيمة (ر = ٠) ، فهذا يعني عدم وجود ارتباط خطي على الإطلاق ما بين المتغير المستقل والمتغير التابع . وفي هذه الحالة، سوف تكون القيمة التقديرية لميل خط الانحدار باستخدام طريقة أقل المربعات مساوية للصفر (ب = ٠) ، وهذا يعني ان التغير في المتغير المستقل سوف لا يؤثر على المتغير التابع . وتحت هذه الحالة تكون قيمة (ر = ٠) لان خط الانحدار لا يفسر أي شيء من التغير في المتغير التابع . وبعبارة أخرى، ان  $\sum (ص_r - \hat{ص}_r)^2 = 0$  لان الوسط الحسابي للمتغير ص يساوي دائماً القيمة المحسوبة عن طريق خط الانحدار . كما ان  $\sum (ص_r - \hat{ص}_r) = 0$  لان  $\sum (ص_r - \hat{ص}_r) = 0$  لان قيمة  $\hat{ص}_r$  تساوي دائماً قيمة ص . وهذا يعني ان قيمة معامل التحديد (ر²) تساوي (٠) ، والذي بدوره يعني ان قيمة معامل الارتباط (ر) تساوي (٠) . وعليه فان أفضل تقدير للمتغير التابع في هذه الحالة هو الوسط الحسابي لقيم المتغير التابع (ص)، لان



قيمة المتغير المستقل لا تزود أي معلومة مفيدة على هذه القيمة (ص). والحالة في الجزء (ج) من الشكل (١٢ - ٧) يشبه هذه الحالة.

ولتوضيح كيفية حساب وتفسير معامل الارتباط العيني، دعنا نقوم بحل المثال التالي :

مثال (٥) : حصل عالم نفس صناعي على علامات الذكاء (IQ) والانتاجية لعشرة عمال، وكانت النتائج كما يلي :

| الانتاجية | IQ  |
|-----------|-----|
| ٥ر٢       | ١١٠ |
| ٦ر٠       | ١٢٠ |
| ٦ر٣       | ١٣٠ |
| ٥ر٧       | ١٢٦ |
| ٤ر٨       | ١٢٢ |
| ٤ر٢       | ١٢١ |
| ٣ر٠       | ١٠٣ |
| ٢ر٩       | ٩٨  |
| ٢ر٧       | ٨٠  |
| ٣ر٢       | ٩٧  |

المطلوب : (١) أوجد معامل الارتباط ما بين علاقات الذكاء والانتاجية.

(٢) هل العلاقة طردية أم عكسية ؟

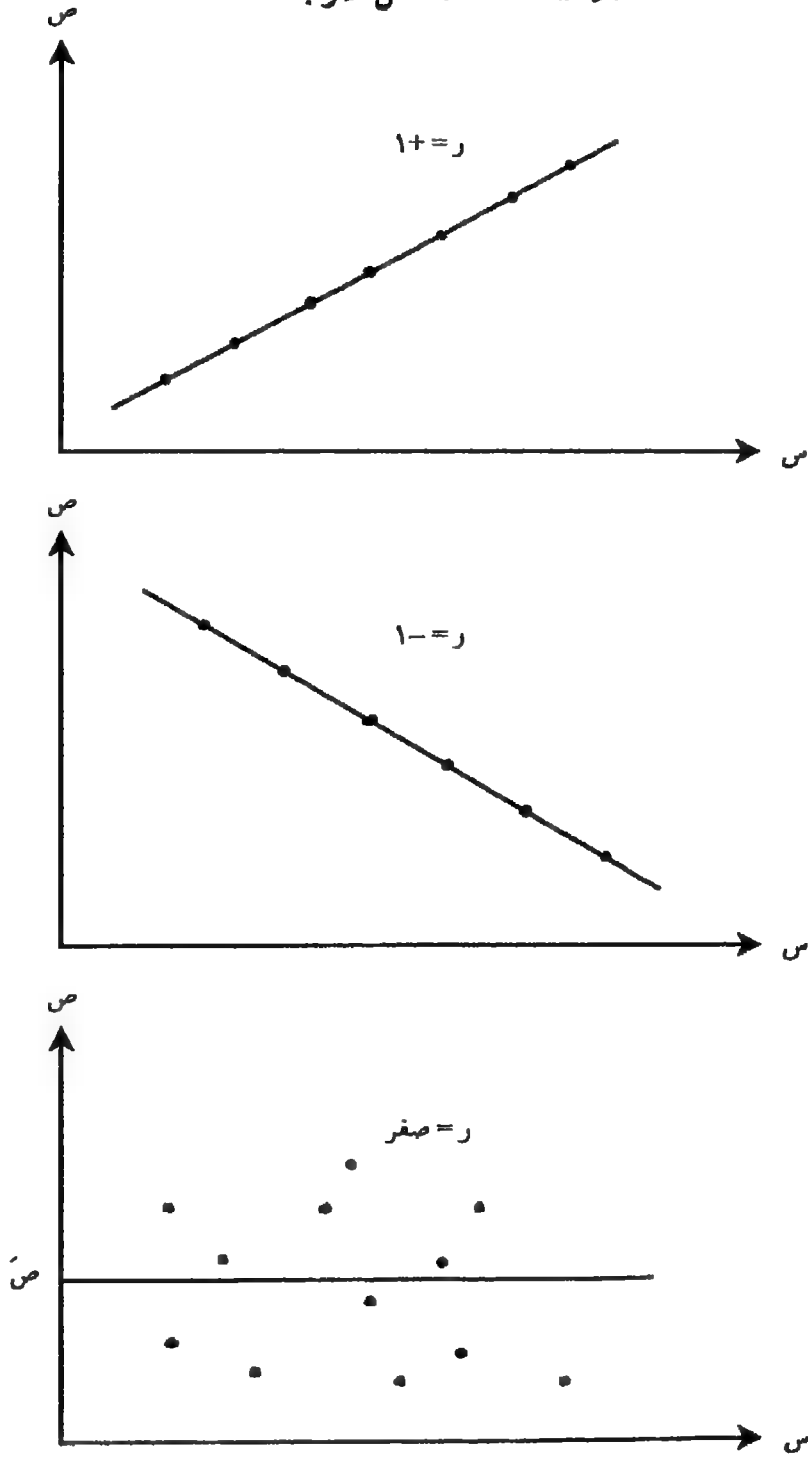
الحل : قبل البدء بحساب معامل الارتباط الخطي، فإنه لا بد من تحديد المتغير المستقل والتابع. لذلك نفرض ان :

س = علامة الذكاء للعامل (ر) .

ص = انتاجية العامل (ر) .

# شكل ( ٧ - ١٢ )

حالات مختلفة لمعامل الارتباط



دعنا الآن نقوم بترتيب البيانات في الجدول (١٢ - ٤)

جدول (١٢ - ٤)

| IQ<br>س <sub>ر</sub> | الانتاجية<br>ص <sub>ر</sub> | س <sub>ر</sub> ص <sub>ر</sub> | س <sub>ر</sub> <sup>٢</sup> | ص <sub>ر</sub> <sup>٢</sup> |
|----------------------|-----------------------------|-------------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| ١١٠                  | ٥٢                          | ٥٧٢                           | ١٢١٠٠                       | ٢٧٠٠٤                       |
| ١٢٠                  | ٦٠                          | ٧٢٠                           | ١٤٤٠٠                       | ٣٦٠٠٠                       |
| ١٣٠                  | ٦٣                          | ٨١٩                           | ١٦٩٠٠                       | ٣٩٦٩                        |
| ١٢٦                  | ٥٧                          | ٧١٨٢                          | ١٥٨٧٦                       | ٣٢٤٩                        |
| ١٢٢                  | ٤٨                          | ٥٨٥٦                          | ١٤٨٨٤                       | ٢٣٠٠٤                       |
| ١٢١                  | ٤٢                          | ٥٠٨٢                          | ١٤٦٤١                       | ١٧٦٤                        |
| ١٠٣                  | ٣٠                          | ٣٠٩                           | ١٠٦٠٩                       | ٩٠٠                         |
| ٩٨                   | ٢٩                          | ٢٨٤٢                          | ٩٦٠٤                        | ٨٤١                         |
| ٨٠                   | ٢٧                          | ٢١٦                           | ٦٤٠٠                        | ٧٢٩                         |
| ٩٧                   | ٣٢                          | ٣١٠٤                          | ٩٤٠٩                        | ١٠٢٤                        |
| ١١٠٧                 | ٤٤                          | ٥٠٤٢٦                         | ١٢٤٨٢٣                      | ٢١٠٨٤                       |

من الجدول نجد ما يلي :

$$\sum s_r = 1107, \sum v_r = 44, \sum s_r v_r = 50426$$

$$\sum s_r^2 = 124823, \sum v_r^2 = 21084, n = 10$$

وبالتعويض في معادلة معامل الارتباط، نجد قيمة ر

$$r = \frac{(44)(1107) - (50426)(10)}{\sqrt{(44)^2 - (21084)(10)} \sqrt{(1107)^2 - (124823)(10)}}$$

$$\begin{aligned}
& \frac{487.8 - 50.426}{\sqrt{1936 - 210.84} \sqrt{125449 - 124823.0}} = r \\
& \frac{1718}{\sqrt{172.4} \sqrt{22781}} = r \\
& \frac{1718}{(13.13)(150.93)} = r \\
& \frac{1718}{1982} = r \\
& r = 867
\end{aligned}$$

وهذا يعني ان معامل الارتباط ما بين علامة الذكاء والانتاجية هو حوالي (٨٦٧). وبما ان اشارة معامل الارتباط موجبة، فهذا يعني ان العلاقة طردية.

#### -معامل الارتباط للرتب Rank Correlation Coefficient

لقد بينا في الفصل العاشر ان الاختبارات غير القياسية غالباً ما تكون منازرة للاختبارات القياسية. ان أحد الاختبارات غير القياسية التي تستخدم لقياس قوة العلاقة ما بين المتغير المستقل والمتغير التابع هو ارتباط الرتب. ويعتبر هذا الاختبار مهم جداً عندما لا نستطيع قياس متغير أو أكثر رقمياً، ولكن من السهل تحديد رتب للصفة المراد دراستها عن المتغير. فعلى سبيل المثال : يريد عالم نفسي تحديد قوة العلاقة ما بين مثابة الشخص وعلامته في الذكاء (IQ). وبما أنه لا يوجد هناك قياس موضوعي للمثابة، فقد طلب عالم النفس من أحد الاساتذة القيام بترتيب (١٢) طالب بالاعتماد على

وجهة نظره بالنسبة لمثابرة الطلبة. والجدول (١٢ - ٥) يبين رتبة المثابرة وعلاقة الذكاء لكل طالب.

الجدول (١٢ - ٥)

| الشخص            | (١)<br>رتبة المثابرة | (٢)<br>IQ | (٣)<br>رتب أل (QI) | (٤)<br>ف <sub>ر</sub> | (٥)<br>ف <sub>ر</sub> |
|------------------|----------------------|-----------|--------------------|-----------------------|-----------------------|
| أ                | ١                    | ١٢٠       | ٨                  | ٧                     | ٤٩                    |
| ب                | ٩                    | ١٣٠       | ٣                  | ٦ -                   | ٣٦                    |
| ت                | ٤                    | ١٣٢       | ٢                  | ٢ -                   | ٤                     |
| ث                | ٣                    | ١٢٧       | ٤                  | ١                     | ١                     |
| ج                | ٨                    | ١٢٦       | ٥                  | ٣ -                   | ٩                     |
| ح                | ٢                    | ١١٠       | ١١                 | ٩                     | ٨١                    |
| خ                | ١١                   | ٩٨        | ١٢                 | ١                     | ١                     |
| د                | ١٠                   | ١١٣       | ١٠                 | ٠                     | ٠                     |
| ذ                | ٦                    | ١٢١       | ٧                  | ١                     | ١                     |
| ر                | ٥                    | ١٢٣       | ٦                  | ١                     | ١                     |
| ز                | ٧                    | ١١٩       | ٩                  | ٢                     | ٤                     |
| ع                | ١٢                   | ١٤٠       | ١                  | ١١ -                  | ١٢١                   |
| Σ ف <sub>ر</sub> |                      |           |                    |                       | ٣٠٨                   |

ان معامل ارتباط الرتب يقيس قوة العلاقة ما بين مجموعتين من الرتب. بمعنى آخر، ان معامل ارتباط الرتب يقيس العلاقة ما بين رتب المتغير الأول ورتب المتغير الثاني. فعلى سبيل المثال، العمود رقم (٣) في الجدول (١٢ - ٥) يبين رتبة كل شخص من الأشخاص بالنسبة لعلامة الذكاء، والعمود رقم (١) يبين رتبة كل شخص من

الأشخاص بالنسبة للمثابرة. فهل هناك ارتباط ما بين هذه الرتب؟ بمعنى آخر، هل الأشخاص الذين لهم رتب عالية بالنسبة لعلامة الذكاء أيضاً لهم رتبة عالية بالنسبة للمثابرة؟ فإذا كان الجواب نعم، فهل هذه العلاقة قوية؟ وللمساعدة في الإجابة على هذه الأسئلة، فإنه يمكن استخدام معامل ارتباط سبيرمان للرتب الذي يعرف بالقانون التالي :

$$r = \frac{\sum_{i=1}^n F_i^2}{n(n+1)} - 1$$

حيث أن  $F$  هو الفرق ما بين الرتبتين للمشاهدة ( $r$ )، و ( $n$ ) تمثل عدد المشاهدات. لذلك، أن حساب معامل ارتباط الرتب يحتاج إلى إيجاد الفرق ما بين رتب علامات الذكاء ورتب المثابرة لكل شخص ثم نعمل على تربيع هذا الفرق ومن ثم نجد مجموع مربعات الفروق في الرتب. وبعد ذلك نقوم بالتعويض في القانون. وكما يظهر في الجدول (١٢ - ٥)، نلاحظ أن معامل الارتباط هو

$$r = \frac{(308) 6}{(12)(12)} - 1$$

$$r = \frac{1848}{1716} - 1$$

$$r = 1.077 - 1$$

$$r = -0.77$$

أن قيم معامل الارتباط تتراوح ما بين (-1) إلى (+1). أن القيمة الموجبة لمعامل ارتباط الرتب تعني أن العلاقة ما بين المتغيرين هي علاقة طردية. والقيمة السالبة لمعامل ارتباط الرتب تعني أن العلاقة ما بين المتغيرين هي علاقة عكسية. أما إذا كانت قيمة معامل ارتباط الرتب  $= +1$ ، فهذا يعني وجود علاقة تامة طردية ما بين المتغيرين. أما إذا

كانت قيمة معامل الارتباط  $= -1$  ، فهذا يعني وجود علاقة تامة وعكسية ما بين المتغيرين. أما إذا كان المتغيرين مستقلين احصائياً، فهذا يعني ان معامل ارتباط الرتب للمتغيرين يساوي صفر.

### -استنتاج معامل ارتباط المجتمع

#### **Inference Concerning the Population Correlation Coefficient**

ان معامل الارتباط الذي تم حسابه في الجزء السابق هو معامل الارتباط العيني، كما ان قيمة هذا المعامل تختلف من عينة الى أخرى. وعلى العكس من ذلك، إن معامل الارتباط للمجتمع ( $P$ ) (ويقرأ  $P$ ) يتعلق بجميع أفراد المجتمع. ان تعريف معامل ارتباط المجتمع ( $P$ ) هو نفس تعريف معامل ارتباط العينة ( $r$ )، والفرق الوحيد بينهما ان حساب معامل الارتباط العيني يعتمد على عينة من مجتمع الدراسة بينما معامل الارتباط للمجتمع يعتمد على جميع أفراد المجتمع. وفي معظم الحالات، يكون اهتمام الشخص الباحث بمعامل ارتباط المجتمع أكثر من معامل ارتباط العينة، لذلك فهم يقومون باستخدام قيمة معامل ارتباط العينة لتقدير قيمة ارتباط المجتمع.

ان اهتمام الباحث غالباً ما يكون في اختبار ما اذا كان معامل الارتباط للمجتمع مساوياً للصفر. فاذا كان متغير ما مستقلاً عن الآخر، فان معامل الارتباط للمجتمع سوف يكون صفراً. فعلى سبيل المثال، اذا كانت انتاجية عامل في وظيفة معينة لا ترتبط على الاطلاق مع عمره، فان معامل الارتباط للمجتمع ما بين الانتاجية والعمر سوف يكون صفراً. لذلك قد يكون اهتمام مدير الانتاج لمؤسسة ما معرفة ما اذا كانت الانتاجية مستقلة فعلاً عن العمر لوظيفة معينة. فاذا تم قياس العلاقة ما بين الانتاجية والعمر لعينة من مجتمع الدراسة، فان باستطاعة مدير الانتاج اختبار الفرضية الأساسية التالية :

$$P = 0$$

ولانجاز هذا الاختبار، فانه لا بد أولاً من تحديد الفرضية الأساسية والفرضية

البديلة. ان الفرضية الأساسية هي

$$H_0 : P = \text{صفر}$$

بينما الفرضية البديلة هي :

$$H_1 : P \neq \text{صفر}$$

ولاختبار الفرضية، فانه لا بد من حساب

$$t = \frac{\bar{r}}{\sqrt{(1-r^2)/(n-2)}}$$

وهذا يعني انه حتى تكون الفرضية الأساسية صحيحة، يجب أن يكون توزيعها

هو توزيع ( $t$ ) بدرجات حرية  $n - 2$ . لذلك فان قانون القرار المستخدم لاختبار

الفرضية الأساسية هو: رفض الفرضية الأساسية  $H_0$  = صفر اذا كانت قيمة ( $t$ ) المحسوبة

من العلاقة أعلاه هي أكبر من القيمة للعبارة  $t_{\alpha/2, n-2}$  أو أصغر من  $(-t_{\alpha/2, n-2})$ ، وقبول

الفرضية الأساسية على العكس من ذلك.

ولتوضيح الطريقة المستخدمة في اختبار الفرضية الأساسية، افرض ان معامل

الارتباط ما بين الانتاجية والعمر لعينة مكونة من ( ١٨ ) عامل هو (٠.٤٢). والمطلوب هو

اختبار ما اذا كان معامل الارتباط لمجتمع الدراسة ( $P$ ) مساوياً للصفر اذا كانت قيمة

$$\alpha = 5\% .$$

الحل : لاجراء الاختبار، لا بد من اتباع الخطوات التالية :

١ - تشكيل الفرضية الأساسية والفرضية البديلة .

$$H_0 : P = .$$

$$H_1 : P \neq .$$



٢- اختيار الاختبار الامثل .

الاختبار الامثل هو دائماً اختبار (t) .

٣- تحديد قيمة  $\infty$  .

$$\%٥ = \infty$$

٤- حساب قيمة (t) الاحصائية باستخدام العلاقة التالية :

$$\frac{r}{\sqrt{(r-1)/(2-5)}} = t$$

$$\frac{r^{42}}{\sqrt{(2-18)/[r^{42}-1]}} = t$$

$$\frac{r^{42}}{\sqrt{168/(r^{4236})}} = t$$

$$\frac{r^{42}}{r^{0.15}} = t$$

$$(0.2269) / (0.42) = t$$

$$1.851 = t$$

٥- ايجاد قيمة t المعيارية اذا كانت قيمة

$$\%٥ = \infty ، د . ح = 16(2-18) .$$

$$t(16, \frac{\infty}{2}) = 2.12 \text{ (من الجدول)}$$

٦ - القرار : رفض الفرضية الأساسية اذا كانت القيمة المطلقة للقيمة المحسوبة أكبر من القيمة المعيارية أو الجدولية . وعليه فان القرار هو قبول الفرضية الأساسية ورفض الفرضية البديلة لأن القيمة المحسوبة لاختبار (t) هي أقل من القيمة المعيارية لذلك الاختبار . وهذا يعني عدم وجود ارتباط ما بين الانتاجية والعمر .

#### - استنتاج ميل خط الانحدار (ب) . Inference Concerning the Value of B

في تحليل الانحدار، يختلف ميل خط انحدار العينة من عينة الى أخرى . وكما هو الحال بالنسبة لأي عينة احصائية، فان لهذه العينة توزيعاً عينياً . كما ان تقدير الانحراف المعياري للتوزيع العيني هو

$$Se = Sb \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{j=1}^n s_j^2 - n s^2}$$

وغالباً ما يطلق هذا المقدار بالخطأ المعياري لـ (ب) . ويوجد هناك الكثير من الحالات التي يرغب من خلالها الشخص الباحث من حساب فترة الثقة لميل خط الانحدار للمجتمع (ب) عن طريق قيمة ميل خط الانحدار للعينة (ب) . ان حدود فترة الثقة هي :

$$b \pm (t_{\frac{\infty}{2}}) (Sb)$$

فاذا كان التوزيع الاحتمالي المشروط للمتغير التابع توزيعاً طبيعياً، فان احتمال أن يقع ميل خط انحدار المجتمع (ب) ضمن حدود هذه الفترة هو (١ -  $\infty$ ) . ولتوضيح استخدام هذه المعادلة، فاننا سوف نقوم بحساب فترة الثقة الـ ٩٥٪ للثابت (ب) لمثال المنشأة التي تريد وصف العلاقة ما بين الانتاج والتكاليف .

الحل : نلاحظ مما سبق ان :

$$b = 702, \quad Se = 392, \quad \sum s_j^2 = 340$$

$$n = 9, \quad \bar{s} = 506, \quad t = (7, \frac{\infty}{2}) = 2,365$$

لايجاد فترة الثقة، فانه لا بد أولاً من حساب قيمة الخطأ المعياري لـ (ب) والذي يرمز له بالرمز (Sb) .

$$\sqrt{\sum s^2 - n s^2} \div S_e = S_b$$

$$\sqrt{9(50506) - 340} \div 392 = S_b$$

$$\sqrt{27782 - 340} \div 392 = S_b$$

$$\sqrt{6218} \div 392 = S_b$$

$$7885 \div 392 = S_b$$

$$20.497 = S_b$$

اذن، نستطيع الآن حساب فترة الثقة والتي هي

$$\text{فترة الثقة} = b \pm (t_{\frac{\infty}{2}}) (S_b)$$

$$\text{فترة الثقة} = 702 \pm (2360) (20.497)$$

$$\text{فترة الثقة} = 702 \pm 118$$

لهذا، فان فترة الثقة الـ ٩٥٪ لتكاليف انتاج (١) طن اضافي هي من (٦٣٤ر) ألف دينار الى (٨٧٠ر) ألف دينار، أو حدود الفترة هي من ٦٣٤ دينار الى ٨٧٠ دينار.

فبالإضافة الى تقدير قيمة (ب)، فان الباحث غالباً ما يريد اختبار ما اذا كانت قيمة (ب) تساوي صفر. فاذا كانت هذه الفرضية صحيحة، فان الوسط للمتغير التابع هو نفسه وبغض النظر عن قيمة المتغير المستقل. وبالتحديد فان الوسط الحسابي يساوي ١ لأن ب س = صفر. بمعنى آخر، اذا كانت هذه الفرضية صحيحة، فانه لا يوجد هناك

علاقة ما بين المتغير التابع والمتغير المستقل .

فإذا كان ميل خط الانحدار للمجتمع (ب) مساوياً للصفر، فإنه ليس من الضروري أن يكون ميل خط انحدار العينة (ب) مساوياً للصفر. وعلى العكس من ذلك، ان قيمة (ب) للعينة لا تساوي بالغالب صفرًا بسبب التغيرات العشوائية. ان قانون القرار لاختبار الفرضية ب = صفر هو رفض الفرضية الأساسية اذا كانت القيمة المطلقة للقيمة المحسوبة لاختبار (t) اكبر من القيمة المعيارية لاختبار (t) .

ولتوضيح كيفية حساب هذا الاختبار، دعنا نعود لمثال المنشأة اذا اُدادت اختبار ما اذا كان ميل خط الانحدار للمجتمع والذي يربط ما بين الانتاج والتكاليف هو صفر، أي أن ب = صفر (ضد الفرضية البديلة ب ≠ صفر)، علماً بأن مستوى الثقة هو ٥٪ .

الحل : من الجزء السابق، نعلم ما يلي :

$$ب = ٧٥٢ ر ، Se = ٣٩٢ ر ، \sum س_ر^2 - ن س_ر^3 = ٦٢١٨ ر ، ن = ٩ .$$

ولاجراء الاختبار فإنه لا بد من اتباع الخطوات التالية :

١ - تشكيل الفرضية الأساسية والبديلة .

$$ف_٠ : ب = صفر$$

$$ف_١ : ب \neq صفر$$

٢ - تحديد الاختبار الأمثل .

الاختبار الأمثل هو اختبار t

٣ - تحديد مستوى الثقة (α) .

$$\alpha = ٥\%$$

٤ - حساب القيمة الاحصائية للاختبار (t) من خلال العلاقة التالية :

$$t = ب \div Sb$$

$$\frac{702}{\sqrt{6218}} \div 392 = t$$

$$\frac{702}{10.497} = t$$

$$10.497 = t$$

٥ - إيجاد قيمة (t) المعيارية إذا كانت قيمة  $\infty = 0.5\%$  ، د . ح =  $7(9 - 2) \cdot t$

$$2365 = (7, \frac{\infty}{4})$$

٦ - القرار : بما أن القيمة المحسوبة لاختبار (t) أكبر من القيمة المعيارية، فهذا يعني رفض الفرضية الأساسية وقبول الفرضية البديلة. وهذا يعني أن ميل خط الانحدار للمجتمع هو قيمة موجبة وليس صفراً.

مثال (٦) : بالاعتماد على البيانات الواردة في المثال رقم (١)، اختبر الفرضية التي تعتبر أن ميل خط الانحدار الصحيح والذي يصف العلاقة ما بين الدخل والادخار مساوية للصفر، إذا كانت قيمة  $\infty = 0.5\%$  .

الحل : من نتائج المثال رقم (١) والمثال رقم (٢)، نلاحظ أن :

$$b = 10.17, Se = 0.53, \sum s^2 = 60 - n s^2 = 9 .$$

وعليه لأجراء الاختبار فإنه لا بد من اتباع الخطوات التالية :

١ - تشكيل الفرضية الأساسية والفرضية البديلة .

$$H_0 : b = 0$$

$$H_1 : b \neq 0$$

٢ - تحديد الاختبار الأمثل .

الاختبار الأمثل هو اختبار (t)

٣ - تحديد مستوى الثقة (  $\alpha$  ) .

$$\alpha = 5\%$$

٤ - إيجاد القيمة الاحصائية للاختبار (t) .

$$t = S_b \div b$$

$$\frac{1017}{\sqrt{60} \div 0.03} = t$$

$$\frac{1017}{0.068} = t$$

$$1495 = t$$

٥ - إيجاد قيمة t المعيارية اذا كانت

$$\alpha = 5\%, d = 7, t_{(7, \frac{\alpha}{2})} = 2365.$$

٦ - القرار : رفض الفرضية الأساسية وقبول الفرضية البديلة لأن القيمة المحسوبة لاختبار

(t) اكبر من القيمة المعيارية. وهذا يعني ان ميل خط الانحدار لمجتمع الدراسة

هو قيمة موجبة وليس صفراً.



س ١ : اذا كانت نسبة الزيادة في الانفاق على البحث والتطوير لخمسة عشر شركة  
كيماوية أردنية ( متغير مستقل ) ونسبة الزيادة في الانفاق على البحث والتطوير  
لخمسة عشر شركة كيماوية غير أردنية ( متغير تابع ) مزودة أدناه

| الشركة | س    | ص    |
|--------|------|------|
| ١      | ٥٠٠  | ٠ر٠٠ |
| ٢      | ٨٩٠  | ٠ر٤٣ |
| ٣      | ٧١٥  | ٠ر٠٠ |
| ٤      | ٦١٠  | ٠ر٢٤ |
| ٥      | ٧٧٠  | ٠ر٠٠ |
| ٦      | ٨٢٠  | ٠ر٩١ |
| ٧      | ١٠١  | ٠ر٠٠ |
| ٨      | ٠ر٦١ | ٠ر٠٣ |
| ٩      | ٠ر٧٢ | ٠ر٠١ |
| ١٠     | ٠ر٦٨ | ٠ر٠٠ |
| ١١     | ١١٤  | ٠ر٠٠ |
| ١٢     | ١١٨  | ٠ر٠١ |
| ١٣     | ٠ر٧٣ | ٠ر٠٠ |
| ١٤     | ٠ر٨٧ | ٠ر٢٠ |
| ١٥     | ١٤٧  | ٠ر٠٠ |

أوجد ما يلي :

١ - ارسم لوحة الانتشار لهذه البيانات .

ب - احسب معادلة خط الانحدار للعينة .

جـ - ما هي نسبة الزيادة المتوقعة في الانفاق على البحث والتطوير خارج الأردن  
اذا أنفقت شركة كيماوية أردنية ٦٪ زيادة على البحث والتطوير .

د - هل العلاقة ما بين المتغير المستقل والتابع علاقة سببية، لماذا ؟

س ٢ : حصال عالم نفس على علامات الذكاء (IQ) لأربعة عشر شخصاً، وطلب من كل شخص تقديم امتحان معين، فكانت النتائج كما يلي :

| علامة الامتحان | IQ  |
|----------------|-----|
| ٥٤             | ٩٩  |
| ٧٠             | ١١٠ |
| ١٠٠            | ١٤١ |
| ٦١             | ١٠٨ |
| ٨٣             | ١٢٣ |
| ٨٦             | ١٢٩ |
| ٩٨             | ١٣٢ |
| ٥١             | ٨٨  |
| ٦٤             | ١٠١ |
| ٦٨             | ١٠٥ |
| ٥٢             | ٩٧  |
| ٥٥             | ٩٦  |
| ٧١             | ١١٨ |
| ٧٦             | ١١٣ |



أوجد ما يلي :

أ - ارسم لوحة الانتشار لهذه البيانات .

ب - احسب معادلة خط الانحدار للعينة .

ج - ما هي علامة الامتحان المتوقعة لشخص علامة ذكاه هي ١٣٠ .

س٣ : اذا كانت البيانات المزودة تمثل العلاقة ما بين سعر الكتاب وعدد الصفحات،

فأوجد ما يلي :

أ - ارسم لوحة الانتشار لهذه البيانات .

ب - احسب معادلة خط الانحدار للعينة .

ج - احسب الخطأ المعياري للتقدير .

د - احسب فترة الثقة الـ ٩٥٪ لمتوسط السعر المشروط، اذا كان عدد صفحات الكتاب ( ٦٠٠ ) صفحة .

هـ - احسب فترة الثقة الـ ٩٥٪ لسعر الكتاب، اذا كان عدد صفحاته هي ( ٦٠٠ ) صفحة .

| السعر (بالدينار) | عدد صفحات الكتاب |
|------------------|------------------|
| ٩                | ٥٢٠              |
| ١٣               | ٦٨٠              |
| ١٤               | ٧٤٠              |
| ٢                | ٢٠٠              |
| ٣                | ٤٠٠              |
| ١٥               | ٨٠٠              |
| ١٣               | ٧٥٠              |
| ٧                | ٥٠٠              |
| ٣                | ٣٠٠              |
| ٣                | ٣٥٠              |

س ٤ : اذا كان مقدار الانفاق على الطعام والدخل السنوي لتسع عائلات هي كما يلي :

| الانفاق على الطعام<br>( ١٠٠٠ ) | الدخل<br>( ١٠٠٠ ) |
|--------------------------------|-------------------|
| ٤                              | ٢٠                |
| ٦                              | ٤٠                |
| ٣                              | ١١                |
| ٥                              | ٣٠                |
| ٢                              | ٩                 |
| ٢                              | ١٢                |
| ٣                              | ١٥                |
| ٣                              | ٢١                |
| ٨                              | ٥٠                |

أوجد ما يلي :

- ١ - احسب معادلة خط الانحدار للعينة .
- ب - احسب الخطأ المعياري للتقدير .
- ج - احسب فترة الثقة الـ ٩٠٪ لمتوسط الانفاق المشروط على الطعام لعائلة دخلها السنوي هو ( ٢٠ ) ألف دينار .
- د - احسب فترة الثقة الـ ٩٠٪ لانفاق عائلة على الطعام اذا كان دخلها السنوي هو ( ٢٠ ) ألف دينار .

س ٥ : استخدم البيانات الموجودة في السؤال رقم ( ٢ ) في ايجاد ما يلي :

- ١ - أوجد الخطأ المعياري للتقدير .
- ب - احسب فترة الثقة الـ ٩٩٪ لعلامة شخص في الاختبار اذا كانت علامة الذكاء له هي ( ١٣٠ ) .

س ٦ : بناءً على البيانات المنشورة في مراقبة النوعية الصناعية، كانت العلاقة ما بين المادة المنظمة ( ص ) والتركيز ( س ) لعينة مكونة من ثمانية مواد منظمة كما يلي :

| ص  | س  |
|----|----|
| ٣٧ | ١٠ |
| ٤٢ | ٢٠ |
| ٤٦ | ٣٠ |
| ٤٨ | ٤٠ |
| ٥٣ | ١٠ |
| ٦٢ | ١٠ |
| ٧٩ | ٣٠ |
| ٨٤ | ٤٠ |

أوجد ما يلي :

أ - احسب معامل الارتباط .

ب - اختبر ما اذا كان معامل الارتباط للمجتمع يساوي صفر ( اعتبر  $\alpha = 0.05$  ).

س ٧ : اذا كانت العلاقة ما بين المعدل الجامعي ومعدل الثانوية العامة لعينة عشوائية مكونة من ( ١٠ ) طلاب هي كما يلي :

| المعدل الجامعي | معدل الثانوية العامة |
|----------------|----------------------|
| ٦٥             | ٧٦                   |
| ٥٠             | ٦٧                   |
| ٧٨             | ٧٧                   |
| ٨٨             | ٨٢                   |
| ٩٥             | ٩٩                   |
| ٥٥             | ٧٥                   |
| ٦٨             | ٨٤                   |
| ٧٠             | ٨٧                   |
| ٧٥             | ٩٠                   |
| ٨٤             | ٩٩                   |

أوجد ما يلي :

أ - احسب معامل الارتباط .

ب - اختبر ما اذا كان معامل الارتباط للمجتمع يساوي صفر ( اعتبر ان

$\alpha = 0.1$  ) .

س ٨ : بالاعتماد على البيانات الواردة في السؤال رقم (١)، أوجد معامل التحديد، فسر الاجابة.

س ٩ : بالاعتماد على البيانات الواردة في السؤال رقم (١)، أوجد ما يلي :

أ - معامل التحديد، فسر اجابتك .

ب - اختبر ما اذا كان ميل خط الانحدار للمجتمع يساوي صفر (اعتبر  $\infty = 0.5\%$ ).

ج - احسب فترة الثقة  $90\%$  لميل خط الانحدار الصحيح.

س ١٠ : بالاعتماد على البيانات الواردة في السؤال رقم (٢)، أوجد ما يلي :

أ - معامل التحديد، فسر اجابتك .

ب - اختبر ما اذا كان ميل خط الانحدار للمجتمع يساوي صفر (اعتبر  $\infty = 0.1\%$ ).

ج - احسب فترة الثقة  $90\%$  لميل خط الانحدار الصحيح.

د - اختبر ما اذا كان معامل الارتباط للمجتمع يساوي صفر (اعتبر  $\infty = 0.1\%$ ).

س ١١ : اذا كان معامل الارتباط للعينة هو (٣) وكان حجم العينة  $n = 20$ ، اختبر ما

اذا كان معامل الارتباط للمجتمع يساوي صفر، اذا كانت قيمة  $\infty = 0.5\%$ .



## **الفصل الثالث عشر**

**الانحدار المتعدد والارتباط**

**Multiple Regression and Correlation**





## **الانحدار المتعدد والارتباط**

### **Multiple Regression and Correlation**

---

#### **- مقدمة**

لقد قمنا بالفصل السابق بشرح أساليب الانحدار والارتباط في الحالات التي يكون فيها متغير مستقل واحد فقط. ان التطبيق العملي لتحليل الانحدار والارتباط غالباً ما يتضمن متغيرين أو أكثر من المتغيرات المستقلة. وفي هذا الفصل سوف نقوم بتطبيق تحليل الانحدار والارتباط في الحالات التي يكون فيها أكثر من متغير مستقل.

#### **- تحليل الانحدار : طبيعته وأغراضه**

#### **Multiple Regression Nature and Purpose**

إذا كان الانحدار البسيط يتضمن متغير مستقل واحد، فإن الانحدار المتعدد يتضمن متغيرين أو أكثر من المتغيرات المستقلة. وبشكل عام، يوجد هناك سببان رئيسيان يوجبان استخدام تحليل الانحدار المتعدد بدلاً من الانحدار البسيط. وهذان السببان هما :

١ - ان تنبؤ المتغير التابع غالباً ما يكون أكثر دقة اذا تم استخدام أكثر من متغير مستقل. ففي حالة المنشأة التي تم دراستها في الفصل السابق، قد يشعر قسم البحث في المنشأة بوجود عوامل أخرى مهمة لها تأثير على تكاليف المنشأة بالإضافة الى كمية الانتاج. فعلى سبيل المثال، إنه من المتوقع أن تتناقص تكاليف المنشأة اذا كانت خبرة المدراء عالية. لذلك، اذا تم افتراض ثبات كمية الانتاج، فإن القيمة المتوقعة لتكاليف

المنشأة قد تكون اقتران خطي بالنسبة لعدد سنوات الخبرة عند مدراء. بمعنى آخر، انه من المعقول والمنطقي جداً افتراض ما يلي :

$$ت (ص_r) = 1 + ب_1 س_{r1} + ب_2 س_{r2} + ..... (١٣ - ١)$$

حيث ان :

$$ص_r = \text{تكلفة الشهر } (ر) \text{ بآلاف الدينانير.}$$

$$س_{r1} = \text{كمية الانتاج لذلك الشهر.}$$

$$س_{r2} = \text{عدد سنوات الخبرة للمدراء المسؤولين في المنشأة في ذلك الشهر.}$$

بالطبع، اذا كانت زيادة سنوات الخبرة عند المدراء تؤدي الى تقليل التكاليف، فان قيمة الثابت (ب<sub>٢</sub>) يجب أن تكون سالبة.

اعتماداً على المعادلة (١٣ - ١) ، ان القيمة المتوقعة للتكاليف في شهر معين تعتمد على كمية الانتاج لذلك الشهر وعلى سنوات الخبرة لمدراء المنشأة في ذلك الشهر. ان المعادلة تقول، اذا زادت كمية الانتاج بمقدار (١) طن، فان القيمة المتوقعة للتكاليف سوف تزداد بمقدار قيمة (ب<sub>١</sub>) ألف دينار. واذا زادت سنوات الخبرة لمدراء المنشأة سنة واحدة، فان قيمة التكاليف سوف تزداد بمقدار قيمة (ب<sub>٢</sub>) ألف دينار. وبما انه من المفروض أن تكون قيمة (ب<sub>١</sub>) قيمة سالبة، فهذا يعني انه من المفروض أن تتناقص تكاليف المنشأة بقيمة (ب<sub>٢</sub>) اذا زادت سنوات خبرة مدراء المنشأة بمقدار سنة واحدة. فاذا كان صحيح ان تكلفة الانتاج تعتمد على كمية الانتاج وعدد سنوات الخبرة، فهذا يعني ان قسم البحث أو قسم الانتاج في المنشأة قادراً على توقع تكاليف المنشأة بصورة أفضل عن طريق استخدام تحليل الانحدار المتعدد. بمعنى آخر، ان استخدام معادلة خط الانحدار المتعدد التي تربط المتغير التابع (تكاليف المنشأة) بكلا المتغيرين المستقلين (كمية الانتاج وعدد سنوات الخبرة) يكون أفضل من استخدام معادلة خط الانحدار البسيط التي تم شرحها في الفصل السابق والتي تربط المتغير التابع

( تكاليف المنشأة ) مع متغير مستقل واحد فقط ( كمية الانتاج ) .

٢ - ان السبب الثاني لاستخدام خط الانحدار المتعدد بدلاً من خط الانحدار البسيط هو ان المتغير التابع غالباً ما يعتمد على أكثر من مستقل . بمعنى آخر، ان تحليل الانحدار البسيط الذي يعتمد على متغير مستقل واحد قد يؤدي الى تحيز في تقدير تأثير المتغير المستقل على المتغير التابع . فعلى سبيل المثال، افرض ان تكاليف المنشأة وبالاعتماد على المعادلة ( ١٣ - ١ ) تعتمد على كمية الانتاج وسنوات الخبرة، فان تقدير التكاليف بناءً على كمية الانتاج وباستخدام خط الانحدار البسيط قد يؤدي الى تحيز في تقدير قيمة ( ب ) والتي تقيس الزيادة بالتكاليف بناءً على انتاج ( ١ ) طن اضافي . ولفهم سبب ظهور هذا التحيز، افرض ان المنشأة أرادت زيادة انتاجها في الأشهر التي زادت فيها خبرة مدراءها عن الأشهر التي كانت فيها خبرة المدراء قليلة نسبياً . فاذا كانت هذه هي الحالة، فان تكاليف الأشهر التي كانت غالباً فيها كمية الانتاج قليلة كانت عالية بسبب قلة خبرة المدراء، وتكاليف الأشهر التي كانت فيها كمية الانتاج عالية كانت قليلة بسبب زيادة خبرة المدراء . لهذا، فان استخدام تحليل الانحدار البسيط لوصف العلاقة ما بين التكاليف والانتاج فقط سوف يؤدي الى تحيز في تقدير قيمة ( ب ) .

اذا كان المتغير التابع هو اقتران لاكثر من متغير مستقل، فان العلاقة الملاحظة ما بين المتغير التابع وأي متغير من المتغيرات المستقلة قد تكون مضللة لأن العلاقة الملاحظة قد تعكس التغير في المتغيرات المستقلة الأخرى، وبما أن هذه المتغيرات المستقلة الأخرى غير مراقبة كلياً، فان هذا قد يؤدي الى إظهار تأثير المتغير المستقل المراقب على المتغير التابع بصورة غير صحيحة . ولتقدير التأثير الصحيح للمتغير المستقل على المتغير التابع، فانه لا بد من تضمين جميع المتغيرات المستقلة في تحليل الانحدار . بمعنى آخر، لا بد من استخدام نموذج خط الانحدار المتعدد .

## - نموذج خط الانحدار المتعدد The Multiple Regression Model

ان النموذج الأساسي لخط الانحدار البسيط وكما تبين من الفصل السابق هو كما يلي :

$$ص_r = 1 + ب س + خ_r \dots\dots\dots (١٣-٢)$$

حيث ان :

ص\_r هي القيمة الملاحظة (ر) من قيم المتغير التابع.

س\_r هي القيمة الملاحظة (ر) من قيم المتغير المستقل.

خ\_r هو المتغير ذو التوزيع العشوائي الطبيعي والذي وسطه الحسابي يساوي صفراً وانحرافه المعياري هو (Se). بمعنى آخر، تمثل قيمة خ\_r مقدار الخطأ، أو مقدار القيمة العشوائية المضافة الى معادلة خط الانحدار أو المطروحة اذا كانت قيمة خ\_r قيمة سالبة.

كما اننا نفترض ان الوسط المشروط للمتغير التابع هو اقتران خطي للمتغير ص\_r - وبالتحديد 1 + ب س. كما نفترض ان قيم مقدار الخط (خ\_r) تكون مستقلة احصائياً.

ان نموذج الانحدار الخطي المتعدد هو نفس نموذج الانحدار الخطي البسيط الذي تم الاشارة له أعلاه. ان الفرق الوحيد ما بين هذين النموذجين هو ان الوسط المشروط للمتغير التابع هو اقتران خطي لأكثر من متغير مستقل. فاذا كان هناك متغيرين مستقلين هما س١ و س٢، فان النموذج الخطي المتعدد هو :

$$ص_r = 1 + ب١ س١ + ب٢ س٢ + ح_r$$

حيث أن خ\_r هو مقدار الخطأ. وكما هو الحال بالنسبة للتحليل الانحدار البسيط، فان متوسط القيمة المتوقعة لمقدار الخطأ هو صفر، كما ان مقدار الخطأ موزع طبيعياً والانحراف المعياري له هو نفسه وبغض النظر عن قيم كل من س١ و س٢. كما نفترض ان قيم مقدار الخطأ تكون مستقلة احصائياً. ولكن على العكس من حالة الانحدار البسيط، ان الوسط المشروط للمتغير التابع (ص\_r) هو اقتران خطي لكل من

المتغيرين المستقلين  $s_{1r}$  و  $s_{2r}$  . وبالتحديد ، فإن الوسط المشروط للمتغير التابع (ص<sub>r</sub>) هو :

$$1 + b_1 s_{1r} + b_2 s_{2r}$$

- طريقة أقل المربعات في تقدير معاملات الانحدار المتعدد

### Least-Squares Estimates of the Regression Coefficient

ان أول خطوة في تحليل الانحدار المتعدد هو تحديد المتغيرات المستقلة، ومن ثم تحديد الشكل الرياضي للمعادلات ذات العلاقة بمتوسط القيمة للمتغير التابع بالنسبة للمتغيرات المستقلة. وبالنسبة لحالة المنشأة التي تريد وصف العلاقة ما بين التكلفة والانتاج وسنوات الخبرة فقد تم عمل هذه الخطوة في المعادلة (١٣ - ١) والتي تشير الى ان المتغيرات المستقلة هي كمية الانتاج وعدد سنوات الخبرة. ان العلاقة ما بين متوسط القيمة للمتغير التابع (التكلفة) وهذه المتغيرات المستقلة هي علاقة خطية. فبعد القيام بأول خطوة ، فاننا بعد ذلك نقوم بتقدير قيم الثوابت المجهولة  $1$  ،  $b_1$  ،  $b_2$  في خط الانحدار الصحيح (خط انحدار المجتمع). وكما كان عليه الحال في تحليل الانحدار البسيط، فان تقدير هذه القيم قد تم بناءً على ايجاد قيمة كل ثابت بحيث يؤدي الى تقليل مجموع مربع الانحرافات لقيم المتغير المستقل الملاحظة عن قيم المتغير التابع المتوقعة باستخدام تحليل الانحدار.

ولفهم طبيعة أقل المربعات في تقدير قيم الثوابت  $1$  ،  $b_1$  ،  $b_2$  بدقة أكبر، افرض ان  $1$  هي قيمة تقديرية لـ  $1$  ،  $b_1$  هي قيمة تقديرية لـ  $(b_1)$  ، و  $b_2$  هي قيمة تقديرية لـ  $(b_2)$  ، فان قيمة المتغير التابع (ص<sub>r</sub>) التقديرية المتوقعة عن طريق تحليل الانحدار هي :

$$\hat{v}_r = 1 + b_1 s_{1r} + b_2 s_{2r}$$

كما ان انحراف هذه القيمة المتوقعة عن القيمة الحقيقية للمتغير التابع هي :

$$ص_r - \hat{ص_r} = ص_r - 1 - ب_1 س_{r1} - ب_2 س_{r2}$$

وكما هو الحال بالنسبة لتحليل الانحدار البسيط، فانه يمكن قياس درجة تمثيل خط الانحدار التقديري للبيانات عن طريق تربيع هذه الانحرافات :

$$\sum (ص_r - \hat{ص_r})^2 = \sum (ص_r - 1 - ب_1 س_{r1} - ب_2 س_{r2})^2 \dots\dots\dots (١٣-٣)$$

حيث ان ن هي مجموع المشاهدات في العينة. فكلما زاد مربع مجموع هذا المقدار، فكلما قل تمثيل معادلة خط الانحدار المتعدد للعينة للبيانات. وكلما قل مجموع مربع هذا المقدار، كلما زاد تمثيل خط الانحدار المتعدد للعينة للبيانات. لذلك، فانه من المنطقي أن نختار قيم الثوابت ١، ب<sub>١</sub> و ب<sub>٢</sub> والذي يقلل من قيمة المقدار (١٣-٣). ان هذه القيم هي القيم المقدرة بطريقة أقل المربعات وكما هو الحال بالنسبة للانحدار البسيط.

ان قيم الثوابت ١، ب<sub>١</sub>، ب<sub>٢</sub> والتي تؤدي الى تقليل مجموع مربع الانحرافات في المعادلة (١٣-٣) يجب ان تحقق المعادلات التالية :

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^n ص_i &= 1 + \sum_{i=1}^n ب_1 س_{i1} + \sum_{i=1}^n ب_2 س_{i2} \\ \sum_{i=1}^n س_{i1} ص_i &= \sum_{i=1}^n س_{i1} + \sum_{i=1}^n س_{i1}^2 ب_1 + \sum_{i=1}^n س_{i1} س_{i2} ب_2 \\ \sum_{i=1}^n س_{i2} ص_i &= \sum_{i=1}^n س_{i2} + \sum_{i=1}^n س_{i1} س_{i2} ب_1 + \sum_{i=1}^n س_{i2}^2 ب_2 \end{aligned}$$

..... (١٣-٤)

ان حل هذه المعادلة اعلاه بالنسبة للثوابت أ، ب ١، ب ٢ يؤدي الى النتائج التالية:

$$\begin{aligned} \text{ب } 1 &= \frac{\sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) - \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j)}{\sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) - 1} \\ \text{ب } 2 &= \frac{\sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) - \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j)}{\sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) - 1} \\ 1 &= \bar{m} - \text{ب } 1 - \text{ب } 2 \end{aligned}$$

..... (١٣ - ٥)

ولتسهيل العمليات الحسابية، فانه لا بد من مراعاة ما يلي :

$$\begin{aligned} \frac{\sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j)}{n} - \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) &= \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \\ \frac{\sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j)}{n} - \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) &= \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \\ \frac{\sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j)}{n} - \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) &= \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \\ \frac{\sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j)}{n} - \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) &= \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \\ \frac{\sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j)}{n} - \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) &= \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \sum_{j=1}^n (\bar{m}_j - m_j) \end{aligned}$$

ولتوضيح العملية الحسابية لكيفية تقدير الثوابت ١ ، ب ، ب٢ باستخدام طريقة أقل المربعات، فإننا سوف نقوم بحل المثال التالي. وعلى الرغم من امكانية حل هذه النوع من الأمثلة باستخدام أجهزة الحاسوب، إلا أنه من المفيد جداً عمل هذا النوع من الحسابات بالطريقة اليدوية على الأقل لمثال واحد.

مثال (١) : إذا أرادت المنشأة التي تم دراستها في الفصل السابق وصف العلاقة ليس فقط ما بين كمية الانتاج والتكاليف. إنما تريد وصف العلاقة ما بين تكلفة الانتاج الشهرية وكمية الانتاج الشهري وعدد سنوات الخبرة عند المدراء. فإذا تم الحصول على بيانات بالنسبة للتكلفة وكمية الانتاج وعدد سنوات الخبرة لتسعة أشهر وكما هي في الجدول (١٣ - ١). فأوجد ما يلي :

(١) معادلة خط الانحدار المتعدد عن طريق طريقة أقل المربعات لتقدير قيمة كل من أ، ب١، ب٢.

(٢) قارن ما بين القيمة التقديرية لـ ب التي تم الحصول عليها باستخدام تحليل الانحدار البسيط وقيمة ب١، هل هناك فرق بينهما، ولماذا ؟  
(٣) أي القيمتين التقديريتين برأيك أفضل، ولماذا ؟

### جدول (١٣ - ١)

التكلفة الشهرية وكمية الانتاج، والخبرة للمنشأة خلال تسعة أشهر

| سنوات خبرة المدراء | تكاليف الانتاج<br>(بالأف) | كمية الانتاج<br>(بالطن) |
|--------------------|---------------------------|-------------------------|
| ١                  | ٢                         | ١                       |
| ٠                  | ٣                         | ٢                       |
| ٥                  | ٤                         | ٤                       |
| ٨                  | ٧                         | ٨                       |
| ٤                  | ٦                         | ٦                       |
| ٣                  | ٥                         | ٥                       |
| ٢                  | ٨                         | ٨                       |
| ٧                  | ٨                         | ٩                       |
| ٦                  | ٦                         | ٧                       |



الحل : لحل هذا المثال، فانه لا بد من ترتيب البيانات في جدول (١٣-٢)

جدول (١٣-٢)

| الانتاج<br>س <sub>١</sub> | التكاليف<br>ص <sub>١</sub> | الخبرة<br>س <sub>٢</sub> | س <sub>١</sub> <sup>٢</sup> | س <sub>٢</sub> <sup>٢</sup> | س <sub>١</sub> ص <sub>١</sub> | س <sub>٢</sub> ص <sub>٢</sub> | س <sub>١</sub> س <sub>٢</sub> | ص <sub>٢</sub> |
|---------------------------|----------------------------|--------------------------|-----------------------------|-----------------------------|-------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|----------------|
| ١                         | ٢                          | ١                        | ١                           | ١                           | ٢                             | ٢                             | ١                             | ٤              |
| ٢                         | ٣                          | ٠                        | ٤                           | ٠                           | ٦                             | ٠                             | ٠                             | ٩              |
| ٤                         | ٤                          | ٥                        | ١٦                          | ٢٥                          | ١٦                            | ٢٠                            | ٢٠                            | ١٦             |
| ٨                         | ٧                          | ٨                        | ٦٤                          | ٦٤                          | ٦٤                            | ٥٦                            | ٦٤                            | ٤٩             |
| ٦                         | ٦                          | ٤                        | ٣٦                          | ١٦                          | ٣٦                            | ٢٤                            | ٢٤                            | ٣٦             |
| ٥                         | ٥                          | ٣                        | ٢٥                          | ٩                           | ٢٥                            | ١٥                            | ١٥                            | ٢٥             |
| ٨                         | ٨                          | ٢                        | ٦٤                          | ٤                           | ٦٤                            | ١٦                            | ١٦                            | ٦٤             |
| ٩                         | ٨                          | ٧                        | ٨١                          | ٤٩                          | ٨١                            | ٥٦                            | ٦٣                            | ٦٤             |
| ٧                         | ٦                          | ٦                        | ٤٩                          | ٣٦                          | ٤٩                            | ٣٦                            | ٤٢                            | ٣٦             |
| ٥٠                        | ٤٩                         | ٣٦                       | ٣٤٠                         | ٢٠٤                         | ٣١٩                           | ٢٢٥                           | ٢٤٥                           | ٣٠٣            |

حيث ان : س<sub>١</sub> تمثل الانتاج بالطن.

س<sub>٢</sub> تمثل عدد سنوات الخبرة.

ص<sub>١</sub> تمثل تكاليف الانتاج بالطن.

فبالاعتماد على البيانات الواردة في الجدول (١٣-٢)، نجد ان

$$\sum_{س_1} ٥٠ = ٣٦ = \sum_{س_2} , \quad \sum_{ص_1} ٤٩ = ٣٦$$

$$\begin{aligned} 303 &= \sum_{r=1}^2 \text{ص}_r , & 204 &= \sum_{r=1}^2 \text{س}_r , & 340 &= \sum_{r=1}^2 \text{س}_r \\ 220 &= \sum_{r=1}^2 \text{س}_r \text{س}_r , & 319 &= \sum_{r=1}^2 \text{س}_r \text{ص}_r , & 240 &= \sum_{r=1}^2 \text{س}_r \text{س}_r \end{aligned}$$

ان تعويض هذه القيم في المعادلات التي تسهل العمليات الحسابية، نجد ما يلي :

$$\frac{2(50)}{9} - 340 = 2(\text{س}_1 - \text{س}_2) \sum - 1$$

$$9/2500 - 340 =$$

$$277778 - 340 =$$

$$62722 =$$

$$\frac{2(36)}{9} - 240 = (\text{س}_1 - \text{س}_2) \sum - 2$$

$$9/1296 - 240 =$$

$$144 - 240 =$$

$$60 =$$

$$\frac{(49)(50)}{9} - 319 = (\text{ص}_1 - \text{ص}_2)(\text{س}_1 - \text{س}_2) \sum - 3$$

$$9/2450 - 319 =$$

$$277222 - 319 =$$

$$4678 =$$

$$\frac{(49)(36)}{9} - 220 = (\text{ص}_1 - \text{ص}_2)(\text{س}_1 - \text{س}_2) \sum - 4$$

$$9/1764 - 220 =$$

$$196 - 220 =$$

$$29 =$$

$$\frac{(36)(50)}{9} - 240 = (S_1 - S_{1r})(S_1 - S_{1r}) \sum - 0$$

$$9/1800 - 240 =$$

$$200 - 240 =$$

$$40 =$$

أما الآن فأننا سوف نقوم بتعويض نتائج المعادلات التسهيلية في المعادلات (١٣) - ٥، ونحصل على ما يلي :

$$\frac{(29)(40) - (4678)(60)}{2(40) - (60)(6222)} = \text{ب}_1$$

$$\frac{1300 - 280678}{2020 - 37332} = \text{ب}_1$$

$$\frac{15018}{17082} = \text{ب}_1$$

$$\text{ب}_1 = 879$$

وهذا يعني انه كلما زاد الانتاج بمقدار طن واحد، فانه سوف يتبع ذلك زيادة بالتكاليف قدرها (٨٧٩) دينار.

$$\frac{(4678)(40) - (29)(6222)}{2(40) - (60)(6222)} = \text{ب}_2$$

$$\frac{21051 - 180438}{2020 - 37332} = \text{ب}_2$$

$$\frac{30072 -}{17082} = \text{ب}_2$$

$$\text{ب}_2 = -176$$

وهذا يعني انه كلما زادت الخبرة بمقدار سنة واحدة، فانه سوف يتبع ذلك نقصان بالتكاليف قدرها (١٧٦) دينار.

$$\left(\frac{36}{9}\right)(-176) - \left(\frac{50}{9}\right)(879) - \frac{49}{9} = 1$$

$$= 544 - 4883 + 704$$

$$= 1365$$

وهذا يعني انه لو كانت كمية الانتاج صفر طن والخبرة صفر سنة، فان التكلفة الثابتة سوف تكون (١٣٦٥) دينار.

وعليه فان معادلة خط الانحدار المتعدد التقديرية هي :

$$\hat{ص}_2 = 1365 + 879س_1 - 176س_2$$

ان القيمة التقديرية للثابت ب<sub>١</sub> هي (٨٧٩)، مقارنة مع القيمة التقديرية للثابت ب من الفصل السابق والتي كانت (٧٥٢). بمعنى آخر، اذا زاد الانتاج بمقدار

طن واحد، فان سوف يؤدي الى زيادة تقديرية بالتكاليف قدرها ( ٨٧٩ ) دينار بناءً على خط الانحدار المتعدد مقارنة مع الزيادة التقديرية والتي قدرها ( ٧٥٢ ) دينار بناءً على خط الانحدار الذي تم التعرض إليه في الفصل السابق.

ان السبب في تباين هذين التقديرين هو ان تقدير تأثير كمية الانتاج على التكاليف باستخدام تحليل الانحدار المتعدد يعمل على بقاء تأثير سنوات خبرة المدراء ثابت، بينما تحليل الانحدار البسيط لا يعمل على بقاء تأثير متغير سنوات الخبرة عند المدراء ثابت. وبما ان هذا المتغير المستقل ( عدد سنوات الخبرة ) يؤثر على المتغير التابع ( التكاليف )، فان هذا يؤدي بالغالب الى تحيز في تقدير تأثير كمية الانتاج على التكاليف باستخدام تحليل الانحدار البسيط.

بالطبع ، يعتبر تحليل الانحدار المتعدد هذا مناسباً اذا تغيرت قيم كل من  $S_{11}$  و  $S_{22}$  في مدى محدود. فاذا كانت قيمة  $S_{22}$  كبيرة وقيمة  $S_{11}$  صغيرة ، فان تحليل الانحدار سوف يتنبأ بقيمة سالبة للتكاليف والذي هو بالتأكيد امر غير مقبول. ولكن طالما ان تحليل الانحدار لن يستخدم في عملية التنبؤ لقيم  $S_{11}$  و  $S_{22}$  والتي تقع خارج مدى البيانات المعطاة في الجدول ( ١٣ - ١ )، فانه ليس هناك اي مشكلة. وببساطة، فاننا نفترض، عند استخدام المعادلة ( ١٣ - ١ )، ان تأثير سنوات الخبرة الادارية على متوسط قيمة التكاليف ( مع ثبات كمية الانتاج ) هو تأثير خطي في مجال محدد فقط.

- فترات الثقة واختبار الفرضيات بالنسبة لـ  $B_1$  و  $B_2$

### Confidence Intervals and Test Hypotheses Concerning $B_1$ & $B_2$

وكما هو الحال في تحليل الانحدار البسيط، فان تحليل الانحدار المتعدد باستخدام طريقة اقل المربعات له خصائص احصائية مرغوب فيها . وبالتحديد فان القيم التقديرية  $B_1$  ،  $B_2$  هي قيم تقديرية غير متحيزة وقيم مستمرة التقدير بالنسبة لقيم خط

الانحدار المتعدد الحقيقية. بالاضافة الى ان نظرية جاوس ماركوف ( Gauss Markov Theorem ) تقول بأن جميع القيم التقديرية غير المتحيزة للمتغيرات التابعة التي لها اقترانات خطية يكون انحرافها المعياري أقل ما يمكن. وكما هو الحال بالنسبة لتحليل الانحدار البسيط، فان توفر هذه الخصائص المرغوب بها يعتمد على استقلالية المشاهدات وعلى ثبات الانحراف المعياري للتوزيع الاحتمالي المشروط وبغض النظر عن قيم المتغير المستقل. كما انه ليس من الضروري أن يكون التوزيع الاحتمالي المشروط للمتغير التابع ترزيعاً طبيعياً. بمعنى آخر، انه ليس من الضروري أن يكون التوزيع الاحتمالي لمقدار الخطأ (  $\epsilon$  ) توزيعاً طبيعياً.

فلو افترضنا ان التوزيع الاحتمالي لمقدار الخطأ (  $\epsilon$  ) موزعاً توزيعاً طبيعياً، فان هذا يعني امكانية حساب فترة الثقة لكل من الثوابت  $\beta_0$  أو  $\beta_1$ . وغالباً ما يعتبر هذا غرض مهم من أغراض تحليل الانحدار المتعدد. فعلى سبيل المثال، في حالة المنشأة التي تريد وصف العلاقة ما بين التكلفة وكمية الانتاج وخبرة المدراء، ان الحصول على فترة ثقة للثابت  $\beta_0$  يعتبر غرض مهم من أغراض تحليل الانحدار، لأن الثابت  $\beta_0$  يمثل معامل المتغير المستقل  $x_0$  في خط الانحدار الصحيح لمجتمع الدراسة. ان قيمة الثابت  $\beta_0$  تمثل القيمة التقديرية لمعامل المتغير المستقل الاول في خط الانحدار الصحيح. وتعتبر القيمة التقديرية لمعامل المستقل الاول مهمة لأنها تقيس تأثير الزيادة في المتغير المستقل  $x_0$  بمقدار وحدة واحدة ( واحد طن ) على القيمة المتوقعة للمتغير التابع  $y$  ( التكاليف ) في حالة بقاء تأثير خبرة المدراء (  $x_1$  ) ثابتة. كما يعتبر الحصول على فترة ثقة لمعامل المتغير المستقل  $x_1$  ( خبرة المدراء ) غرض مهم آخر من أغراض تحليل الانحدار، لأن معامل المتغير المستقل الثاني (  $\beta_1$  ) يمثل المعامل الحقيقي للمتغير  $x_1$  في معادلة خط الانحدار للمجتمع. ان قيمة الثابت  $\beta_1$  تمثل القيمة التقديرية لمعامل المتغير المستقل الثاني في خط الانحدار الصحيح. وتعتبر القيمة التقديرية لمعامل المتغير المستقل الثاني مهمة لأنها تقيس تأثير الزيادة في المتغير المستقل الثاني بمقدار وحدة واحدة ( عدد سنوات الخبرة عند مدراء المنشأة ) على القيمة المتوقعة للمتغير التابع  $y$ .

(التكلفة)، اذا بقي المتغير المستقل الاول (الكمية) ثابت .

وكما تم الاشارة له في الجزء السابق، فان تحليل الانحدار المتعدد غالباً ما يتم عن طريق اجهزة الحاسوب وليس بالطريقة اليدوية . ونظراً لأهمية تحليل الانحدار المتعدد، فقد تم تطوير برامج معيارية لحساب تحليل الانحدار المتعدد بواسطة طريقة أقل المربعات باستخدام الحاسوب لتقدير قيمة كل من  $\alpha$  ،  $\beta_1$  ،  $\beta_2$  . وبما ان هذه القيم التقديرية هي قيم احصائية ناتجة عن دراسة العينة، فان هذه القيم تكون خاضعة للأخطاء العينية . فبالإضافة الى حساب القيم التقديرية لكل من  $\alpha$  و  $\beta_1$  و  $\beta_2$  والتي هي قيم كل من  $\alpha$  و  $\beta_1$  و  $\beta_2$  ، فان هذه البرامج المعيارية تقوم بتقدير الانحراف المعياري للثابت  $\beta_1$  (والذي غالباً ما يطلق عليه بالخطأ المعياري لـ  $\beta_1$ )، وكذلك تقدير الانحراف المعياري للثابت  $\beta_2$  (والذي غالباً ما يطلق عليه بالخطأ المعياري لـ  $\beta_2$ ) .

فاذا تم الحصول على نتائج تحليل الانحدار المتعدد بواسطة جهاز الحاسوب، فانه من السهل نسبياً بناء فترة الثقة لكل من  $\beta_1$  و  $\beta_2$  . وكما تم الاشارة له أعلاه، فانه يمكن الحصول على الخطأ المعياري لكل من  $\beta_1$  و  $\beta_2$  في ورقة تحليل النتائج عن طريق الحاسوب . وعليه، فان فترة الثقة لـ  $\beta_1$  عند مستوى الثقة ( $\alpha$ ) هي :

$$\beta_1 \pm t_{\left(\frac{\alpha}{2}\right)} S_{(\beta_1)} \quad \dots\dots\dots (١٣-٦)$$

حيث ان  $S_{(\beta_1)}$  تمثل الخطأ المعياري لـ  $\beta_1$ ، بالإضافة الى ان درجات الحرية للاختبار  $t = n - k - 1$  (حيث ان  $k$  تمثل عدد المتغيرات المستقلة التي يتضمنها النموذج) .

كما ان فترة الثقة لـ  $\beta_2$  عند مستوى الثقة ( $\alpha$ ) هي :

$$\beta_2 \pm t_{\left(\frac{\alpha}{2}\right)} S_{(\beta_2)} \quad \dots\dots\dots (١٣-٧)$$

حيث ان  $S_{(\beta_2)}$  تمثل الخطأ المعياري لـ  $\beta_2$  .

كما أن بعض نتائج تحليل الانحدار المتعدد باستخدام جهاز الحاسوب يقوم بتزويد الخطأ المعياري للثابت ١. وعليه، فإن فترة الثقة للثابت ١ عند مستوى الثقة ( $\infty$ ) هي :

$$1 \pm t \left( \frac{\infty}{p} \right) S (1) . \dots\dots (١٣-٨)$$

حيث أن  $S (1)$  تمثل الخطأ المعياري لـ ١ .

وكذلك إذا تم الحصول على ورقة تحليل جهاز الحاسوب، فإنه من السهل اختبار الفرضية الأساسية التي تعتبر قيمة  $b_p$  أو قيمة  $b_p$  مساوية للصفر، في حالة افتراض أن التوزيع الاحتمالي لمقدار الخطأ (خ) موزعاً توزيعاً طبيعياً. فإذا كانت

$$b_p = \text{صفر}$$

فإن التوزيع العشوائي للمتغير  $b_p$  هو توزيع ( $t$ ) بدرجات حرية تساوي ( $n - k - ١$ ). فإذا كان اختبار ( $t$ ) هو اختبار ذو طرفين ومستوى الثقة هو ( $\infty$ )، فإن قانون القرار هو كما يلي :

قانون القرار : أرفض الفرضية الأساسية والتي تعتبر أن قيمة  $b_p$  تساوي صفر، إذا كانت القيمة المطلقة الاحصائية لـ  $b_p$  أكبر من القيمة المعيارية لـ  $t \left( \frac{\infty}{p} \right)$ . وقبول الفرضية الأساسية إذا كانت القيمة المطلقة الاحصائية أقل من القيمة المعيارية لـ  $t \left( \frac{\infty}{p} \right)$ . علماً بأن درجات الحرية = ( $n - k - ١$ ).

وكذلك نفس الشيء بالنسبة لـ  $b_p$ . فإذا كانت

$$b_p = \text{صفر}$$

فإن قيمة ( $t$ ) الاحصائية لـ  $b_p$  لها توزيع ( $t$ ) بدرجات حرية تساوي ( $n - k - ١$ ). وقانون القرار هو كما يلي :

قانون القرار : أرفض الفرضية الأساسية والتي تعتبر أن قيمة  $b_p$  تساوي صفر، إذا كانت القيمة المطلقة الاحصائية لـ  $b_p$  أكبر من القيمة المعيارية لـ  $t \left( \frac{\infty}{p} \right)$ . وقبول الفرضية الأساسية إذا كانت القيمة المطلقة الاحصائية أقل من القيمة المعيارية لـ  $t \left( \frac{\infty}{p} \right)$ .



علماً بأن درجات الحرية = (ن - ك - ١) .

ان الامثلة التالية توضح كيفية بناء فترات الثقة لبعض معاملات الانحدار الصحيح او الحقيقي وكيفية اختبار ما اذا كان بعض هذه المعاملات مساوي للصفر عن طريق استخدام ورقة نتائج الحسوب بالنسبة لتحليل الانحدار المتعدد .

مثال (٢) : اذا كان الجزء من حل الانحدار المتعدد باستخدام جهاز الحاسوب للتكلفة بناءً على كمية الانتاج وسنوات الخبرة عند مدرء المنشأة مزودة بالجدول (١٣ - ٣) (البيانات الاساسية متوفرة في الجدول ١٣ - ١)، وقد تم تسمية كمية الانتاج في هذا الجزء بالمتغير رقم (٢)، بينما تم تسمية سنوات الخبرة عند المدرء بالمتغير رقم (٣) . فكما ترى في الجدول (١٣ - ٣)، فان جهاز الحاسوب يطبع قيمة  $b_1$  والخطأ المعياري لـ  $b_1$  ( $S_{b_1}$ ) وقيمة  $t$  الاحصائية لـ  $b_1$  في الصف الاول والمعنون بالرقم (٢) (المتغير الثاني) . أما في الصف الثاني والمعنون بالرقم (٣) (المتغير الثالث)، فانه يحتوي على قيمة  $b_3$  والخطأ المعياري لـ  $b_3$  ( $S_{b_3}$ ) وقيمة  $t$  الاحصائية لـ  $b_3$  . ويسبب عملية التقريب في الخطأ، فانه قد وجد هناك بعض الاختلاف ما بين القيم التقديرية لـ  $a$  و  $b_1$  و  $b_3$  المحسوبة بالطريقة اليدوية والمحسوبة بواسطة جهاز الحاسوب . استخدم هذه المعلومات لحساب ما يلي :

١ - فترة الثقة الـ ٩٥٪ لـ  $b_1$  .

٢ - اختبار ما اذا كانت قيمة  $b_3$  = صفر ( $\alpha = ٥\%$ ) .

### الجدول ( ١٣ - ٣ )

جزء من حل تحليل الارتباط المتعدد باستخدام الحاسب ما بين التكلفة والانتاج والخبرة بواسطة الحاسب .

| المتغيرات المستقلة |          |                |           |
|--------------------|----------|----------------|-----------|
| المتغيرات التابعة  |          |                |           |
| ١                  | ٢        | ٣              |           |
| المتغير            | المعامل  | الخطأ المعياري | قيمة t    |
| ٢                  | ٨٧٩٠ ر   | ٠٣٤٧ ر         | ٢٥٣٤٠٠ ر  |
| ٣                  | ١٧٥٩ - ر | ٠٣٥٣ ر         | ٤٩٨٠٠ - ر |
| التقاطع            | ١٢٦٤٧٢ ر |                |           |

الحل : ( ١ ) بما أن الخطأ المعياري لـ ب<sub>١</sub> = ٠.٣٤٧ ، فإن فترة الثقة الـ ٩٥٪ لـ ب<sub>١</sub> هي :

$$ب_1 \pm t_{(\frac{\infty}{2})} S_{(b_1)}$$

$$٨٧٩ \pm t_{(\frac{\infty}{2})} (٠.٣٤٧)$$

بما أن عدد العينة ( ٩ ) ، وعدد المتغيرات المستقلة هو ( ٢ ) ، فإن

$$\text{درجات الحرية} = ٩ - ٢ - ١$$

$$٦ =$$

وعليه فإن  $t_{(٠.٢٥, ٦)} = ٢.٤٤٧$  .

ولهذا، فإن فترة الثقة لـ ب<sub>١</sub> هي

$$٨٧٩ \pm (٢.٤٤٧) (٠.٣٤٧)$$

$$٨٧٩ \pm ٠.٨٤٩$$

بمعنى آخر، ان فترة الثقة الـ ٩٥٪ للزيادة المتوقعة في التكاليف اذا ازدادت كمية الانتاج بمقدار وطن واحد هي من ٧٩٤ دينار الى ٩٦٤ دينار.

$$(٢) \text{ أ) ف. : ب} = \text{ب} = \text{صفر}$$

$$\text{ف. : ب} = \text{ب} \neq \text{صفر}$$

ب) الاختبار هو (t)

$$\text{ج) مستوى الثقة } (\alpha) = ٥\%$$

$$\text{د) القيمة المعيارية} = ٢٤٤٧$$

$$\text{هـ) القيمة الاحصائية لـ ب} = ٤٩٨٠٠ \text{ (من الجدول ١٣ - ٣)}$$

و) القرار : رفض الفرضية الأساسية والتي تعتبر ان قيمة ب مساوية للصفر، لأن القيمة الاحصائية المطلقة اكبر من القيمة المعيارية لاختبار (t).

مثال (٣) : اذا كان الجدول (١٣ - ٤) يشير الى نتائج تحليل الانحدار المتعدد باستخدام جهاز الحاسوب، علماً بأن المتغير التابع هو نسبة الزيادة بالانتاجية لشركة ما بين السنوات ١٩٧٢ - ١٩٩٠. ويوجد هناك ثلاثة متغيرات مستقلة هي : عدد العمال من الشركة الاعضاء مع النقابة في سنة ١٩٧٧ (المتغير الثاني) نسبة الزيادة بالانفاق المضافة على عمل الأبحاث الأساسية في سنة ١٩٧٧ (المتغير الثالث)، ونسبة الزيادة بالانفاق المضافة على عمل الأبحاث التطبيقية والتطوير في سنة ١٩٧٧ (المتغير الرابع). وقد تم حساب خط الانحدار المتعدد بناءً على (٢٠) مؤسسة صناعية. أوجد ما يلي :

١ - فترة الثقة الـ ٩٥٪ لمعامل الانحدار الحقيقي لنسبة الزيادة بالانفاق على عمل الأبحاث الأساسية

٢ - اختبر ما اذا كان معامل الانحدار الحقيقي لنسبة الزيادة بالانفاق على عمل الأبحاث الحقيقية والتطوير يساوي صفر. (افرض انه مستوى الثقة  $(\alpha) = ٥\%$ ).

### الجدول ( ١٣ - ٤ )

جزء من نتائج تحليل الانحدار المتعدد لنسبة الزيادة بالانتاجية للمؤسسة (متغير ١)  
بناء على نسبة عمالها المسجلين بالنقابة (متغير ٢) ، ونسبة الزيادة بالانفاق على  
الأبحاث الأساسية (متغير ٣) ، ونسبة الزيادة بالانفاق على الأبحاث التطبيقية  
والتطوير (متغير ٤) .

| المتغيرات المستقلة |         |                |          |
|--------------------|---------|----------------|----------|
| المتغير التابع     |         |                |          |
| ١                  | ٢       | ٣              | ٤        |
| المتغير            | المعامل | الخطأ المعياري | قيمة (t) |
| ٢                  | - ٠.٥٥٩ | ٠.١٤٦          | - ٣.٨٤٠٠ |
| ٣                  | ١.٣٦٢٥  | ٠.٤٦٧٠         | ٢.٩٢٠٠   |
| ٤                  | ٠.٧٢٧   | ٠.٢٧٦          | ٢.٦٤٠٠   |
| التقاطع            | ٤.٧٨٨٢٦ |                |          |

الحل : (١) بما أن قيمة معامل الانحدار التقديرية لنسبة الزيادة بالانفاق على الأبحاث  
الأساسية هي (١.٣٦٢٥) ، والخطأ المعياري في قيمة معامل الانحدار التقديري  
هذا هو (٠.٤٦٧٠) ، فإن فترة الثقة الـ ٩٥٪ هي :

$$b \pm t \left( \frac{\infty}{p} \right) S$$

بما أن عدد عناصر العينة هو (٢٠) مؤسسة ، وعدد المتغيرات المستقلة هو (٣) ،  
فإن درجات الحرية = ٢٠ - ٣ - ١ = ١٦ . وعليه فإن قيمة  $t$  (٠.٢٥ ، ٦) من  
الجدول المخصص هي (٢.١٢) . وبالتعويض في علاقة فترة الثقة نحصل على ما يلي :

$$1.3625 \pm (2.12)(0.4670)$$

$$1.3625 \pm 0.990$$

بمعنى آخر، ان فترة الثقة الـ ٩٥٪ لنسبة الزيادة بالانفاق على الأبحاث الأساسية هي من (٣٧٢٥ر) الى (٢٣٥٢٥ر). ولتفسير هذه النتيجة، افرض ان نسبة الزيادة بالانفاق على عمل الأبحاث الأساسية هي ١٪، فان هذه الزيادة، بالاعتماد على تحليل الانحدار، سوف يؤدي الى زيادة في نسبة الانتاجية ما بين ٣٧٢٥ر الى ٢٣٥٢٥ر، نسبة الى فترة الثقة الـ ٩٥٪ .

(٢) ١) ف. : ب<sub>٢</sub> = صفر

ف<sub>١</sub> : ب<sub>٢</sub> ≠ صفر

ب) الاختبار هو (t)

ج) مستوى الثقة (α) = ٥٪

د) قيمة (t) المعيارية = ٢١٢ (من الجداول المحفظة)

هـ) قيمة (t) الاحصائية = ٢٦٤ (من الجدول ١٣ - ٤)

و) القرار : رفض الفرضية الأساسية والتي تعتبر ان قيمة ب<sub>٢</sub> = صفر، لان القيمة الاحصائية لاختبار (t) اكبر من القيمة المعيارية لاختبار (t) .

### معامل التحديد المتعدد Multiple Coefficient of Determination

لقد وضحنا في الفصل السابق كيفية استخدام معامل التحديد في قياس درجة تمثيل خط الانحدار البسيط للبيانات. وعند حساب تحليل الانحدار المتعدد، فان معامل التحديد المتعدد هو الذي يستخدم لقياس درجة تمثيل خط الانحدار المتعدد للبيانات وليس معامل التحديد البسيط. ويمكن تعريف معامل التحديد المتعدد كما يلي :

$$r^2 = 1 - \frac{\sum (y_r - \hat{y}_r)^2}{\sum (y_r - \bar{y})^2} \dots\dots (١٣ - ٩)$$

حيث ان  $\hat{r}_2$  هي قيمة المتغير التابع المتوقعة باستخدام معادلة الانحدار . لهذا، وكما هو الحال في حالة معامل التحديد البسيط الذي تم شرحه في الفصل السابق، فان معامل التحديد هو :

$$\hat{r}_2 = \frac{\text{التغير الذي تم تفسيره بواسطة تحليل الانحدار}}{\text{التغير الكلي}} \dots\dots (١٣-١٠)$$

وهذا يعني ان معامل التحديد ( $\hat{r}_2$ ) يقيس ذلك الجزء من التغير الكلي للمتغير التابع والذي تم تفسيره بواسطة معادلة الانحدار . وتدعى القيمة الموجبة من الجذر التربيعي لمعامل التحديد المتعدد بمعامل الارتباط المتعدد والذي يرمز له بالرمز ( $r$ ). كما يستخدم معامل الارتباط في بعض الأحيان لقياس درجة تمثيل خط الانحدار المتعدد للبيانات .

فاذا كان هناك متغيرين مستقلين فقط في تحليل الانحدار المتعدد، فان هناك طريقة سهلة نسبياً لقياس التحديد المتعدد وكما يلي :

$$\hat{r}_2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) + \sum_{j=1}^p (x_{i+j} - \bar{x}_{i+j})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 + \sum_{j=1}^p (x_{i+j} - \bar{x}_{i+j})^2}} \dots\dots (١٣-١١)$$

فاذا كان عدد المتغيرات المستقلة أكثر من متغيرين، فان تحليل الانحدار غالباً ما يتم عن طريق أجهزة الحاسوب والذي يكون مبرمجاً لحساب معامل التحديد المتعدد أو لمعامل الارتباط المتعدد .

مثال ( ١١ ) : استخدم البيانات في الجدول ( ١٣ - ١ ) لحساب معامل التحديد المتعدد ما بين تكاليف المنشأة وكمية الانتاج من جهة، وعدد سنوات الخبرة عند المدراء من جهة أخرى . فسر النتيجة التي تحصل عليها .

الحل : اننا نعلم من حل المثال ( ١ ) بان :

$$\text{قيمة } 1 = ٠,٨٨$$

$$\text{ب} = ١٨ -$$

$$\Sigma (س_١ - س_٢) (ص_١ - ص_٢) = ٤٦٧٨$$

$$\Sigma (س_١ - س_٢) (ص_١ - ص_٢) = ٢٩$$

$$\frac{\Sigma (ص_٢)^2}{ن} - ٣٠,٣ = \frac{\Sigma (س_٢)^2}{ن} - ٣٠,٣$$

$$٢٦٦٧٨ - ٣٠,٣ =$$

$$٣٦٢٢٢ =$$

وبتعويض هذه القيم في معادلة معامل التحديد المتعدد، نجد ان قيمة  $r^2$  هي كما

يلي :

$$r^2 = \frac{(٢٩) (١٨ -) + (٤٦٧٨) ٠,٨٨}{٣٦٢٢٢}$$

$$r^2 = \frac{٥٢٢ - ٤١١٦٦٤}{٣٦٢٢٢}$$

$$r^2 = \frac{٣٥٩٤٦٤}{٣٦٢٢٢}$$

$$r^2 = ٠,٩٩$$

وهذا يعني ان ٩٩٪ من التغير في تكاليف المنشأة الشهرية خلال الفترة التي تغطيها البيانات يمكن تفسيرها بواسطة معادلة تحليل الانحدار للمتعدد التي تم الحصول

عليها في المثال رقم (١) .

مثال (٥) : يظهر في الجدول (١٣ - ٥) جزء آخر من تحليل الانحدار المتعدد باستخدام جهاز الحاسوب لنسبة الزيادة بانتاجية المؤسسة بناءً على المتغيرات المستقلة الثلاثة الذي تم وصفهم في المثال رقم (٣) . فسّر القيمة التي تقابل معامل التحديد المتعدد والتي تظهر في الجدول (١٣ - ٥) .

### جدول (١٣ - ٥)

جزء آخر من تحليل الانحدار المتعدد باستخدام جهاز الحاسوب والذي يهتم بنسبة الزيادة بانتاجية المؤسسة .

|                                 |         |
|---------------------------------|---------|
| الخطأ المعياري للتقدير          | ٠.٦٢٥٥٥ |
| قيمة (F)                        | ٨.٦٦    |
| معامل التحديد المتعدد ( $R^2$ ) | ٠.٦١٩   |

الحل : ان القيمة (٠.٦١٩) تمثل قيمة معامل التحديد المتعدد . كما تعني هذه القيمة ان معادلة الانحدار المتعدد تستطيع تفسير ما نسبته (٦١.٩٪) من التغير في نسبة الزيادة بانتاجية المؤسسة .



## - تحليل التباين Analysis of Variance

يستخدم تحليل التباين لاختبار الدلالة الاحصائية الكلية (Overall Statistical Significant) لمعادلة خط الانحدار. بمعنى آخر، يستخدم تحليل التباين لاختبار ما اذا كانت جميع معاملات الانحدار في معادلة خط الانحدار تساوي صفراً. ففي مثال المنشأة، فانه من الممكن لادارة المنشأة أن تقوم باختبار ما اذا كان كل من ب<sub>1</sub> و ب<sub>2</sub> مساوياً للصفر حتى تتمكن من معرفة ما اذا كان هناك علاقة ما بين للتغير التابع وجميع المتغيرات المستقلة معاً. ان تحليل الانحدار يمكن أن يستخدم بهذه الطريقة في تحليل الانحدار البسيط والمتعدد. ففي تحليل الانحدار البسيط، فان النتيجة سوف تكون بالضبط كما هي في اختبار معامل الانحدار ب والذي تم شرحه في جزء سابق.

ان تحليل التباين يتطلب معرفة مجموع التغير في ص والذي يمكن تعريفه على انه مجموع مربع انحرافات القيم ص عن وسطهما الحسابي (ص̄). لذلك، نجد ان مجموع التغير في ص يساوي

$$\sum_{i=1}^n (ص_i - \bar{ص})^2$$

وبالاعتماد على الفصل السابق، نجد ان :

$$\sum_{i=1}^n (ص_i - \bar{ص})^2 = \sum_{i=1}^n (ص_i - \bar{ص}_r - \bar{ص}_r + \bar{ص})^2 + \sum_{i=1}^n (ص_i - \bar{ص}_r - \bar{ص}_r + \bar{ص})^2$$

ان المقدار الأول من الجهة اليسرى يمثل التغير المفسر عن طريق الانحدار، والمقدار الثاني من الجهة اليسرى يمثل التغير غير المفسر عن طريق الانحدار. وعليه، فان

$$\text{مجموع التغير} = \text{التغير المفسر} + \text{التغير غير المفسر}.$$

وللقيام بتحليل التباين، فإنه لا بد من بناء جدول للشكل العام وكما في الجدول (١٣ - ٦). ان العمود الأول في هذا الجدول يبين نوع أو مصدر التغير (Source of Variation)، والعمود الثاني يبين مجموع المربعات ذات العلاقة (Sum of Squares)،

أما العمود الثالث فإنه يبين عدد درجات الحرية (Degrees of Freedom) ذات العلاقة بكل نوع من أنواع التغير. ان درجات الحرية بالنسبة للتغير المفسر (-Explained Variation) فإنه يساوي عدد المتغيرات المستقلة (ك). أما بالنسبة لدرجات الحرية بالنسبة للتغير غير المفسر (Unexplained Variation) فإنها تساوي (ن - ك - ١). أما بالنسبة للعمود الرابع فإنه يبين مربع الوسط (Mean Square) والذي يساوي مجموع المربعات مقسوماً على عدد درجات الحرية. أما العمود الخامس فإنه يبين النسبة ما بين مربع الوسط للتغير المفسر ومربع الوسط للتغير غير المفسر.

### جدول (١٣ - ٦)

تحليل التباين للانحدار

| مصدر التغير              | مجموع المربعات           | درجات الحرية | مربع الوسط                                   | نسبة (F)  |
|--------------------------|--------------------------|--------------|--|---|
| مفسر بواسطة الانحدار     | $\sum (ص_r - \bar{ص})^2$ | ك            | $\frac{\sum (ص_r - \bar{ص})^2}{ك}$           | $\frac{\sum (ص_r - \bar{ص})^2 / ك}{\sum (ص_r - \bar{ص})^2 / (ن - ك - ١)}$ |
| غير مفسر بواسطة الانحدار | $\sum (ص_r - \bar{ص})^2$ | ن - ك - ١    | $\frac{\sum (ص_r - \bar{ص})^2}{(ن - ك - ١)}$ |   |
| المجموع                  | $\sum (ص_r - \bar{ص})^2$ | ن - ١        |  |   |

فاذا كانت الفرضية الأساسية صحيحة (اذا كانت جميع قيم معاملات الانحدار مساوية للصفر)، فان توزيع النسبة سوف يكون توزيع (F) ودرجات حرية تساوي

(ن - ك - ١) . ان قانون القرار لاجراء تحليل تباين مناسب هو :

قانون القرار : (Decision Rule) : ارفض الفرضية الأساسية والتي تعتبر قيم معاملات الانحدار الحقيقية مساوية للصفر اذا كانت نسبة مربع الوسط المفسر الى مربع الوسط غير المفسر تزيد عن قيمة  $F(\alpha)$ ، حيث ان  $\alpha$  هي مستوى الدلالة المرغوب .  
وعدا ذلك اقبل الفرضية الأساسية .

وبما أن تحليل الانحدار غالباً ما يتم بواسطة أجهزة الحاسوب، فإنه من النادر جداً أن يكون حساب الأرقام في الجدول (١٣ - ٦) بالطريقة اليدوية أمر ضروري . ان مخرجات تحليل الحاسوب غالباً ما تعطي جدول تحليل التباين . فبعض مخرجات الحاسوب تشير لمربع الوسط المفسر بمربع وسط الانحدار (Regression Mean Square)، بينما تشير الى مربع الوسط غير المفسر بمربع الوسط الخطأ (Errors Mean Square)، أو مربع الوسط المتبقي (Residual Mean Square) . ان النسبة ما بين مربع الوسط المفسر الى غير المفسر غالباً ما تمثل قيمة  $F$  أو نسبة  $F$  . إن الطريقة التي يعرض بها جدول تحليل التباين في مخرجات الحاسوب قد تختلف عن طريقة الجدول (١٣ - ٥)، ولكن المعلومات التي يتضمنها الجدول هي نفسها . وسوف نقوم بتفحص مخرجات أحد البرامج الحاسوبية بالتفصيل فيما بعد من هذا الفصل .

والمثال التالي يوضح تطبيقاً لتحليل التباين .

مثال (٦) : يوضح الجدول (١٣ - ٥) نسبة  $F$  لتحليل الانحدار المتعدد لنسبة الزيادة بالانتاجية لمؤسسة بناءً على ثلاثة متغيرات مستقلة تم وصفها في المثال رقم (٣) . استخدم هذه النسبة لاختبار الفرضية الأساسية التي تعتبر ان جميع قيم معاملات الانحدار الحقيقية مساوية للصفر (افرض ان مستوى الدلالة  $\alpha = 0.05$ ) .

الحل (١) : ف. :  $b_1 = b_2 = b_3 = \text{صفر}$

ف. :  $b_1 = b_2 = b_3 \neq \text{صفر}$

(٢)  $\infty = 0.5\%$

(٣) الاختبار هو (F)

(٤) قيمة (F) الاحصائية = ٨٦٦ (من الجدول ١٣-٥) .

(٥) قيمة (F) المعيارية .

لايجاد قيمة (F) المعيارية، فانه لا بد من تحديد درجات الحرية. ان درجات

الحرية هي (٣ و ١٦)، لماذا؟ (لان عدد المتغيرات (ك) = ٣ ، ر (ن - ك -

(١ = ١٦) . وعليه، فان

قيمة (F) (٠.٥) المعيارية = ٣٢٤ (من الجداول المخصصة) .

(٦) القرار : رفض الفرضية الأساسية والتي تعتبر ان قيم معاملات الانحدار المتعدد

مساوية للصفر.

### - مبادئ المتغير الوهمي Dummy-Variable Techniques

يمكن استخدام تحليل الانحدار المتعدد لتحليل تأثير المتغيرات النوعية (Qualitative Variables) والتي هي تلك المتغيرات التي لا تفترض قيم رقمية، والمتغيرات الكمية (Quantitative Variables) على حد سواء. فعلى سبيل المثال : افرض ان أحد الاداريين يريد تقدير تأثير نسبة الادخار لعائلة بناءً على متغيرين هما : (١) الدخل السنوي للعائلة، و (٢) هل تمتلك العائلة المنزل التي تسكن به أم تستأجره. ان المتغير المستقل الثاني هو متغير نوعي وليس متغير كمي. ان تحليل الانحدار يمكن أن يتضمن هذا النوع من المتغيرات كمتغير وهمي أو أبكم والذي يعرف كما يلي :

المتغير الوهمي (الأبكم) : المتغير الوهمي هو المتغير الذي يساوي إما صفر أو واحد .

ففي هذه الحالة، يستطيع الشخص الإداري بناء متغير وهمي (ور)، والذي يساوي ( ١ ) اذا كانت العائلة تمتلك البيت، و (صفر) اذا كانت العائلة لا تمتلك البيت . لهذا، اذا كانت العلاقة ما بين المتغير التابع والمتغير المستقل هي علاقة خطية، فاننا نستطيع افتراض ما يلي :

$$ت_r = أ + ب_١ د_r + ب_٢ و_r + ح_r \dots\dots (١٣-١٢)$$

حيث أن :  $ت_r$  تمثل قيمة الادخار السنوي للعائلة (ر) .

$د_r$  تمثل قيمة الدخل السنوي .

ويمكن استخدام طريقة أقل المربعات لتقدير كل من  $أ$  و  $ب_١$  و  $ب_٢$  .

ولفهم المقصود من المعادلة ( ١٣ - ١٢ ) بشكل واضح وماذا تعني قيمة المتغيرات الوهمية المستخدمة، افرض ان الإداري قد حصل على بيانات من ( ٢٠ ) عائلة (بحيث كان عدد العائلات التي تملك بيوتاً لهم يساوي ( ٦ ) وعدد العائلات المستأجرة هو ( ١٤ )، كما ان الجدول ( ١٣ - ٦ ) يبين هذه البيانات . فاذا تم رسم لوحة الانتشار لقيمة الادخار للعائلة بناءً على الدخل السنوي، فاننا سوف نحصل على النتائج التي تظهر في الشكل ( ١٣ - ١ ) . من الشكل ( ١٣ - ١ )، يبدو وبشكل واضح ان العلاقة ما بين الادخار السنوي والدخل السنوي تختلف بالنسبة للعائلات التي تمتلك منازلها عن العائلات المستأجرة، وبالتحديد، ان قيمة الادخار للعائلات التي تمتلك منازلها أعلى من ادخار العائلات المستأجرة لكل مستوى من مستويات الدخل . بمعنى آخر، يبدو ان هناك خطين للانحدار، أحدهما للعائلات التي تمتلك منازلها والآخر للعائلات المستأجرة لمنازلها . ان ميل هذين الخطين متساوي ولكن نقطة التقاطع لكلا الخطين مختلفة . افرض

ان هناك خطين للانحدار (بنفس الميل ونقاط تقاطع مختلفة) يظهران في مجتمع الدراسة، كما هو الحال بالنسبة للعينة. ان المعادلة رقم (١٣ - ١٢) سوف تقوم بدمج الانحدار الى خط واحد .

ولمشاهدة ما تقوم به المعادلة (١٣ - ١٢)، افرض ان النموذج الذي يمثل قيمة الادخار للعائلات المستأجرة هو:

$$T_r = A + B_1 D_r + B_2 X_r,$$

وافرض ان النموذج الذي يمثل قيمة الادخار للعائلات المالكة لمنازلها هو :

$$T_r = (A + B_2) + B_1 D_r + B_3 X_r$$

حيث ان :

$B_2$  تمثل الزيادة بمعدل الادخار بالنسبة للعائلات التي تملك منازلها. وهذا يعني ان المعادلة (١٣ - ١٢) صالحة لكلا النوعين من العائلات، المالكة للمنازل والمستأجرة. لماذا؟ لان قيمة ( $B_2$  و  $r$ ) في المعادلة (١٣ - ١٢) تساوي صفر بالنسبة للعائلات المستأجرة، بينما تساوي ( $B_2$ ) بالنسبة للعائلات المالكة لمنازلها.

فاذا تم قبول المعادلة (١٣ - ١٢) كنموذج مناسب، فانه يمكن استخدام طريقة اقل المربعات لتقدير كل من  $A$  و  $B_1$  و  $B_2$  ، وكما يظهر في الجدول (١٣ - ٧). ان خط الانحدار الناتج، والذي يظهر في الشكل (١٣ - ١)، هو

$$\hat{T}_r = -320.7 + 0.675 D_r + 827 R_r,$$

حيث ان :

$\hat{T}_r$  تشير الى قيمة التوفير المتوقعة بآلاف الدنانير للعائلة ( $R_r$ ) باستخدام معادلة

الانحدار. وبناءً على هذه المعادلة، إذا زاد الدخل بمقدار (١٠٠٠) دينار، فإن ذلك سوف يؤدي الى زيادة بالتوفير قدرها (٦٧٥) ديناراً. فإذا تم افتراض ثبات الدخل، فإن قيمة التوفير المتوقعة للعائلات التي تملك منزلاً يكون أكثر من توفير العائلات المستأجرة بمقدار ٨٢٧ دينار.

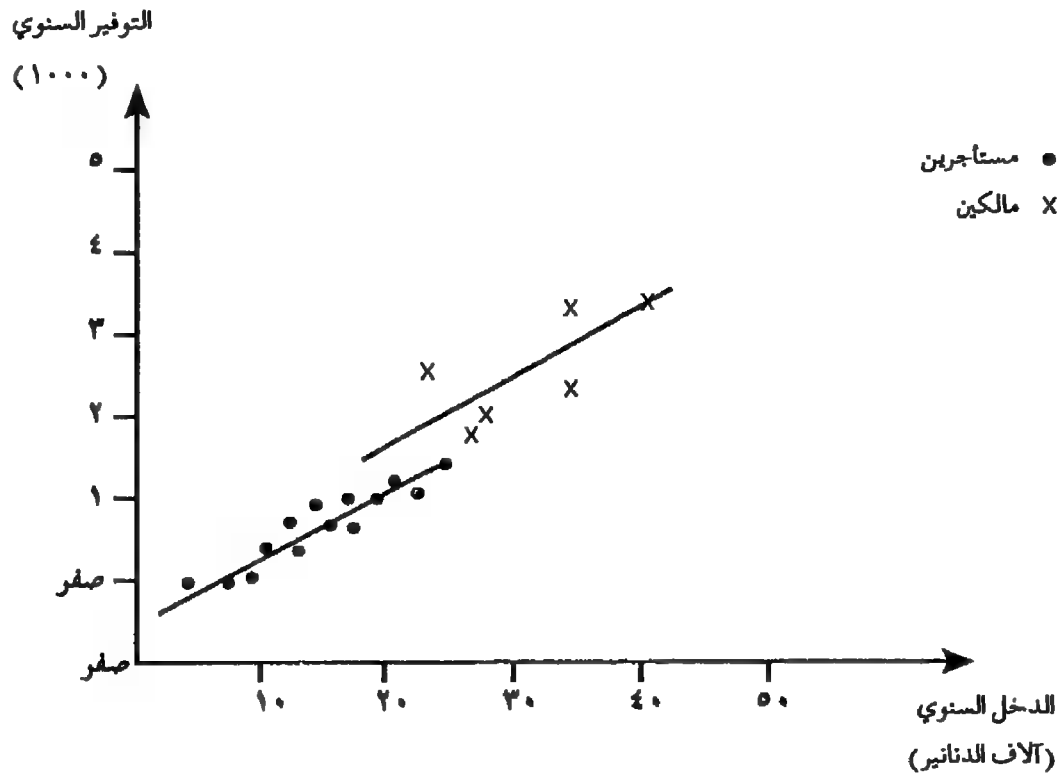
### الجدول (١٣ - ٦)

الدخل والتوفير السنوي لـ (٦) عائلات مالكة لمنزلها و (١٤) عائلة مستأجرة

| الاسم    | التوفير السنوي (١٠٠٠) | الدخل السنوي (١٠٠٠) | مالك / مستأجر | قيمة ور |
|----------|-----------------------|---------------------|---------------|---------|
| أحمد     | ١ر٠                   | ٢٠                  | مستأجر        | ٠       |
| محمد     | ١ر٣                   | ٢٤                  | مستأجر        | ٠       |
| محمود    | ٧ر                    | ١٢                  | مستأجر        | ٠       |
| علي      | ٨ر                    | ١٦                  | مستأجر        | ٠       |
| خالد     | ٥ر                    | ١١                  | مستأجر        | ٠       |
| عبد الله | ٢ر٤                   | ٣٢                  | مالك          | ١       |
| قاسم     | ٣ر                    | ١٠                  | مستأجر        | ٠       |
| ابراهيم  | ٣ر٢                   | ٤٠                  | مالك          | ١       |
| حيدر     | ٢ر٨                   | ٣٢                  | مالك          | ١       |
| وائل     | ٠ر                    | ٧                   | مستأجر        | ٠       |
| سائد     | ٣ر                    | ٩                   | مستأجر        | ٠       |
| حامد     | ٠٠ر                   | ٦                   | مستأجر        | ٠       |
| سليم     | ١ر٠                   | ١٨                  | مستأجر        | ٠       |
| سالم     | ٢ر٠                   | ٢٠                  | مالك          | ١       |
| سلامة    | ٤ر                    | ١٢                  | مستأجر        | ٠       |
| عوض      | ٧ر                    | ١٤                  | مستأجر        | ٠       |
| فياض     | ١ر٥                   | ١٥                  | مالك          | ١       |
| نبيه     | ١ر٦                   | ١٦                  | مالك          | ١       |
| سليمان   | ٦ر                    | ١٥                  | مستأجر        | ٠       |
| وليد     | ٦ر                    | ١٤                  | مستأجر        | ٠       |

### الشكل ( ١٣ - ١ )

العلاقة ما بين الدخل والتوفير والمستأجرين والمالكين





### جدول (٧-١٣)

حساب القيم التقديرية لمعالم المجتمع أ و ب ١ و ب ٢ باستخدام طريقة أقل المربعات  
وبناءً على البيانات الواردة في الجدول (٦-١٣) .

$$\sum (و - و')^2 = \sum و'^2 - \sum و'^2 = \frac{(\sum و')^2}{ن} - \sum و'^2 = ١٨ - ٦ = ١٢$$

$$\sum (د - د')^2 = \sum د'^2 - \frac{(\sum د')^2}{ن} = ٧٣٧٧ - ٥٨٨٢٤ = ١٤٩٤٦$$

$$\sum (ت - ت')^2 = \sum ت'^2 - \frac{(\sum ت')^2}{ن} = ٣٩٢٧ - ٢٣٥٤٤ = ١٥٧٢٦$$

$$\sum (د - د')(ت - ت') = \sum د' ت' - \frac{(\sum د')(\sum ت')}{ن} = ٣٧٢١٥ - ٥١٦١ = ١٤٣٩٥$$

$$\sum (و - و')(د - د') = \sum و' د' - \frac{(\sum و')(\sum د')}{ن} = ٦٩٩ - ١٣٥ = ٦٥١$$

$$\sum (و - و')(ت - ت') = \sum و' ت' - \frac{(\sum و')(\sum ت')}{ن} = ١٠٢٩ - ١٥٥ = ٨٧٤$$

$$ب_١ = \frac{٣٦٤١٧٩ - ٦٠٤٥٩}{٢٧١٤٤١ - ٦٢٧٧٣٢} = \frac{(١٤٣٩٥)(٥٢١) - (١٤٣٩٥)(٤٢)}{٢(٥٢١) - (٤٢)(١٤٩٤٦)} = ٠.٦٧٥$$

$$ب_٢ = \frac{٧٤٩٩٧٩٥ - ١٠٤٤٧٢٥٤}{٢٧١٤٤١ - ٦٢٧٧٣٢} = \frac{(١٤٣٩٥)(٥٢١) - (٦٩٩)(١٤٩٤٦)}{٢(٥٢١) - (٤٢)(١٤٩٤٦)} = ٨٢٧$$

$$١ = \left( \frac{٢١٧}{٢٠} \right) ٠.٦٧٥ - \left( \frac{٣٤٣}{٢٠} \right) ٨٢٧ + \left( \frac{٦}{٢٠} \right) ٣٢٠.٧$$

( \* علماء بان :  $\sum ت = ٢١٧$  ،  $\sum د = ٣٤٣$  ،  $\sum و = ٦$  )

انه في حالة حذف المتغير الوهمي (ور) من المعادلة وتم استخدام الدخل فقط لتقدير التوفير (الانحدار البسيط)، فان ذلك سوف يؤدي الى تحيز في تقدير قيمة ب<sub>١</sub>. وكما يظهر الشكل (١٣ - ١)، فان القيمة التقديرية للتوفير بناءً على الدخل سوف يؤدي الى زيادة بالقيمة المقدرة لب<sub>١</sub> لان العائلات المستأجرة غالباً ما يكون دخلها اقل من دخل العائلات المالكة لمنازلها وبالتالي يكون مقدار التوفير اقل من العائلات المالكة وحتى ولو تساوى دخل العائلات المستأجرة مع دخل العائلات المالكة. وهذا يوضح الحقيقة التي تم التركيز عليها في بداية هذا الفصل والتي تقول: اذا كان المتغير التابع يتأثر بأكثر من متغير مستقل، فان استخدام الانحدار البسيط لتقدير المتغير التابع بناءً على متغير مستقل واخذ غالباً ما يؤدي الى تحيز في تقدير تأثير ذلك المتغير المستقل على المتغير التابع.

وعند استخدام مبدأ التغير الوهمي، فاننا نفترض عدم تأثر معاملات الانحدار الأخرى في معادلة الانحدار بقيمة المتغير الوهمي. فعلى سبيل المثال، لقد تم افتراض ثبات قيمة ب<sub>١</sub> في المعادلة (١٣ - ١٢) وبغض النظر عن قيمة المتغير الوهمي سواءً كانت صفر أو واحد. بمعنى آخر، لقد تم افتراض ثبات ميل العلاقة ما بين الدخل والتوفير بالنسبة للعائلات المستأجرة والعائلات المالكة لمنازلها. ان هذا الافتراض قد يكون صحيح أو قد يكون خاطئ (الشكل ١٣ - ١ يبين حالة يكون فيها الافتراض صحيح). فاذا كان هذا الافتراض خاطئاً، فانه لا بد من ايجاد معادلة خط انحدار منفصلة للعائلات المستأجرة عن معادلة خط انحدار العائلات المالكة.

### - الارتباط المتعدد Multicollinearity

انه من الخطأ استخدام أي أداة والتي من بينها تحليل الانحدار بشكل عشوائي دون اختبار. لذلك، فانه من المهم جداً اختبار ما اذا كانت شروط تطبيق تحليل الانحدار صحيحة، وكذلك ادراك المشاكل التي يمكن أن تواجه هذا التحليل. ان إحدى المشاكل المهمة التي يمكن أن تظهر في تحليل الانحدار المتعدد هي مشكلة الارتباط المتعدد،

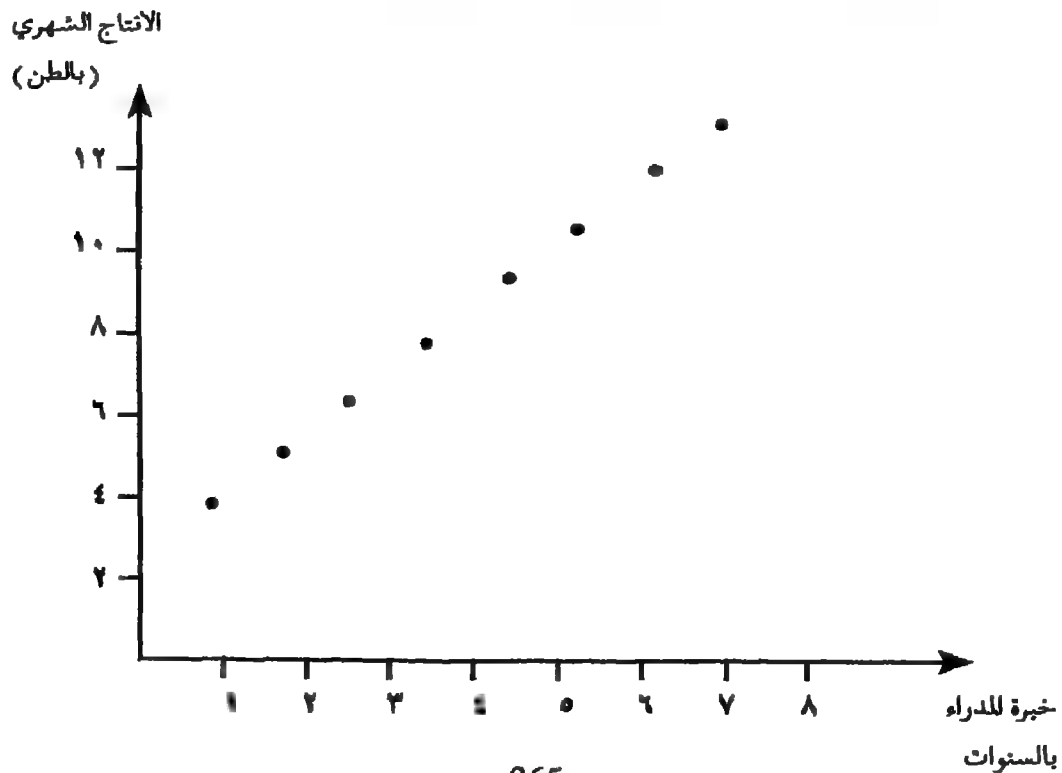
والتي تعرف كما يلي :

الارتباط المتعدد هو الوضع الذي تكون فيه العلاقة ما بين متغيرين مستقلين أو أكثر علاقة قوية .

ففي مثال المنشأة، افرض ان العلاقة بالماضي ما بين الانتاج وعدد سنوات الخبرة كانت كما هي موضحة بالشكل (١٣ - ٢) . فاذا كان الوضع كما هو الحال بالشكل (١٣ - ٢)، فان هذا يعني وجود علاقة ارتباط تامة ما بين متغيرين مستقلين . ففي هذه الحالة، فانه من المستحيل تقدير معاملات الانحدار لكلا المتغيرين المستقلين (س<sub>١</sub> و س<sub>٢</sub>) لان البيانات لا تزود أية معلومات بالنسبة لتأثير متغير مستقل واحد على فرض بقاء المتغير المستقل الآخر ثابت . وكل ما يمكن ملاحظته هو تأثير كلا المتغيرين المستقلين معاً، على فرض استمرارية وجود علاقة الارتباط ما بين هذين المتغيرين .

### الشكل ( ١٣ - ٢ )

العلاقة ما بين المتغيرين المستقلين كمية الانتاج وعدد سنوات الخبرة



ولفهم استحالة تقدير معاملات الانحدار لكلا المتغيرين المستقلين في مثل هذه الحالة، دعنا ننظر الى حالة المنشأة التي تظهر في الشكل (١٣ - ٢). ان تحليل الانحدار يقدر تأثير كل متغير مستقل عن طريق معرفة مدى تأثير هذا المتغير المستقل الواحد على المتغير التابع عند بقاء المتغيرات المستقلة الاخرى ثابتة. لذلك، ففي الحالة التي تظهر في الشكل (١٣ - ٣)، فانه من الصعب جداً تنفيذ هذا التحليل لانه من الصعب جداً لأي شخص من فصل تأثير كمية الانتاج على التكاليف من تأثير سنوات خبرة مدرء المنشأة. فكلما زادت كمية الانتاج، كلما زادت سنوات خبرة مدرء المنشأة. فاذا ما اخذنا بعين الاعتبار طريقة حركة هذين المتغيرين المستقلين، فانه من الصعب جداً ايجاد طريقة لمعرفة مدى تأثير كل متغير مستقل على المتغير التابع بشكل منفصل. ان كل ما نلاحظه في هذه الحالة هو تأثير كلا المتغيرين المستقلين معاً.

فاذا ما كان هناك سبب جيد ومنطقي يجعلنا نعتقد بأن المتغيرات المستقلة سوف تستمر بنفس التأثير على بعضها البعض في المستقبل وكما هو الحال بالماضي، فان الارتباط المتعدد لن يمنعنا (Pervent Us) من استخدام تحليل الانحدار لتقدير المتغير التابع. فيما أن المتغيران المستقلان مرتبطان مع بعضهما البعض ارتباطاً تاماً (Perfectly Correlated)، فان أي منهما يمثل الآخر في التأثير، وبالتالي فاننا نحتاج الى استخدام متغير مستقل واحد في تحليل الانحدار. اما اذا كانت المتغيرات المستقلة لن تستمر بنفس درجة التأثير على بعضها البعض في المستقبل، فان هذا الاجراء سوف يكون خطيراً جداً لأنها لا تأخذ بعين الاعتبار تأثير المتغير المستقل الذي تم استقصاؤه.

بالواقع، فانه من النادر جداً مواجهة حالات تكون فيها المتغيرات المستقلة مرتبطة معاً ارتباطاً تاماً وكما هو الحال في الشكل (١٣ - ٢). ولكن غالباً ما نواجه بحالات تكون فيها درجة ارتباط المتغيرات المستقلة معاً عالية. وعلى الرغم من امكانية تقدير معامل الانحدار لكل متغير مستقل، الا ان هذه التقديرات لا تكون دقيقة. ان الطريقة التي من خلالها نستطيع معرفة وجود الارتباط المتعدد هو عن طريق تقدير معامل الارتباط ما بين المتغيرات المستقلة. فاذا كان معامل الارتباط هذا قريب من +١ أو

(١-)، فإنه غالباً ما يكون الارتباط المتعدد مشكلة .

ففي بعض الحالات التي يظهر فيها الارتباط المتعدد، فإنه من الممكن جداً تغيير المتغيرات المستقلة بطريقة يمكن من خلالها التقليل من مشكلة الارتباط المتعدد . أما إذا كان من الصعب تجنب الارتباط المتعدد بهذه الطريقة، فإنه لا يوجد هناك بديل سوى الحصول على بيانات جديدة لا تحتوي على ارتباط قوي ما بين المتغيرات المستقلة .

### - الانحدار المتعدد وبرامج الحاسوب

#### Computer Programs and Multiple Regression

ان ظهور (Advent) التقنية الحاسوبية قد أدى الى تقليل الجهد (Effort) والتكلفة (Expense) المطلوبة لحساب الارتباط المتعدد للمتغيرات المستقلة الكثيرة بشكل واضح (Marked Reduction). فقبل ظهور الحاسوب، كان الجهد المطلوب لحساب الانحدار المتعدد لعدد قليل من المتغيرات المستقلة كبيراً جداً. أما الآن فإن حساب الانحدار المتعدد سهل نسبياً (Relatively Simple). انه من المهم جداً الآن لك أن تعرف وتعلم المعلومات المختلفة والمطبوعة بواسطة جهاز الحاسوب والأشكال التي تظهر بها. وبما أن البرامج للمقننة التي تستخدم لحساب تحليل الانحدار كثيرة، فإنه لا يوجد هناك شكل وحيد أو قائمة بالفقرات التي يطبعها جهاز الحاسوب. ولكن جميع الأشكال المختلفة لمخرجات جهاز الحاسوب متماثلة، وعليه فإنه من المفيد جداً النظر الى أحد أشكال المخرجات بشيء من التفصيل .

ان الجدول (١٣-٨) يظهر أحد أشكال مخرجات الحاسوب لتحليل الانحدار لنسبة الزيادة في الانتاجية لأحد الصناعات خلال الفترة ١٩٧٢ - ١٩٩٠ بناءً على ثلاثة متغيرات مستقلة هي :

١ - نسبة عمال الصناعات الأعضاء في النقابة (المتغير رقم ٢) .

٢ - نسبة الزيادة بالانفاق على الأبحاث الأساسية (المتغير رقم ٣) .

٣ - نسبة الزيادة بالانفاق على الأبحاث التطبيقية (متغير رقم ٤) .

اننا سوف نقوم الآن على معرفة ما تعنيه الصفوف الأربعة العليا من هذه المخرجات والتي ظهرت في الجدول (١٣ - ٤) . أما بالنسبة للصفوف الستة الأخرى من الجدول (١٣ - ٨) ، فإنها تظهر نتائج تحليل التباين للانحدار المتعدد . ان التغير المفسر بواسطة الانحدار (The Variation Explained by the Regression) يساوي (١٠٤٠١٧١٠٤) . والخطأ في مجموع المربعات (The Error Sum of Squares) يساوي (٦٢٦٠٩٦) . ان مربع وسط الانحدار (The Regression Mean Square) يساوي التغير المفسر بالانحدار مقسوماً على درجات الحرية (عدد المتغيرات المستقلة) . لهذا ، فان مربع وسط الانحدار في هذه الحالة يساوي (١٠٤٠١٧١٠٤ ÷ ٣) ، أو (٣٣٩٠٣٥) . ان مربع وسط الخطأ هنا (The Error Mean Square) هو الخطأ في مجموع المربعات مقسوماً على درجات الحرية له (والتي تساوي عدد المشاهدات - عدد المتغيرات المستقلة - ١) . لهذا ، فان مربع وسط الخطأ في هذه الحالة يساوي (٦٢٦٠٩٦ ÷ ١٦ = (١ - ٣ - ٢٠) = ٠٣٩١٣١) . أما قيمة  $F$  فإنها تظهر في الصف قبل الأخير من الجدول (١٣ - ٨) .

أما التعبير الذي لم يفسر من الجدول (١٣ - ٨) هو الخطأ المعياري للتقدير (The Standard Error of Estimate) . وكما هو الحال بالنسبة للانحدار البسيط ، فان الخطأ المعياري للتقدير هو التقدير للانحراف المعياري بالنسبة للتوزيع الاحتمالي للمتغير التابع عندما تكون جميع المتغيرات المستقلة ثابتة . لهذا ، فان الخطأ المعياري للتقدير يقيس مقدار انتشار المشاهدات عن خط الانحدار . وفي هذه الحالة ، فان مقدار الخطأ المعياري للتقدير يساوي (٦٢٥٥٥) ، والذي يعني ان الانحراف المعياري للفرق ما بين نسبة الزيادة في انتاجية الصناعة الحقيقية والمتوقعة بواسطة خط الانحدار يساوي (٦٢٥٥٥) .

### الجدول ( ١٣ - ٨ )

نتائج تحليل الانحدار المتعدد لنسبة الزيادة في انتاجية لأحد الصناعات

| المتغيرات المستقلة     |          |                |          |
|------------------------|----------|----------------|----------|
| ٤                      | ٣        | ٢              | ١        |
| المتغير التابع         |          |                |          |
| المتغير                | المعامل  | الخطأ المعياري | قيمة t   |
| ٢                      | - ٠.٥٥٩  | ٠.٤٦           | - ٣.٨٤٠٠ |
| ٣                      | ١.٣٦٢٥   | ٠.٤٦٧٠         | ٢.٩٢٠٠   |
| ٤                      | ٠.٧٢٧    | ٠.٢٧٦          | ٢.٦٤٠٠   |
| التقاطع                |          | ٤.٧٨٨٢٦        |          |
| الانحدار               |          | Regression     |          |
| درجات الحرية           | ٣        |                |          |
| مجموع المربعات         | ١٠.١٧١٠٤ |                |          |
| مربع الوسط             | ٣.٣٩٠٣٥  |                |          |
| الخطأ                  |          | Error          |          |
| درجات الحرية           | ١٦       |                |          |
| مجموع المربعات         | ٦.٢٦٠٩٦  |                |          |
| مربع الوسط             | ٠.٣٩١٣١  |                |          |
| الخطأ المعياري للتقدير |          | ٠.٦٢٥٥٥        |          |
| قيمة F                 |          | ٨.٦٦           |          |
| مربع الارتباط المتعدد  |          | ٠.٦١٩          |          |







س ١ : يريد باحث تقدير العلاقة ما بين الانفاق السنوي على الطعام من جهة وعدد أفراد الأسرة والدخل للأسرة لعائلات من منطقة لواء المزار الجنوبي. وقد حصل هذا الباحث على بيانات لعشرة عائلات تم اختيارهم عشوائياً.

| الانفاق السنوي على الطعام (بالمئات) | عدد أفراد الأسرة | الدخل السنوي للأسرة (بالمئات) |
|-------------------------------------|------------------|-------------------------------|
| ٨٠ر                                 | ٤                | ٢٦                            |
| ١٥٠ر                                | ٦                | ٣٠                            |
| ٤٠ر                                 | ٤                | ١٥                            |
| ٢٤٠ر                                | ٦                | ٤٢                            |
| ٣٨٠ر                                | ٦                | ٥٣                            |
| ٢٠٠ر                                | ٧                | ٣٢                            |
| ٣٥٠ر                                | ٨                | ٤٠                            |
| ٢٩٠ر                                | ٧                | ٤٠                            |
| ٣٠٠ر                                | ٨                | ٣٠                            |
| ٤٠٠ر                                | ٦                | ٥٦                            |

١ - أوجد خط الانحدار المتعدد للعينة.

ب - ما هو التأثير التقديري الناتج عن زيادة عدد أفراد الأسرة بفرد واحد على الانفاق السنوي على الطعام.

ج - ما هو التأثير التقديري الناتج عن زيادة الدخل بمقدار ( ١٠٠ ) دينار على الانفاق السنوي على الطعام.

د- ما هو الانفاق السنوي على الطعام لعائلة تمتلك أربعة أطفال ودخلها السنوي ( ٣٥٠٠ ) دينار .

س٢ : تريد إحدى الجامعات تقدير العلاقة ما بين معدل علامات الطالب من جهة ومعدل علاماته بالثانوية العامة وعلامة الـ ( GMAT ) من جهة أخرى . فإذا كانت هذه المتغيرات لـ ( ١٢ ) طالب كما يلي :

| معدل علامات الجامعة | معدل الثانوية العامة | علامة الـ GMAT |
|---------------------|----------------------|----------------|
| ٢٥                  | ٣٠٠                  | ٥٨٠            |
| ٣٠٠                 | ٣٢٠                  | ٦٠٠            |
| ٣٠٠                 | ٣٥٠                  | ٦٨٠            |
| ٣١٠                 | ٣٤٠                  | ٦٥٠            |
| ٣٢٠                 | ٣٨٠                  | ٧٢٠            |
| ٣٦٠                 | ٤٠٠                  | ٧٥٠            |
| ٣٥٠                 | ٣٧٠                  | ٧٥٠            |
| ٣٥٠                 | ٣٨٠                  | ٧٦٠            |
| ٣٦٠                 | ٣٩٠                  | ٧٥٠            |
| ٣٩٠                 | ٣٨٠                  | ٧٤٠            |
| ٣٨                  | ٤٠٠                  | ٧٨٠            |
| ٤٠٠                 | ٤٠٠                  | ٧٨٠            |

١ - أوجد خط الانحدار المتعدد للعينة .

ب - ما هو التأثير التقديري الناتج عن زيادة معدل الثانوية بمقدار ( ١٠٠ ) على معدل الطالب الجامعي .

ج- ما هو التأثير التقديري الناتج عن زيادة ( ١٠٠ ) علامة في علامة ال ( GMAT ) على معدل الطالب الجامعي .

د- ما هو معدل الطالب الجامعي التقديري الذي كان معدله بالثانوية العامة ( ٣٦ ) وعلامته بال ( GMAT ) هي ( ٧٤٠ ) .

س٣ : يهتم اقتصادي زراعي في تقدير العلاقة ما بين الأسمدة النيتروجينية والأسمدة الفوسفاتية من جهة وحجم الانتاج للذرة من جهة أخرى . فاذا استخدم عدد اكياس الذرة المنتجة للدونم الواحد كمتغير تابع ( متغير رقم ١ ) ، ووزن السماد النيتروجيني بالكيلوغرام للدونم الواحد ( متغير رقم ٢ ) ووزن السماد الفوسفاتي بالكيلوغرام للدونم الواحد ( متغير رقم ٣ ) ، وكانت عدد المشاهدات ٢٥ . كانت مخرجات جهاز الحاسوب كما يلي :

| المتغيرات المستقلة |         |                |        |
|--------------------|---------|----------------|--------|
| المتغير التابع     |         |                |        |
| ٣                  | ٢       | ١              |        |
| المتغير            | المعامل | الخطأ المعياري | قيمة t |
| ٢                  | ٢٩ر     | ١١ر            | ٦٤ر٢   |
| ٣                  | ٦٧ر     | ٢٣ر            | ٩١ر٢   |
| التاطع             | ١٩ر     |                |        |

أوجد ما يلي :

١ - احسب فترة الثقة ٩٠٪ لمعامل الانحدار الصحيح لوزن الأسمدة النيتروجينية

بالكيلوغرام للدونم الواحد .

ب - احسب فترة الثقة ٩٥٪ لمعامل الانحدار الصحيح لوزن الأسمدة الفوسفاتية  
بالكيلوغرام للدونم الواحد .

س ٤ : بالاعتماد على البيانات الواردة في السؤال رقم ( ١ ) ، احسب معامل التحديد -  
فسّر اجابتك .

س ٥ : بالاعتماد على البيانات الواردة في السؤال رقم ( ٢ ) ، احسب معامل التحديد .  
فسّر اجابتك .

س ٦ : بالاعتماد على البيانات الواردة في السؤال رقم ( ١ ) ، استخدم هذه البيانات  
لاختبار الفرضية الأساسية التي تعتبر ان جميع قيم معاملات الانحدار الحقيقية  
مساوية للصفر، عند مستوى الدلالة ٥٪ .

س ٧ : بالاعتماد على البيانات الواردة في السؤال رقم ( ٢ ) ، استخدم هذه البيانات  
لاختبار الفرضية الأساسية التي تعتبر ان جميع قيم معاملات الانحدار الحقيقية  
مساوية للصفر، عند مستوى الدلالة ١٪ .

س ٨ : بالاعتماد على البيانات الواردة في السؤال رقم ( ١ ) ، هل هناك دليل لوجود  
الارتباط المتعدد ؟

س ٩ : بالاعتماد على البيانات الواردة في السؤال رقم ( ٢ ) ، هل هناك دليل لوجود  
الارتباط المتعدد ؟

س ١٠ : ١) استخدم البيانات أدناه لحساب الانحدار المتعدد ما بين عدد الجرائم من جهة ونسبة البطالة والمتغير الوهمي الذي يمثل السنة التي حدثت بها الجريمة.

| السنة | نسبة البطالة (%) | عدد الجرائم | المدينة |
|-------|------------------|-------------|---------|
| ١٩٩٠  | ٥                | ١٠٠         | أ       |
| ١٩٩٠  | ٧                | ١٢٠         | ب       |
| ١٩٩٠  | ٨                | ١٤٠         | ت       |
| ١٩٩٠  | ٩                | ١٧٠         | ث       |
| ١٩٩٢  | ٥                | ١١٠         | ج       |
| ١٩٩٢  | ٨                | ١٦٠         | ح       |
| ١٩٩٢  | ٩                | ٢٠٠         | خ       |
| ١٩٩٢  | ٦                | ١٢٠         | د       |
| ١٩٩٢  | ٧                | ١٣٠         | ر       |
| ١٩٩٢  | ٧                | ١٥٠         | ز       |

ب) بالاعتماد على نتائج الفرع (١)، ما هي القيمة التقديرية للفرق بالوسط ما بين سنة ١٩٩٠ وسنة ١٩٩٢ في عدد الجرائم للمدينة، على فرض ثبات نسبة البطالة. وما هو التأثير المتوقع الناتج عن زيادة نسبة البطالة بنسبة ١ % ، على فرض ثبات السنة.



## **الفصل الرابع عشر**

### **كتابة تقرير البحث**

### **Reporting Research Findings**





## كتابة تقرير البحث

### Reporting Research Findings

#### - مقدمة

ان آخر خطوة من خطوات عملية البحث هي الاعداد والعرض لنتائج البحث في تقرير يسمى بتقرير البحث، حتى يتسنى للجهة الممولة للدراسة من الاطلاع على نتائج البحث من أجل الاستفادة من نتائج البحث في عملية اتخاذ القرار. وفي بعض الاحيان، قد يكون الهدف من كتابة تقرير البحث هو من أجل ارساله الى مجلة أو دورية لغايات النشر، أو كمتطلب لاستكمال متطلبات الحصول على شهادة أو درجة علمية يسعى الشخص الباحث الحصول عليها. وتختلف متطلبات كتابة تقرير البحث من مؤسسة الى أخرى، أو من جامعة الى أخرى، أو من دورية الى أخرى. وغالباً ما يكون الهدف من تحديد مواصفات للكتابة هو للتأكد من سلامة اللغة ولضمان تحقيق الفائدة من اجراء البحث، والتأكد من صحة المعلومات الواردة في التقرير حتى تتمكن الجهة الممولة من الاستفادة من نتائج الدراسة في عملية اتخاذ القرار. كما تهدف متطلبات كتابة التقرير التأكد من ملائمة التنظيم وكفاءته في ايصال المعلومة والمعرفة بسهولة ويسر للشخص القارئ.

تعتبر هذه الخطوة في بعض الاحيان من أكثر الاجزاء أهمية في عملية البحث. فإذا كانت كتابة تقرير البحث ضعيفة أو ركيكة أو مربكة، فإن هذا يعني ان كل الوقت والجهد الذي انقضى في تجميع وتحليل البيانات كان بدون فائدة. فنجد ان بعض الأشخاص يمتلكون الميل الى الكتابة والرغبة في تعلم وامتلاك مهاراتها ويتمتعون عند القيام بكتابة تقرير البحث. بينما نجد ان البعض الآخر يفضل القيام باجراءات البحث

ويراها أسهل عليه من كتابة تقرير يصف فيه الإجراءات التي قام بها والنتائج التي حصل عليها. ولعلنا نجد في ذلك ما يبرر ضرورة وجود شخص له اهتمامات بالكتابة ضمن فريق البحث اذا كان البحث يتطلب انجازه وجود فريق عمل.

لهذا، فان الهدف من كتابة هذا الفصل هو لاعطاء بعض الخطوط الاسترشادية والتي يمكن أن تؤخذ بعين الاعتبار عند كتابة تقرير البحث، والذي غالباً ما يكون موجهاً لجهة محددة. كما يجب أن نهتم في هذا المجال بالتقارير الشفهية والكتابية، لأنه غالباً ما يتم اعداد هذين النوعين من التقارير عند الانتهاء من أي مشروع بحث.

ان الجانب الوحيد الذي يدركه معظم المدراء من جوانب عملية البحث هو إما التقرير الشفهي أو الكتابي أو كليهما. لذلك، فان تقييهم للأسابيع أو الأشهر التي استخدمها الشخص الباحث تعتمد على عملية العرض. وعليه، فانه من الممكن أن تكون أفضل منهجية بحث في العالم عديمة الفائدة بالنسبة للمدراء أو المسؤولين، اذا لم يتمكن الباحثون من عرض ما هو مهم بالبحث من خلال تقرير البحث. لهذا، فاننا سوف نقوم بعرض بعض النصائح بالنسبة لكيفية عرض نتائج البحث بوضوح وبطريقة أو أسلوب ممتع.

#### **- خطوط استرشادية لكتابة التقرير . Written Report Guidelines -**

يوافق مجموعة كبيرة من الباحثين المهرة عند كتابة تقرير البحث على وجود سلسلة من الخطوط الاسترشادية والتي يجب أن تتبع عند كتابة تقرير البحث. وهذه الخطوط هي :

#### **١ - اعتبار جمهور القراء . Consider the Audience**

يجب على الشخص الباحث اعتبار جمهور القراء عند البدء بكتابة تقرير البحث وذلك عن طريق اعتبار النقاط التالية :

١ - كتابة تقرير واضح . Make the report clear

ب - استخدام كلمات مستخدمة عند الجمهور . Use only words familiar to the readers

ج - تسهيل عمليات المقارنة من خلال استخدام الرسوم التوضيحية .

Use figures to make the comparison easier.

د - استخدام النسب والرسوم التقديرية والرتب للتسهيل والوضوح .

Use percentages, rounded-off figures, or ranks.

هـ - وضع البيانات وبيدقة في جدول اما في متن البحث او في الملحق .

Put the exact data in a table within the text or in the appendix.

و - استخدام الرسوم المساعدة في أي مكان يمكن من شأنه أن يساعد في توضيح البيانات المعروضة .

Use graphic aids (charts, graphs, etc.) whenever they help clarify the presentation of data.

٢ - تسمية أو تحديد المعلومات المطلوبة . Address the information needs

يجب على الشخص الباحث أن يتذكر أن تقرير البحث مصمم لايصال المعلومات الى متخذي القرارات ( Decision makers ) . لذلك ، لا بد للشخص الباحث أن يتأكد من ربط ( Relate ) نتائج الباحث ( Research Findings ) مع أهداف البحث ( Objectives of Mannagement ) وبوضوح ( Clearly ) .

٣ - مراعاة الدقة والكمال Be Concise and Complete

يجب على الشخص الباحث أن يراعي أن معظم المدراء ( Most Managers ) لا

يرغبون دراسة تفاصيل (Details) مشروع البحث (Research Project) لعدم  
امكانية توفير الوقت في بعض الاحيان، أو لعدم توفر الرغبة في بعض الاحيان الأخرى.  
ان معرفة ما يجب تضمينه من معلومات لمثل البحث وما يجب حذفه (Leave Out)  
هي مهمة ليست بالسهلة (Difficult Task). ان عملية تضمين أو حذف المعلومات  
تعتمد على معرفة الشخص الباحث بالمعلومات المطلوبة لمتخذ القرار عند كتابة التقرير.

#### ٤ - الموضوعية Be Objective

غالباً ما يواجه الشخص الباحث على الأقل موقفاً واحداً والذي فيه يكون قبول  
النتائج من قبل جمهور القراء ليس بالامر السهل. فالنتائج قد تتعارض (Conflict) مع  
خبرة متخذ القرار (Experience of Decision Maker) وحكمه (Judgment)، أو  
يكون تأثير النتائج على حكمة (Wisdom) القرارات السابقة (Previous Deci-  
sions) غير محبوب أو مرغوب به (Unfavorable). ان ظهور مثل هذه الظروف  
(Circumstances) قد يكون عامل قوي لتحريف (Slant) تقرير البحث، لجعل نتائج  
مشروع البحث أكثر قبولاً (More Acceptable) الى الادارة. ان الباحثين المهرة غالباً ما  
يعرضوا نتائج البحث بطريقة موضوعية (Objective Manner) وبدون تحيز  
(Without Bias)، ومن ثم الدفاع (Defend) عن نتائج البحث في حالة التحدي  
(Challenge) من قبل أي قارئ.

#### ٥ - أسلوب الكتابة Style

يعتبر أسلوب الكتابة أحد المواضيع المتعلقة بمساق طرق الاتصالات، ولكن سوف  
نقوم هنا بعرض القليل من الأفكار (Few Tips) التي تساعد على كتابة تقرير سهل  
القراءة. وهذه الأفكار هي :

١ - استخدام الكلمات والجمل القصيرة. Use short words and sentences.

ب - الدقة في التعبير . Be Concise

ج - اعتبار مظهر التقرير . Consider Appearance

ان شكل التقرير في بعض الأحيان قد يؤثر على نوعية تقرير البحث . فعلى سبيل المثال، قد تساعد المسافات ما بين الأسطر على تسهيل قراءة التقرير الطويل . وكذلك، فإن استخدام الرسومات البيانية قد يوضح بعض الأفكار الاحصائية .

د - تجنب الصيغ أو الأفكار المبتذلة Aviod Cliches

هـ - الكتابة في صيغة الحاضر . Write in the present tense

و - وضع بعض الاقتباسات ( Quotes ) من المستجوبين ( Respondents ) ضمن تقرير البحث لاضفاء نوع من المتعة على التقرير لجعله أكثر قابلية للقراءة .

## - أنواع الأبحاث Types of Research

يمكن تقسيم الابحاث من حيث الوقت اللازم لاكمال البحث الى الأنواع التالية :

### ١ - التقرير Report

ان الهدف من اعداد التقرير بشكل عام هو تلخيص كتاب أو مجموعة من الكتب حول موضوع معين، أو وصف ظاهرة اما علمية أو اجتماعية كان قد أحس بها الشخص الباحث .

### ٢ - الورقة الفصلية Term Paper

تتضمن الورقة الفصلية القيام ببحث قصير من أجل الحصول على معلومات حول موضوع معين . وغالباً ما يكون الهدف من وراء القيام بالورقة الفصلية هو لتقديمه

كجزء رئيسي من متطلبات النجاح لبعض المساقات الدراسية . بمعنى آخر، ان هذا النوع من الأبحاث غالباً ما يقوم به الطلبة من أجل اجتياز بعض المواد التي تتطلب اعداد ورقة فصلية . لهذا، قد تعالج هذه الأوراق البحثية بعض المشاكل التي لا تحتاج الا الى المادة المكتوبة، أو قد تعالج هذه الأوراق البحثية بعض المشاكل التي تحتاج الى تجميع بيانات أولية من خلال الدراسات الميدانية . وعليه، فان تكليف الطالب بالقيام بمثل هذا النوع من الأبحاث قد يساعده في استفادة بعض المعلومات المكتملة للمادة . كما تعلم الطالب الاعتماد على نفسه في تجميع المعلومات وتحمل المسؤولية والفهم والانتقاد البناء والدقة في الاقتباس الى غير ذلك من الفوائد .

### ٣- رسالة الماجستير Dissertation

ان الهدف من القيام بمثل هذا النوع من الأبحاث هو انجاز أحد المتطلبات الرئيسية للحصول على درجة الماجستير . لذلك، غالباً ما يكون هذا النوع من الأبحاث اطول وأعمق وأشمل من الأبحاث السابقة . كما ان انجاز هذا النوع من الأبحاث يتطلب من الشخص الباحث أن يقوم بمعالجة موضوع جديد لم يتم بحثه من قبل أي بحث آخر .

### ٤- أطروحة الدكتوراة Thesis

ان الهدف من القيام بمثل هذا النوع من الأبحاث وكما هو الحال بالنسبة لرسائل الماجستير هو انجاز أحد المتطلبات الرئيسية للحصول على درجة الدكتوراة . وبما ان درجة الدكتوراة أعلى مستوى من درجة الماجستير، فان هذا يتطلب من الشخص الباحث عند القيام باعداد اطروحة الدكتوراة معالجة مشكلة معينة تحتاج الى دراسة أوسع وأعمق وأشمل من تلك المشكلة التي تعالجها رسالة الماجستير . لهذا، فان انجاز اطروحة الدكتوراة يتطلب الاستعانة بمصادر ومراجع

متعددة، والتعمق بالموضوع، والدقة في تصميم البحث، والبراعة في التحليل والتقييم لمادة موضوع البحث، وكذلك المقدرة على التعبير عن نتائج البحث بامانة وصدق وموضوعية عند البدء باعداد تقرير نتائج البحث . وغالباً ما يتطلب انجاز اطروحة الدكتوراة الى اجراء دراسات ميدانية في العلوم الاجتماعية او اجراءات تجارب مخبرية في العلوم الطبيعية، من أجل التوصل الى نتائج واستنتاجات واقتراحات وتوصيات ذات قيمة بالنسبة لحل المشكلة قيد البحث وتوسيع حدود المعرفة الانسانية بالنسبة لموضوع مشكلة الاطروحة .

#### **- شكل التقرير . Report Format**

على الرغم من عدم وجود شكل قياسي للتقرير بحيث يمكن استخدامه في جميع الحالات، الا انه هناك نوع من الاجماع من معظم الباحثين على قبول الشكل الاساسي التالي لمعظم مشاريع الأبحاث .

١ - صفحة العنوان . Title Page

٢ - صفحة الشكر والتقدير . Acknowledgement

٣ - قائمة المحتويات . Table of Contents

٤ - قائمة الجداول . Table of Tables

■ - قائمة الأشكال . Table of Figures (Graphs)

٦ - ملخص الدراسة . Abstract

٧ - متن الدراسة . Body

٨ - الخلاصة والتوصيات . Conclusions and Recommendations

٩ - المراجع . References

١٠ - الملحقات . Appendixes

## ١ - صفحة العنوان Title Page

يجب أن تتضمن هذه الصفحة على عنوان يتمكن من نقل ما يلي :

١ - جوهر الدراسة . Essenc of the Study

ب - تاريخ الدراسة . Date of the Study

ج - اسم الجهة أو المؤسسة المقدمة للبحث . Name of submitting the report

د - اسم الجهة المستلمة للبحث Name of recipient

هـ - إذا كانت نتائج البحث سرية ( Confidential ) ، فيجب كتابة اسم الشخص الذي يجب أن يستلم البحث على صفحة العنوان .

## ١ - صفحة الشكر والتقدير Acknowledgement

غالباً ما تتضمن هذه الصفحة الشكر والتقدير لكل من ساهم في إنجاز البحث قيد الدراسة مثل الجهة الممولة للبحث ورجال المكتبة والمحللون الإحصائيون ورجال الحاسوب وما إلى ذلك . وبفضل أن توضع هذه الصفحة بعد صفحة العنوان لكي يتمكن القارئ من معرفة اسم كل الجهات التي ساهمت في إعداد هذا البحث .

وفي بعض الأحيان، قد نجد أن هذه الصفحة قد تكون مسبقة بصفحة الإهداء والتي غالباً ما تتضمن أسماء الأشخاص أو الجهات التي يرغب الشخص الباحث من إهداء عمله اليهم مثل الوالدين أو الزوجة أو الأبناء . لذلك، فإن الفرق ما بين صفحة الإهداء و صفحة الشكر والتقدير هو أن الأشخاص اللذين تُكتب أسماؤهم في صفحة الشكر والتقدير غالباً ما يكونوا قد قدموا خدمة للشخص الباحث، بينما الأشخاص اللذين ترد أسماؤهم في صفحة الإهداء ليس من الضروري أن يكونوا قد قدموا خدمة للشخص الباحث .



### ٣- قائمة المحتويات Table of Tables

تهدف هذه القائمة الى عرض جميع المواضيع التي تم تغطيتها في متن البحث ويتسلسل مع أرقام الصفحات التي تم عرضها بها. ان الغرض من ذلك العرض هو مساعدة الشخص القارئ في ايجاد الجزء موضع الاهتمام بالنسبة له بسهولة ويسر. كما تتضمن هذه القائمة المراجع والمصادر والملحقات والفهرس ان وجدت.

### ٤- قائمة الجداول والأشكال Table of Tables and Figures

تهدف هذه القائمة الى عرض اسم ورقم الصفحة لكل جدول أو شكل موجود في متن البحث، لتسهيل عملية الحصول على أي جدول أو شكل يكون موضوع اهتمام بالنسبة للشخص القارئ بسهولة ويسر دون عبث المرور بجميع صفحات متن البحث. ويمكن وضع هذه القائمة مع قائمة المحتويات أو في صفحة مستقلة. كما لا يوجد هناك أي مانع من وضع قائمة الجداول في صفحة مستقلة عن قائمة الأشكال.

### ٥- ملخص الدراسة Abstract

يتطلب كتابة ملخص الدراسة التركيز والدقة عند كتابة الجمل لتوضيح ما هو مهم في تقرير البحث. وغالباً ما يكون عدد صفحات الملخص من صفحتين الى ثلاثة صفحات، كما انها وجودها هو أمر ضروري لمعظم تقارير الأبحاث. وبما أن معظم متخذي القرارات لا يقومون الا بقراءة هذا الجزء من البحث، فانه من المهم جداً كتابة هذا الجزء بدقة وبطريقة جيدة.

ان ملخص الدراسة لا يعتبر صورة مصغرة (Miniature) عن التقرير الأصلي. انما الهدف منه هو تزويد الشخص متخذ القرار بأهم نتائج البحث ذات التأثير القوي (Most impact) على القرار المراد اتخاذه. وبما ان ملخص الدراسة يكتب بالتحديد الى متخذي القرارات، فانه لا بد لهذا الملخص أن يكون قادر على مساعدتهم في اتخاذ

القرارات. لذلك، يجب أن يحتوي ملخص الدراسة على ما يلي :

١ - أهداف مشروع البحث . Objectives of the Research Project

٢ - طبيعة مشكلة القرار . Nature of the Decision Problem

٣ - النتائج المهمة . Key Results

٤ - الخلاصة . Conclusions

٥ - التوصيات . Recommendations for Actions

٦ - متن الدراسة Body of the Study

يتضمن متن الدراسة تفصيلات مشروع البحث . وغالباً ما يتضمن متن الدراسة المواضيع التالية :

١ - المقدمة . Introduction

ب - أدبيات الدراسة . Literature Review

ج - منهجية البحث . Research Methodology

د - النتائج . Results

هـ - محددات البحث . Limitations

أ - المقدمة Introduction

ان الهدف من كتابة المقدمة هو لتزويد الشخص القارئ بخلفية عن المعلومات المطلوبة ( Information needed ) لفهم ما يتبقى ( The Remainder ) من تقرير البحث . ان طبيعة المقدمة تكون مشروطة بنوعية جمهور القراء ومدى معرفتهم بمشروع البحث . فكلما تنوع جمهور القراء، كلما زادت شمولية المقدمة . يجب على المقدمة أن تشرح وبوضوح طبيعة مشكلة البحث وأهداف الدراسة .

لذلك، يجب على المقدمة أن تقوم بتزويد معلومات كافية عن الظروف المحيطة بمشكلة القرار. كما يجب التعرض الى أي بحث سابق كان قد تم عن مشكلة البحث ومراجعته.

### ب- أدبيات الدراسة Literature Review

ان الهدف من مراجعة أدبيات الدراسة بالنسبة للمشكلة قيد البحث هو ما يلي :

- ١ - تعميق فهم الشخص الباحث حول المشكلة قيد الدراسة.
- ٢ - المساعدة في تشخيص المشكلة قيد البحث ووضع أهدافها.
- ٣ - العمل على تزويد معلومات للمقارنة.
- ٤ - المساعدة في ايجاد الطريقة الأمثل لتحليل المشكلة قيد الدراسة.
- ٥ - التعرف على ما تمّ التوصل اليه من معرفة حول الموضوع الذي تقع ضمنه المشكلة قيد البحث.
- ٦ - للتأكد من عدم بحث المشكلة قيد البحث بالسابق.

### ج- منهجية البحث Research Methodology

ان الغرض من كتابة منهجية البحث هو لوصف طبيعة تصميم البحث والعينة اذا لم يتم دراسة مجتمع الدراسة وطرق جمع البيانات .  
لذلك، فان الهدف من كتابة منهجية البحث هو ما يلي :

١ - وصف طبيعة تصميم البحث . Nature of the research design

٢ - طريقة اختيار العينة . Sampling Plan

٣ - طريقة جمع البيانات . Data Collection Method

#### ٤ - اجراءات التحليل . Analysis Procedures

ان كتابة هذا الجزء من متن البحث ليست بالمهمة السهلة . ان هذا الجزء يجب أن يتضمن شرح كافي لما يجب ايصاله الى الشخص القارئ حتى يستطيع تقدير ( Appreciate ) طبيعة المنهجية المستخدمة . وعليه، فان عرض هذا الجزء يجب أن لا يكون ممل ( boring ) ولا يكون صعب جداً ( overpowering ) .

يجب إن يبين جزء المنهجية للشخص القارئ ما اذا كان التصميم تمهيدي ( استكشافي ) ( Exploratory ) أو نهائي ( Conclusive ) . كما يجب أن يبين ان هذا الجزء وبالتفصيل مصادر البيانات الأولية والثانوية . هذا بالإضافة الى تحديد طرق جمع البيانات وبدقة وطبيعتها . كما ان هذا الجزء يجب أن يهتم بالتوضيح للشخص القارئ عن الأفراد الذين تضمنتهم عينة الدراسة وحجمها وطبيعة اجراءات اختيار العينة .

لهذا، فان جزء المنهجية مصمم لتحقيق ما يلي :

١ - تلخيص الجوانب الفنية ( Technical Aspects ) في مشروع البحث بطريقة ( Style ) تكون قابلة للفهم ( Comprehensible ) من قبل الأشخاص غير الفنيين .

٢ - بناء الثقة ( Confidence ) في نوعية الاجراءات المستخدمة .

#### د - النتائج Results

غالباً ما يعطى الجزء الأكبر من تقرير البحث الى نتائج عملية البحث، والتي يجب أن تكون فيه مربوطة مع أهداف الدراسة والمعلومات المطلوبة . لهذا، يجب أن تكون طريقة عرض النتائج طريقة منطقية في عملية كشف المعلومات، وكان الشخص الباحث يقوم باخبار قصة . ان طريقة عرض النتائج يجب أن لا تكون عرض لسلسلة من الجداول غير المنتهية، بل يجب أن تركز طريقة العرض على

نقطة محددة في كل مرحلة ومن ثم ربطها مع البحث ككل بطريقة منطقية. بمعنى آخر، ان عرض النتائج يتطلب تدفق منطقي للمعلومات حتى تستطيع تحقيق أغراض الأشخاص متخذي القرارات.

#### هـ- محددات البحث Research Limitations

ان كل مشروع بحث، ومهما بلغت مهارة الشخص الباحث، يتميز بوجود بعض نقاط الضعف والتي تحتاج الى ايصالها لجمهور القراء بطريقة واضحة ودقيقة (Clear and Concise manner). وفي هذه العملية، يجب أن لا يقوم الشخص الباحث بمهاجمة نقاط ضعف الدراسة الفرعية. إن الغرض من عرض محددات الدراسة هو ليس للتقليل من نوعية مشروع البحث، انما لاعطاء الشخص القارئ الفرصة للحكم (Judge) على صلاحية (Validity) نتائج مشروع البحث.

ان محددات مشاريع الابحاث الادارية غالباً ما تتعلق بالاجراءات العينية والاستجابة من جمهور الدراسة وضعف المنهجية. وعليه، فان كتابة جزء الاستنتاجات والتوصيات سوف يتأثر بمحددات البحث المعترف بها والمدركة (Recognized and Aknowledged Limitation). ان توضيح محددات الدراسة للشخص القارئ غالباً ما تكون مسؤولية الشخص الباحث.

#### ٧- الخلاصة والتوصيات Conclusions and Recommendations

يجب أن تكون خلاصة أي مشروع بحث وتوصياته تسلسل منطقي لعرض نتائجه. فالخلاصة يجب أن تربط (Link) وبوضوح ما بين نتائج مشروع البحث (Research Finding) والمعلومات المطلوبة (Information Nedded)، وباعتماد على هذا الربط يجب تشكيل (Formulate) التوصيات للعمل.

ان كثير من المدراء والباحثين يشعروا بعدم وجوب كتابة التوصيات من قبل الشخص الباحث . ان هؤلاء المدراء يجادلوا ( Argue ) بأن توصيات العمل يجب ان تعكس خبرة متخذي القرارات عند التعامل مع نتائج مشروع البحث . وبما أن القليل من الباحثين الذين يمتلكون الخبرة في التعامل مع نتائج البحث عند عملية اتخاذ القرار، فان توصيات الشخص الباحث سوف توزن وبشكل كبير لمصلحة نتائج البحث .

وبالمقابل، فان الكثير من المدراء الآخرين يشعرون بقوة بضرورة كتابة توصيات البحث من خلال الشخص الباحث . ان هؤلاء المجموعة يجادلون بالمنطق التالي : ما دام ان متخذي القرارات يدركون البيئة التي تم فيها عمل التوصيات، فانه سوف يكون هناك فوائد كثيرة لعرض التوصيات في تقرير البحث للشخص متخذ القرار .

#### ٨ - المراجع References

يهدف هذا الجزء من التقرير الى عرض جميع الكتب والمجلات والدوريات والتقارير والوثائق وغيرها من المراجع التي كان قد اعتمد عليها الشخص الباحث في جمع معلوماته وتحليل بياناته وتفسير نتائجه .

#### ٩ - الملحقات Appendixes

ان الغرض من وضع الملحقات في تقرير البحث هو لتوفير مكان لاي مادة كان ليس من الضروري وضعها في متن تقرير البحث . ويمكن أن تشمل هذه المادة الجداول والرسومات والقوانين وأشكال طرق جمع البيانات وتفصيل خطة اختيار العينة وتقدير الأخطاء الاحصائية وغير ذلك من المعلومات . وغالباً ما تتميز مادة الملحقات بما يلي :

١ - صعوبة وتخصص هذه المادة مقارنة مع المادة المعروضة بالتقرير الرئيسي .

٢ - تصميم هذه المعلومات في بعض الاحيان يكون لتحقيق رغبات الاشخاص الموجهين فنياً .

## - عرض البيانات Presentation of Data

ان التخطيط المسبق لكيفية العرض للمعلومات الكثيرة، أو لوصف الاجراءات الفنية في عملية البحث أمر مهم للغاية ولا يجوز تأجيل التفكير به لما له من فائدة كبيرة في عملية ايصال المعلومات بسرعة الى جمهور القراء البحث . ان أكثر الاشكال المساعدة والمستخدم في تقرير الأبحاث هي الجداول والاشكال (Tables and Graphs) . فبالإضافة الى ان هذه الجداول تجعل قراءة تقرير البحث أكثر سهولة، فإنها تعمل على تحسين المظهر بالنسبة لمتن التقرير. لذلك، فإننا نركز في هذا الجزء على الطرق المختلفة التي تستخدم لعرض البيانات الكمية بواسطة الجداول والاشكال .

## - خطوط عامة لعرض الأشكال المساعدة

### General Guidelines for Presenting Graphic Aids

انه لمن المفيد جداً وضع بعض التوضيحات في متن التقرير، اذا كان القارئ بحاجة للرجوع اليها اثناء قراءة تقرير البحث . كما يجب ان توضع الاشكال التوضيحية بالقرب من المادة المتعلقة بها كلما كان ذلك ممكناً . واذا كانت المعلومات الموضحة بجدول أو شكل هي معلومات مكملة أو طريفة جداً، فإنه يمكن وضع هذه المعلومات في ملحق .

كما يفضل دائماً أن يتم عرض التوضيح للبيانات قبل عرضها بشكل مفصل، مع ذكر عدد قليل من الجمل التي تبرز الجوانب المهمة في البيانات والضرورية لتطوير البحث . كما يجب أن تتضمن الاشكال العناصر (Elements) التالية :

١ - رقم الجدول أو الشكل (Table or Figure Number) . ان وضع الرقم أو الجدول يسهل عملية الحصول على الجدول أو الشكل ذو الاهتمام من قبل الشخص الباحث .

٢ - العنوان (Title) . يجب أن يشير (Indicate) عنوان الجدول أو الشكل الى المحتوى ووضوح .

٣ - الهامش (الحاشية) (Footnote) . ان الهدف من كتابة الحاشية هو اما لتوضيح (Explain) او تأهيل (Qualify) بند أو جزء من الجدول أو الشكل .

بشكل عام، ان البيانات تعرض اما من خلال الجداول أو الاشكال . وتعتبر الجداول طريقة منظمة لعرض البيانات الرقمية أو العددية اما من خلال اعمدة رأسية أو صفوف أفقية حسب الفئات المستخدمة في تصنيف البيانات . والجدول رقم ( ١٤ - ١ ) يعتبر توضيح لذلك، علماً بأن البيانات الواردة في هذا الجدول تتعلق بمعرفة عدد الأشخاص اللذين يزورون الأفرع المختلفة لسوبر ماركت في مدينة عمان خلال شهر آب من عام ١٩٩٥ .

بينما الاشكال هي أداة العرض البيانات من خلال الرسم، وذلك من خلال اعطاء حجم معين من الشكل لكل مجموعة من البيانات المتشابهة . وأهم ما يميز التمثيل بواسطة الاشكال هو السهولة (Simplicity) . لذلك، تعتبر الجداول والاشكال طرق سريعة (Quik) وجذابة (Attractive) في عملية ايصال (Communicate) أرقام (Number) أو اتجاهات (Trends) أو علاقات (Relationships) .



### جدول رقم ( ١٤ - ١ )

عدد الزائرون الشهري للمواقع المختلفة للسوبر ماركت

( شهر آب ، ١٩٩٥ )

| الفرع   | عدد الزوار<br>الداخلون | النسبة من الكل |
|---------|------------------------|----------------|
| الغربي  | ١٥٠                    | %١٥            |
| الشمالي | ٢٠٠                    | %٢٠            |
| الجنوبي | ٢٨٠                    | %٢٨            |
| الشرقي  | ٢٤٠                    | %٢٤            |
| الوسط   | ١٣٠                    | %١٣            |
| المجموع | ١٠٠٠                   | %١٠٠           |

وبعد أن يتم الشخص الحصول على البيانات المطلوبة، فإنه يتوجب عليه أن يبدأ عملية البحث عن أفضل طريقة لعرض البيانات. أن مهمة البحث عن أفضل طريقة لعرض البيانات قد تبدو سهلة للحظة الأولى، إلا أن اتخاذ القرار المتعلق بعملية اختيار الطريقة الأكثر ملائمة لعرض البيانات قد تكون مهمة صعبة ( Arduous Task ). أن أكثر الاشكال استخداماً لعرض البيانات الادارية هي :

١ - القطع الدائرية . Pie Chart

٢ - الأعمدة البيانية . Bar Chart

٣ - الخطوط البيانية . Line Chart

أن سبب الاستخدام الشائع لهذه الطرق في تمثيل البيانات الادارية هو مقدرة هذه الطرق في تمثيل البيانات المعقدة ( Complex Data ) بطريقة واضحة وسهلة ومرئية

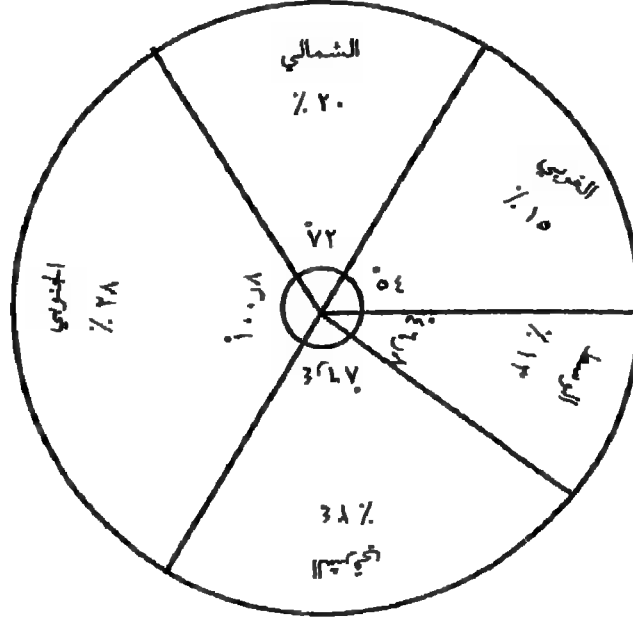
ومباشرة (Direct Visual Representation). أما الآنو فاننا سوف نقوم بشرح هذه الطرق بشيء من التفصيل.

## ١ - القطع (الأشكال) الدائرية Pie Chart

تعتبر الأشكال أو القطع الدائرية أداة لعرض مجموعة من البيانات بواسطة الرسم. وتعتبر القطع الدائرية من أكثر الطرق سهولة (Simplest) وفعالية (Effective) في تمثيل البيانات من أجل اظهار النسب المختلفة لمجموعات البيانات المختلفة. كما ان استخدام هذه الأشكال بعناية ودقة كافية قد يعبر عن بعض الخصائص أو الجوانب من البيانات بطريقة مرئية وواضحة وتسهل على القارئ فهم هذه البيانات. وبالغالب لا يكفي الشكل أو الجدول عن النص اللغوي، وانما يتم استخدامه للتأكيد على بعض العلاقات التي قد يراها الباحث مهمة. ويقوم مبدأ عمل هذه الطريقة في تمثيل البيانات عن طريق تقسيم الدائرة الى عدد من القطاعات أو الأجزاء حسب عدد خصائص العينات المراد مقارنتها أو معرفة العلاقة فيما بينها، بحيث يعكس حجم كل قطاع نسبة البيانات التي يمثلها ذلك القطاع مقارنة مع البيانات الكلية. ويمثل الشكل رقم (١٤) - (١) عرضاً للبيانات الواردة في الجدول رقم (١٤ - ١). لاحظ كيف ان حجم كل قطاع من القطاعات فعال (Active) في توضيح الفرق في نسبة عدد الزائرين لكل فرع مقارنة مع عدد الزائرين الكلي لمجموع الزائرين.

### الشكل رقم ( ١٤ - ١ )

القطاعات الدائرية لعدد الزائرين في شهر آب، ١٩٩٥م

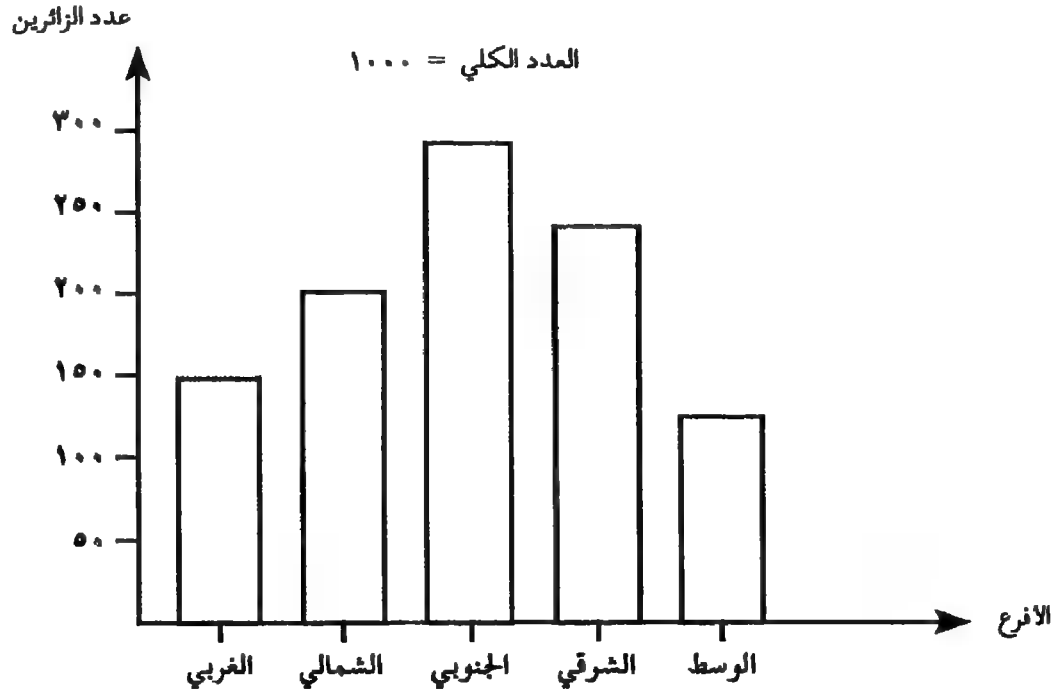


### ٢ - الأعمدة البيانية Bar Chart

توضح الأعمدة البيانية حجم البيانات التي يمثلها كل عمود من خلال مقارنة أطوال الأعمدة المرسومة مع بعضها البعض. وإذا ما تم تصميم الأعمدة وبدقة، فإن هذا سوف يؤدي إلى فهم ما تعبر عنه البيانات التي تم تمثيلها بالأعمدة وبسهولة. كما تعتبر الأعمدة البيانية من أكثر الطرق استخداماً في الحياة العملية. ويمثل الشكل رقم ( ١٤ - ٢ ) عرضاً للبيانات ذات العلاقة بالسوبر ماركت باستخدام الأعمدة البيانية وغالباً ما تستخدم الأعمدة البيانية لتوضيح علاقات المقارنة المتعددة ( Multiple Comparison ) والمعقدة ( Complex ). ولمقارنة مجموعات مختلفة من البيانات في شكل واحد، فإنه يمكن استخدام شكل الأعمدة البيانية العنقودية ( Cluster Bar Graph ).

### شكل رقم ( ٢ - ١٤ )

الأعمدة البيانية لعدد الزائرين في شهر آب، ١٩٩٥



### ٣ - الخطوط البيانية Line Charts

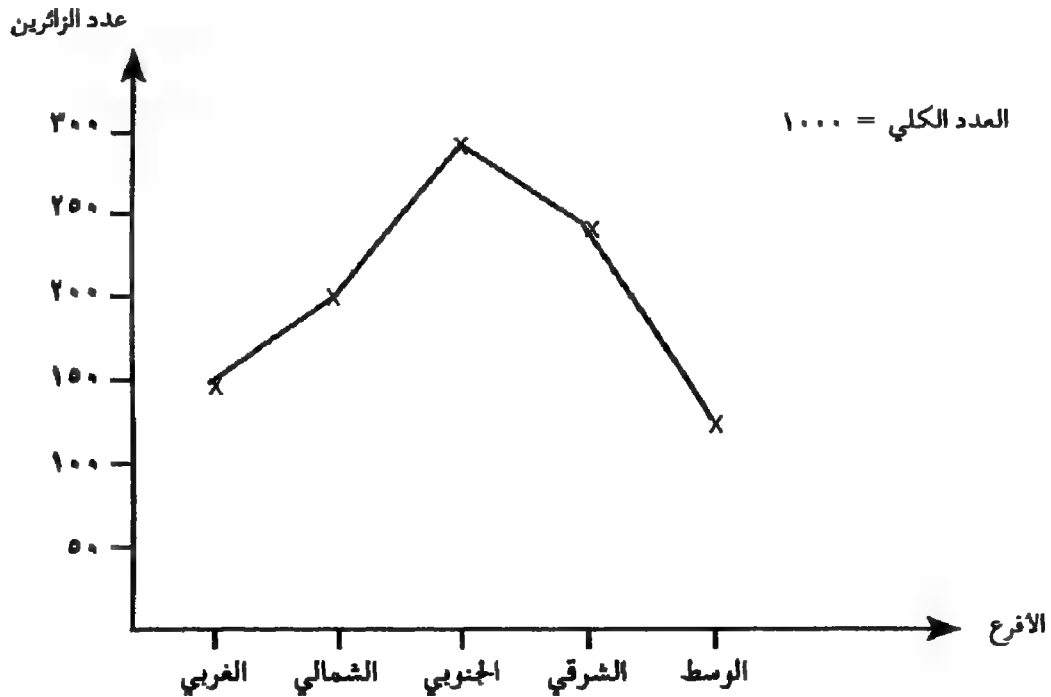
غالباً ما تكون الخطوط البيانية فعالة في تفسير الانماط (Trends) خلال فترة زمنية معينة. ان هذا النوع من الأشكال يستخدم الخطوط المتصلة (Continuous Line) لمتابعة أو ملاحقة (Trace) العلاقة ما بين نقاط البيانات. والبيانات الممثلة في الشكل رقم (٢ - ١٤) يمكن تمثيلها على شكل بياني. والشكل رقم (٣ - ١٤) يمثل الخط البياني لتفسير الفروق في عدد الزوار لكل فرع من فروع السوبر ماركت خلال شهر آب، ١٩٩٥ م.

ويفضل استخدام الخطوط البيانية بدلاً من القطع الدائرية في الحالات التالية :

- ١ - اذا كانت البيانات تتضمن فترة طويلة ( Long Time Period ) .
- ٢ - في حالة تمثيل مجموعة مختلفة من البيانات على نفس الشكل .
- ٣ - في الحالات التي يكون فيها التركيز على حركة البيانات أكثر من التركيز على البيانات نفسها .
- ٤ - في الحالات التي يكون فيها مطلوب عرض التوزيع التكراري ( Frequency Distribution ) للنمط أو الاتجاه .
- ٥ - في الحالات التي يكون فيها مطلوب اظهار التقدير ( Estimation ) أو التنبؤ ( Forecast ) أو الاستقراء ( Extrapolation ) .

### شكل رقم ( ٣ - ١٤ )

الخط البياني لعدد الزائرين في شهر آب، ١٩٩٥م



## - عرض الأبحاث الشفوي Oral Presentation

في كثير من الأحيان، نجد أن بعض المؤسسات أو الشركات أو الجهات التي تقوم بدعم البحث تقوم على طلب عرض البحث شفويًا من الشخص الباحث، فإذا ما كان مطلوب من الشخص الباحث القيام بعرض نتائج البحث شفويًا، فإنه لا بد أن يتأكد من الأمور التالية قبل البدء بعملية العرض.

١ - التأكد من جميع التجهيزات (Equipment) والتي يمكن أن تستخدم في عملية العرض مثل الاضاءة وجهاز الصوت وأداة تسليط الضوء (Projector) أو أي أداة مساعدة.

٢ - العمل على امتلاك خطة طوارئ (Contingency Plan) لمعالجة أي خلل طارئ لا ي أداة في أقل وقت ممكن.

٣ - تحليل الجمهور (Audience Analysis). يمكن تحليل الجمهور من خلال التوقع لكيفية تفاعلهم مع نتائج الدراسة. هل سيكون الجمهور مع النتائج أو معارض أم محايد. وبناءً على توقع ردة فعل الجمهور مع نتائج الدراسة، فإنه يتم تحديد جمل الافتتاح (Opening Statements) للعرض الشفوي لنتائج الدراسة. كما أنه من الحكمة (Wisdom) أن يبدأ الشخص الباحث العرض بتلك الأفكار (Ideas) التي يتوقع أنها تتفق مع الجمهور.

٤ - التدريب على ممارسة العرض أكثر من مرة قبل العرض الحقيقي (Practice Presentation Several Times). كما يفضل أن تتم الممارسة أمام مجموعة من الأشخاص، إذا كان بالامكان، من أجل الحصول على تغذية عكسية (Feedback) والتي من شأنها أن تحسن (Improve) فعالية (Effectiveness) العرض عند الشخص الباحث.

٥ - العمل على بدء (Start) العرض بملخص عام (Overview) عن الدراسة. بمعنى آخر، يفضل أن يبدأ الشخص الباحث العرض عن طريق أخبار الجمهور بالمواضيع

الرئيسية التي سوف يقوم بعرضها .

٦ - العمل على مواجهة الجمهور في جميع الاوقات . ( Face the Audience at all Times )

٧ - العمل على التحدث مع الجمهور أو متخذ القرار بدلاً من القراءة عن نص مكتوب ( Script ) أو شاشة جهاز العرض . بمعنى آخر، العمل على استخدام الملاحظات فقد لضمان عدم اسقاط أي نقاط رئيسية والمحافظة على متابعة عملية العرض بطريقة منظمة ( Organized Manner ) .

٨ - استخدام وسائل المساعدة البصرية ( Visual Aids ) بفعالية . ان الجداول والاشكال المستخدمة يجب ان تكون بسيطة وسهلة القراءة . بمعنى آخر، يجب ان يؤدي استخدام وسائل المساعدة الى تبسيط أو تسهيل عملية العرض وليس العكس .

٩ - تجنب الأسلوب الملهي خلال الحديث ( Avoid Distracting mannerisms while Speaking ) . ويتم تجنب هذا الأسلوب من خلال التأكد من ان كل حركة يقوم بها الشخص الباحث تحقق غرضاً معيناً . كما يجب على الشخص الباحث ان يقلل من استخدام بعض الكلمات مثل « كما تعلمون » ، « أم » ، « نعم » خلال الكلمات أو الجمل .

١٠ - تذكير الجمهور ( Reminding Audience ) بما اذا كان هناك اي سؤال بعد الانتهاء من عرض البحث . كما يجب على الشخص الباحث أخذ الامور التالية بعين الاعتبار اثناء طرح الاسئلة :

أ - التركيز ( Concentrate ) على السؤال . بمعنى آخر، لا يجوز التفكير بالاجابة الا بعد الانتهاء من طرح السؤال .

ب - اعادة السؤال ( Repeat the Question ) . اذا كان السؤال صعباً ( Tough ) ، فيجب العمل على محاولة اعادة صياغة ( Rephrase ) السؤال . ان الهدف

من اعادة الصياغة هو لضمان فهم السؤال من قبل كل فرد من أفراد الجمهور. هذا بالاضافة الى ان اعادة تشكيل السؤال يعطي الشخص الباحث الوقت الكافي لتشكيل (Formulate) الاجابة على السؤال.

جـ- لا تبتذل (تبهت) الاجابة (Don't Fake an Answer). يجب على الشخص الباحث الاعتراف (Admit) بعدم معرفة الاجابة اذا كان السؤال صعباً، ومن ثم اخبار الشخص السائل بانك سوف تحاول الحصول على اجابة. وبعد الانتهاء من عرض تقرير البحث، يجب العمل على معرفة مكان وجود الشخص السائل من أجل تزويده بالاجابة على السؤال حين الحصول عليها.

د - العمل على اجابة الاسئلة باختصار (Brief) ومن ثم تدعيم الاجابة بالدليل اذا كان ذلك ممكناً.

#### - النواحي الفنية في كتابة تقرير البحث.

ان كتابة تقرير البحث تتطلب بالاضافة الى مقدرة الشخص الباحث على جمع البيانات وتحليلها وتفسير نتائجها، تحتاج الى الاخذ بعين الاعتبار المسائل الفنية في ترتيب المحتويات وتوثيق المصادر واعداد قائمة المراجع وغير ذلك من المسائل الفنية. لذلك، فانا سوف نتعرض في هذا الجزء الى شرح بعض الجوانب الفنية في كتابة تقرير البحث والتي منها التوثيق والاقتباس والحواشي وقائمة المراجع.

#### ١ - التوثيق

ان البحث العلمي عبارة عن جهد انساني مستمر ومتصل بحيث يستلزم من الشخص الباحث مسح (Survey) جميع الجهود السابقة والاضافة عليها والتمهيد لباحثين في المستقبل. لذلك، فانا كثير من نجد ان بعض الباحثين يشيرون الى نتائج



غيرهم ويستخدموها ويبنوا عليها في بعض الأحيان، أو ينتقدوها ويظهروا جوانب العجز فيها. وقد تلزم عملية البحث في بعض الأحيان إلى الاستفادة من أفكار غيرهم واستخدامها إما بنصها الحرفي أو إعادة صياغتها بشكل يتلائم مع مشكلة البحث قيد الدراسة. لهذا، فإن أعراف البحث ومبادئه تقتضي الإشارة إلى المصادر التي استخدمها الشخص الباحث وتوثيقها. وعملية التوثيق هذه لا تعبر عن الأمانة العلمية فحسب، بل تعبر عن الطريقة التي تتفاعل فيها المعرفة العلمية لدى أجيال الباحثين، وكذلك المعيار الذي يستخدم في الحكم على مدى مساهمة البحث في تقدم المعرفة واستمرار نموها. ويوجد هناك طرق مختلفة للتوثيق منها ما يلي :

#### أ - التوثيق في متن التقرير.

إن المقصود بالتوثيق في متن التقرير هو الإشارة إلى المرجع أثناء كتابة نص متن التقرير.

#### ب - التوثيق في قائمة المراجع.

إن المقصود بالتوثيق في قائمة المراجع هو الإشارة إلى جميع المراجع التي تم استخدامها فعلاً في متن التقرير في قائمة المراجع. كما يشترط أن تكون هذه المراجع منشورة ويمكن الحصول عليها أو الرجوع بسهولة ويسر. وغالباً ما ترتب المراجع أبجدياً حسب الأحرف الأبجدية للحروف الأولى من أسماء المؤلفين، أو إعطاءها أرقاماً متسلسلة داخل متن البحث ومن ثم ترتيبها حسب تسلسل الأرقام. وإذا استخدم الباحث أكثر من نوع من المراجع، فإنه يجب كتابة المراجع العربية في قائمة والأجنبية في قائمة أخرى. وغالباً ما تستخدم العناصر التالية كعناصر توثيق في قائمة المراجع والتي هي :

١ - اسم المؤلف    ٢ - سنة النشر    ٣ - عنوان المرجع    ٤ - عنوان دار النشر.

## ٢ - الاقتباس

ان المقصود بالاقتباس هو الاستفادة من الافكار التي وردت في دراسات الباحثين الآخرين. ويعتبر الاقتباس من الامور المهمة والضرورية والتي لا يستطيع الباحث الاستغناء عنها من أجل اكمال البحث قيد الدراسة. لذلك، يجب على الشخص الباحث أن يعطي الاقتباس أهمية خاصة من حيث الدقة واختيار الاقتباس المناسب والمصدر المناسب.

كما يمكن تقسيم الاقتباس الى نوعين رئيسين هما :

أ - الاقتباس الحرفي (المباشر). وهو ذلك النوع من الاقتباس الذي يقوم به الشخص الباحث عند نقل نصاً حرفياً بالتمام والكمال وكما ورد في المصدر الأصلي.

ب - الاقتباس غير الحرفي (غير المباشر). وهو ذلك النوع من الاقتباس الذي يقوم به الشخص الباحث عند الاستفادة من فكرة معينة موجودة في مصدر بحيث يقوم بصياغتها من جديد بشكل تتلائم مع مادة البحث.

## ٣ - الحواشي

ان عملية البحث تحتاج في كثير من الأحيان الى الاستعانة بآراء وأفكار الباحثين الآخرين. وعليه، فان الامانة العلمية تستلزم من الشخص الباحث الاشارة الى المصدر الذي استقى منه الباحث الرأي أو الفكرة اعترافاً وتقديراً لما بذله ذلك الباحث في اعداد مادة البحث. هذا بالاضافة الى وجوب الاشارة الى أي مصدر آخر كان الباحث قد استخدمه عند اعداد مادة بحثه. ويوجد هناك نوعين رئيسين للحواشي هما :

أ - حاشية المحتوى.

تستخدم حاشية المحتوى بالغالب الى توضيح فكرة معينة كانت قد وردت في متن البحث بشيء من التفصيل، حتى يتمكن الشخص الباحث من سرد افكاره في

متن البحث بشكل منطقي . وغالباً ما يستخدم الشخص الباحث الأرقام للإشارة الى المعلومات الواردة في الحواشي . ولكن هذا لا يمنع من استخدام أي شيء آخر عدا الأرقام للإشارة الى ما ظهر في الحواشي مثل الرموز أو الاشارات أو أي شيء آخر .

#### ب - حاشية المصدر .

غالباً ما تستخدم حاشية المصدر من أجل اظهار اسم المصدر الذي استقى منه الباحث معلوماته، أو لإرجاع الشخص القارئ الى مصادر أخرى في حالة وجود الرغبة عند الشخص القارئ في الاستزادة أو التوسع في موضوع معين .

#### ٤ - قائمة المراجع

تتضمن قائمة المراجع جميع المصادر التي استخدمها الشخص الباحث واعتمد عليها في اعداد البحث . وتشمل المراجع على أي شيء له علاقة بموضوع البحث مثل الكتب والمجلات والدراسات والوثائق الحكومية وغير الحكومية والمحاضرات وأي مصدر آخر . وغالباً ما توضع قائمة المراجع بالبحث بعد المتن مباشرة وقبل الملحقات . وتختلف طريقة كتابة المراجع بالنسبة للمكتب عنه بالنسبة للدوريات . ففي حالة الكتب، يجب ان يوضع خط تحت اسم الكتاب للتعبير عن أن هذا المصدر هو كتاب وكما يلي :

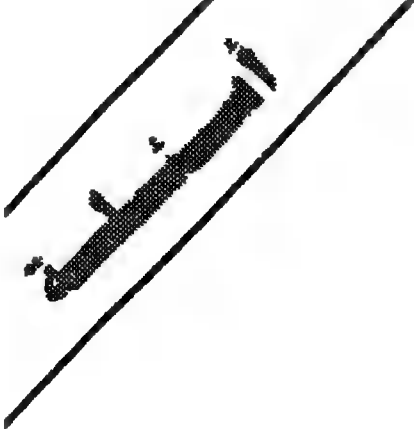
جمال زكي والسيد يس ، أسس البحث الاجتماعي ، دار الفكر العربي ، ١٩٦٢ .

أما في حالة كتابة الدوريات، فانه يجب ان يوضع الخط تحت اسم الدورية لتمييز الدورية عن الكتاب وكما يلي :

محمد عليان ، تأثير الشراء بالوقت المحدد على تكاليف النقل والمخزون،

إدارة اليابان ، المجلد رقم (٩) ، العدد رقم (٣) ، ١٩٨٣ .





س١ : لماذا يعتبر تقرير البحث مهماً ؟

س٢ : ناقش الخطوط الاسترشادية عند كتابة تقرير البحث ؟

س٣ : كيف يمكن للعرض الشفهي لنتائج البحث أن يكون مكملًا لتقرير البحث المكتوب ؟

س٤ : أذكر عناصر متن البحث ؟

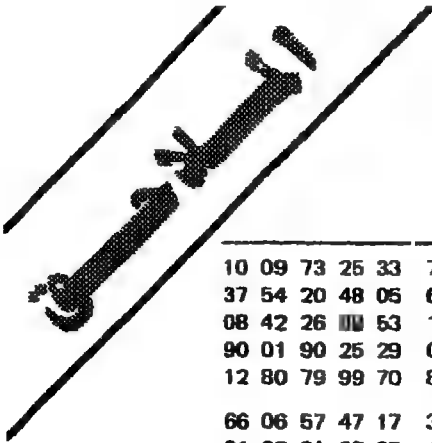
س٥ : هل تعتقد انه من الضروري كتابة ملخص الدراسة، ولماذا ؟

س٦ : ناقش طرق عرض البيانات ؟

س٧ : ما هو المقصود بالافتباس، وما هي أنواعه ؟

س٨ : كيف يمكن أن تميز فيما اذا كان المرجع كتاب أم دورية ؟





## جدول (١) الأرقام العشوائية

|    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 10 | 09 | 73 | 25 | 33 | 76 | 52 | 01 | 35 | 35 | 34 | 67 | 35 | 48 | 76 | 80 | 95 | 90 | 91 | 17 | 39 | 29 | 27 | 49 | 45 |
| 37 | 54 | 20 | 48 | 06 | 64 | 89 | 47 | 12 | 96 | 24 | 80 | 52 | 40 | 37 | 20 | 63 | 61 | 04 | 02 | 00 | 82 | 29 | 16 | 65 |
| 08 | 42 | 26 | 11 | 53 | 19 | 64 | 50 | 93 | 03 | 23 | 20 | 90 | 15 | 60 | 15 | 95 | 33 | 47 | 64 | 35 | 08 | 03 | 36 | 06 |
| 90 | 01 | 90 | 25 | 29 | 09 | 37 | 67 | 07 | 15 | 38 | 31 | 13 | 11 | 65 | 88 | 17 | 67 | 43 | 97 | 04 | 43 | 62 | 76 | 59 |
| 12 | 80 | 79 | 99 | 70 | 80 | 15 | 73 | 61 | 47 | 64 | 03 | 11 | 66 | 53 | 98 | 95 | 11 | 68 | 77 | 12 | 17 | 17 | 68 | 33 |
| 66 | 06 | 57 | 47 | 17 | 34 | 07 | 27 | 08 | 50 | 36 | 69 | 73 | 61 | 70 | 65 | 81 | 33 | 98 | 85 | 11 | 19 | 92 | 91 | 70 |
| 31 | 06 | 01 | 08 | 06 | 45 | 57 | 18 | 24 | 06 | 35 | 30 | 34 | 26 | 14 | 86 | 79 | 90 | 74 | 39 | 23 | 40 | 30 | 97 | 32 |
| 85 | 26 | 97 | 76 | 02 | 02 | 05 | 16 | 56 | 92 | 68 | 66 | 57 | 48 | 18 | 73 | 05 | 38 | 52 | 47 | 18 | 62 | 38 | 85 | 79 |
| 63 | 57 | 33 | 21 | 36 | 05 | 32 | 54 | 70 | 48 | 90 | 55 | 35 | 75 | 48 | 28 | 46 | 82 | 17 | 09 | 83 | 49 | 12 | 55 | 24 |
| 73 | 79 | 64 | 57 | 53 | 03 | 52 | 96 | 47 | 78 | 35 | 80 | 83 | 42 | 82 | 60 | 93 | 52 | 03 | 44 | 35 | 27 | 38 | 84 | 35 |
| 98 | 52 | 01 | 77 | 67 | 14 | 90 | 56 | 86 | 07 | 22 | 10 | 94 | 05 | 58 | 60 | 97 | 09 | 34 | 11 | 50 | 50 | 07 | 39 | 98 |
| 11 | 80 | 50 | 54 | 31 | 39 | 80 | 82 | 77 | 32 | 50 | 72 | 56 | 82 | 48 | 29 | 40 | 52 | 42 | 01 | 52 | 77 | 56 | 78 | 51 |
| 83 | 45 | 29 | 96 | 34 | 06 | 28 | 89 | 80 | 83 | 13 | 74 | 67 | 00 | 78 | 18 | 47 | 54 | 06 | 10 | 68 | 71 | 17 | 78 | 17 |
| 88 | 68 | 54 | 02 | 00 | 86 | 50 | 75 | 84 | 01 | 36 | 76 | 66 | 79 | 51 | 90 | 36 | 47 | 64 | 93 | 10 | 60 | 91 | 10 | 62 |
| 99 | 59 | 46 | 73 | 48 | 87 | 51 | 76 | 49 | 69 | 11 | 82 | 60 | 89 | 28 | 93 | 78 | 56 | 13 | 68 | 23 | 47 | 83 | 41 | 13 |
| 65 | 48 | 11 | 76 | 74 | 17 | 46 | 85 | 09 | 50 | 58 | 04 | 77 | 69 | 74 | 73 | 11 | 95 | 71 | 86 | 40 | 21 | 81 | 65 | 44 |
| 80 | 12 | 43 | 56 | 35 | 17 | 72 | 70 | 80 | 15 | 45 | 31 | 82 | 23 | 74 | 21 | 11 | 57 | 82 | 53 | 14 | 38 | 55 | 37 | 63 |
| 74 | 35 | 09 | 98 | 17 | 77 | 40 | 27 | 72 | 14 | 43 | 23 | 60 | 02 | 10 | 45 | 52 | 16 | 42 | 37 | 96 | 28 | 60 | 26 | 55 |
| 69 | 91 | 62 | 68 | 03 | 66 | 25 | 22 | 91 | 48 | 36 | 93 | 68 | 72 | 03 | 76 | 62 | 11 | 11 | 90 | 94 | 40 | 00 | 64 | 18 |
| 09 | 90 | 32 | 05 | 05 | 14 | 22 | 56 | 85 | 14 | 46 | 42 | 75 | 67 | 88 | 96 | 29 | 77 | 88 | 22 | 54 | 38 | 21 | 45 | 98 |
| 91 | 49 | 91 | 45 | 23 | 68 | 47 | 92 | 76 | 86 | 46 | 16 | 28 | 35 | 54 | 94 | 75 | 08 | 99 | 23 | 37 | 08 | 92 | 00 | 48 |
| 80 | 33 | 69 | 45 | 98 | 25 | 94 | 03 | 08 | 58 | 70 | 29 | 73 | 41 | 35 | 53 | 14 | 03 | 33 | 40 | 42 | 05 | 08 | 23 | 41 |
| 44 | 10 | 48 | 19 | 49 | 85 | 15 | 74 | 79 | 54 | 32 | 97 | 92 | 65 | 75 | 57 | 60 | 04 | 08 | 81 | 11 | 22 | 20 | 64 | 13 |
| 12 | 55 | 07 | 37 | 42 | 11 | 10 | 00 | 20 | 40 | 12 | 86 | 07 | 46 | 97 | 11 | 64 | 48 | 94 | 39 | 28 | 70 | 72 | 58 | 15 |
| 63 | 80 | 64 | 25 | 29 | 16 | 50 | 11 | 44 | 84 | 40 | 21 | 95 | 25 | 13 | 43 | 65 | 17 | 70 | 82 | 07 | 20 | 73 | 17 | 90 |
| 61 | 19 | 69 | 04 | 46 | 26 | 45 | 74 | 77 | 74 | 51 | 92 | 43 | 37 | 29 | 65 | 39 | 45 | 95 | 93 | 42 | 11 | 26 | 05 | 27 |
| 15 | 47 | 44 | 52 | 66 | 95 | 27 | 07 | 99 | 53 | 59 | 36 | 78 | 11 | 48 | 82 | 39 | 61 | 01 | 18 | 33 | 21 | 15 | 94 | 66 |
| 94 | 55 | 72 | 85 | 73 | 67 | 89 | 75 | 43 | 87 | 54 | 62 | 24 | 44 | 31 | 91 | 19 | 04 | 25 | 92 | 92 | 92 | 74 | 59 | 73 |
| 42 | 48 | 11 | 62 | 13 | 97 | 34 | 40 | 87 | 21 | 16 | 86 | 84 | 87 | 67 | 03 | 07 | 11 | 20 | 59 | 25 | 70 | 14 | 66 | 70 |
| 23 | 52 | 37 | 11 | 17 | 73 | 20 | 88 | 98 | 37 | 68 | 93 | 59 | 14 | 16 | 26 | 25 | 22 | 96 | 63 | 05 | 52 | 11 | 25 | 62 |
| 04 | 49 | 35 | 24 | 94 | 75 | 24 | 63 | 38 | 24 | 45 | 86 | 25 | 10 | 25 | 61 | 96 | 27 | 93 | 35 | 65 | 11 | 71 | 24 | 72 |
| 00 | 54 | 99 | 76 | 54 | 84 | 05 | 18 | 81 | 59 | 96 | 11 | 96 | 38 | 96 | 54 | 69 | 28 | 23 | 91 | 23 | 28 | 72 | 95 | 19 |
| 35 | 96 | 31 | 53 | 07 | 26 | 89 | 80 | 93 | 54 | 33 | 35 | 13 | 54 | 62 | 77 | 97 | 45 | 00 | 14 | 90 | 10 | 33 | 93 | 33 |
| 59 | 80 | 80 | 83 | 91 | 45 | 12 | 72 | 68 | 42 | 83 | 60 | 94 | 97 | 00 | 13 | 02 | 12 | 48 | 92 | 78 | 56 | 52 | 01 | 06 |
| 46 | 05 | 88 | 52 | 36 | 01 | 39 | 09 | 12 | 86 | 77 | 28 | 14 | 40 | 77 | 93 | 91 | 08 | 16 | 47 | 70 | 61 | 74 | 29 | 41 |
| 32 | 17 | 90 | 05 | 97 | 87 | 37 | 12 | 52 | 41 | 05 | 56 | 70 | 70 | 07 | 86 | 74 | 31 | 71 | 57 | 85 | 39 | 41 | 18 | 38 |
| 69 | 23 | 48 | 14 | 06 | 20 | 11 | 74 | 52 | 04 | 15 | 95 | 66 | 00 | 00 | 18 | 74 | 39 | 24 | 23 | 97 | 11 | 89 | 63 | 38 |
| 19 | 56 | 54 | 14 | 10 | 01 | 75 | 87 | 53 | 79 | 40 | 41 | 82 | 15 | 85 | 66 | 17 | 43 | 68 | 06 | 84 | 96 | 28 | 52 | 07 |
| 45 | 15 | 51 | 49 | 38 | 19 | 47 | 60 | 72 | 46 | 43 | 66 | 79 | 45 | 43 | 59 | 04 | 79 | 00 | 33 | 20 | 12 | 66 | 95 | 41 |
| 94 | 86 | 43 | 19 | 94 | 36 | 16 | 81 | 08 | 51 | 34 | 88 | 88 | 15 | 53 | 01 | 54 | 03 | 54 | 56 | 05 | 01 | 45 | 11 | 76 |
| 93 | 08 | 62 | 48 | 26 | 45 | 24 | 02 | 84 | 04 | 44 | 99 | 90 | 88 | 96 | 39 | 09 | 47 | 34 | 07 | 35 | 44 | 13 | 18 | 80 |
| 33 | 18 | 51 | 62 | 32 | 41 | 94 | 15 | 09 | 49 | 89 | 43 | 54 | 85 | 81 | 88 | 69 | 54 | 19 | 94 | 37 | 54 | 87 | 10 | 43 |
| 80 | 95 | 10 | 04 | 06 | 96 | 38 | 27 | 07 | 74 | 20 | 15 | 12 | 33 | 87 | 25 | 01 | 62 | 52 | 98 | 94 | 62 | 46 | 11 | 71 |
| 79 | 75 | 24 | 91 | 40 | 71 | 11 | 12 | 82 | 96 | 69 | 86 | 10 | 25 | 91 | 74 | 85 | 22 | 05 | 39 | 00 | 38 | 75 | 95 | 79 |
| 18 | 63 | 33 | 25 | 37 | 98 | 14 | 50 | 65 | 71 | 31 | 01 | 02 | 46 | 74 | 05 | 45 | 56 | 14 | 27 | 77 | 93 | 89 | 19 | 36 |
| 74 | 02 | 94 | 39 | 02 | 77 | 55 | 73 | 22 | 70 | 97 | 79 | 01 | 71 | 19 | 52 | 52 | 75 | 80 | 21 | 80 | 81 | 45 | 17 | 48 |
| 54 | 17 | 84 | 56 | 11 | 80 | 99 | 33 | 71 | 43 | 05 | 33 | 11 | 29 | 69 | 56 | 12 | 71 | 92 | 55 | 36 | 04 | 09 | 03 | 24 |
| 11 | 66 | 44 | 98 | 83 | 52 | 07 | 11 | 48 | 27 | 59 | 38 | 17 | 15 | 39 | 09 | 97 | 33 | 34 | 40 | 88 | 46 | 12 | 33 | 56 |
| 48 | 32 | 47 | 79 | 28 | 81 | 24 | 96 | 47 | 10 | 11 | 29 | 53 | 68 | 70 | 11 | 30 | 75 | 75 | 46 | 15 | 02 | 00 | 99 | 94 |
| 69 | 07 | 49 | 41 | 38 | 87 | 63 | 79 | 19 | 76 | 35 | 58 | 40 | 44 | 01 | 10 | 51 | 82 | 16 | 15 | 01 | 84 | 87 | 69 | 38 |

## جدول ( ٢ )

جدول التوزيع الطبيعي ذو الطرفين

This table shows:



| $x/\sigma$ | .00    | .01   | .02   | .03   | .04   | .05   | .06   | .07   | .08   | .09   |
|------------|--------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0 0        | 1 0000 | 9920  | 9840  | 9761  | 9681  | 9601  | 9522  | 9442  | 9362  | 9283  |
| 0 1        | 9203   | 9121  | 9045  | 8966  | 8887  | 8808  | 8729  | 8650  | 8572  | 8493  |
| 0 2        | 8415   | 8337  | 8259  | 8181  | 8103  | 8026  | 7949  | 7872  | 7795  | 7718  |
| 0 3        | 7642   | 7566  | 7490  | 7414  | 7339  | 7263  | 7188  | 7114  | 7039  | 6965  |
| 0 4        | 6892   | 6818  | 6745  | 6672  | 6599  | 6527  | 6455  | 6384  | 6312  | 6241  |
| 0 5        | 6171   | 6101  | 6031  | 5961  | 5892  | 5823  | 5755  | 5687  | 5619  | 5552  |
| 0 6        | 5485   | 5419  | 5353  | 5287  | 5222  | 5157  | 5093  | 5029  | 4965  | 4902  |
| 0 7        | 4839   | 4777  | 4715  | 4654  | 4593  | 4533  | 4473  | 4413  | 4354  | 4295  |
| 0 8        | 4237   | 4179  | 4122  | 4065  | 4009  | 3953  | 3898  | 3843  | 3789  | 3735  |
| 0 9        | 3681   | 3628  | 3576  | 3524  | 3472  | 3421  | 3371  | 3320  | 3271  | 3222  |
| 1 0        | 3173   | 3125  | 3077  | 3030  | 2983  | 2937  | 2891  | 2846  | 2801  | 2757  |
| 1 1        | 2713   | 2670  | 2627  | 2585  | 2543  | 2501  | 2460  | 2420  | 2380  | 2340  |
| 1 2        | 2301   | 2263  | 2225  | 2187  | 2150  | 2113  | 2077  | 2041  | 2005  | 1971  |
| 1 3        | 1936   | 1902  | 1868  | 1835  | 1802  | 1770  | 1738  | 1707  | 1676  | 1645  |
| 1 4        | 1615   | 1585  | 1556  | 1527  | 1499  | 1471  | 1443  | 1416  | 1389  | 1362  |
| 1 5        | 1336   | 1310  | 1285  | 1260  | 1236  | 1211  | 1188  | 1164  | 1141  | 1118  |
| 1 6        | 1096   | 1074  | 1052  | 1031  | 1010  | 0989  | 0969  | 0949  | 0930  | 0910  |
| 1 7        | 0891   | 0873  | 0854  | 0836  | 0819  | 0801  | 0784  | 0767  | 0751  | 0735  |
| 1 8        | 0719   | 0703  | 0688  | 0672  | 0658  | 0643  | 0629  | 0615  | 0601  | 0588  |
| 1 9        | 0574   | 0561  | 0549  | 0536  | 0524  | 0512  | 0500  | 0488  | 0477  | 0466  |
| 2 0        | 0455   | 0444  | 0434  | 0424  | 0414  | 0404  | 0394  | 0385  | 0375  | 0366  |
| 2 1        | 0357   | 0349  | 0340  | 0332  | 0324  | 0316  | 0308  | 0300  | 0293  | 0285  |
| 2 2        | 0278   | 0271  | 0264  | 0257  | 0251  | 0244  | 0238  | 0232  | 0226  | 0220  |
| 2 3        | 0214   | 0209  | 0203  | 0198  | 0193  | 0188  | 0183  | 0178  | 0173  | 0168  |
| 2 4        | 0164   | 0160  | 0155  | 0151  | 0147  | 0143  | 0139  | 0135  | 0131  | 0128  |
| 2 5        | 0124   | 0121  | 0117  | 0114  | 0111  | 0108  | 0105  | 0102  | 00988 | 00960 |
| 2 6        | 00932  | 00905 | 00879 | 00854 | 00829 | 00805 | 00781 | 00759 | 00736 | 00715 |
| 2 7        | 00693  | 00673 | 00653 | 00633 | 00614 | 00596 | 00578 | 00561 | 00544 | 00527 |
| 2 8        | 00511  | 00495 | 00480 | 00465 | 00451 | 00437 | 00424 | 00410 | 00398 | 00385 |
| 2 9        | 00373  | 00361 | 00350 | 00339 | 00328 | 00318 | 00308 | 00298 | 00288 | 00279 |

| $x/\sigma$ | .0     | .1     | .2      | .3      | .4      | .5       | .6       | .7       | .8       | .9        |
|------------|--------|--------|---------|---------|---------|----------|----------|----------|----------|-----------|
| 3          | 00270  | 00191  | 00137   | 00097   | 000674  | 000465   | 000318   | 000216   | 000145   | 0000962   |
| 4          | 000633 | 000413 | 000267  | 000171  | 000108  | 0000680  | 0000422  | 0000260  | 0000159  | 00000958  |
| 5          | 000573 | 000340 | 000199  | 000116  | 0000666 | 0000380  | 0000214  | 0000120  | 00000663 | 00000364  |
| 6          | 000197 | 000106 | 0000565 | 0000298 | 0000155 | 00000803 | 00000411 | 00000208 | 00000105 | 000000520 |



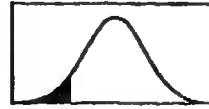
### جدول ( ٣ )

#### جدول التوزيع الطبيعي ذو الطرف

This table shows:



or



| $z/\sigma$ | .00   | .01   | .02   | .03   | .04   | .05   | .06   | .07   | .08   | .09   |
|------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0.0        | .5000 | .4960 | .4920 | .4880 | .4840 | .4801 | .4761 | .4721 | .4681 | .4641 |
| 0.1        | .4602 | .4562 | .4522 | .4483 | .4443 | .4404 | .4364 | .4325 | .4286 | .4247 |
| 0.2        | .4207 | .4168 | .4129 | .4090 | .4052 | .4013 | .3974 | .3936 | .3897 | .3859 |
| 0.3        | .3821 | .3783 | .3745 | .3707 | .3669 | .3632 | .3594 | .3557 | .3520 | .3483 |
| 0.4        | .3446 | .3409 | .3372 | .3336 | .3300 | .3264 | .3228 | .3192 | .3156 | .3121 |
| 0.5        | .3085 | .3050 | .3015 | .2981 | .2946 | .2912 | .2877 | .2843 | .2810 | .2776 |
| 0.6        | .2743 | .2709 | .2676 | .2643 | .2611 | .2578 | .2546 | .2514 | .2483 | .2451 |
| 0.7        | .2420 | .2389 | .2358 | .2327 | .2296 | .2266 | .2236 | .2206 | .2177 | .2148 |
| 0.8        | .2119 | .2090 | .2061 | .2033 | .2005 | .1977 | .1949 | .1922 | .1894 | .1867 |
| 0.9        | .1841 | .1814 | .1788 | .1762 | .1736 | .1711 | .1685 | .1660 | .1635 | .1611 |
| 1.0        | .1587 | .1562 | .1539 | .1515 | .1492 | .1469 | .1446 | .1423 | .1401 | .1379 |
| 1.1        | .1357 | .1335 | .1314 | .1292 | .1271 | .1251 | .1230 | .1210 | .1190 | .1170 |
| 1.2        | .1151 | .1131 | .1112 | .1093 | .1075 | .1056 | .1038 | .1020 | .1003 | .0985 |
| 1.3        | .0968 | .0951 | .0934 | .0918 | .0901 | .0885 | .0869 | .0853 | .0838 | .0823 |
| 1.4        | .0808 | .0793 | .0778 | .0764 | .0749 | .0735 | .0721 | .0708 | .0694 | .0681 |
| 1.5        | .0668 | .0655 | .0643 | .0630 | .0618 | .0606 | .0594 | .0582 | .0571 | .0559 |
| 1.6        | .0548 | .0537 | .0526 | .0516 | .0505 | .0495 | .0485 | .0475 | .0465 | .0455 |
| 1.7        | .0446 | .0436 | .0427 | .0418 | .0409 | .0401 | .0392 | .0384 | .0375 | .0367 |
| 1.8        | .0359 | .0351 | .0344 | .0336 | .0329 | .0322 | .0314 | .0307 | .0301 | .0294 |
| 1.9        | .0287 | .0281 | .0274 | .0268 | .0262 | .0256 | .0250 | .0244 | .0239 | .0233 |
| 2.0        | .0228 | .0222 | .0217 | .0212 | .0207 | .0202 | .0197 | .0192 | .0188 | .0183 |
| 2.1        | .0179 | .0174 | .0170 | .0166 | .0162 | .0158 | .0154 | .0150 | .0146 | .0143 |
| 2.2        | .0139 | .0136 | .0132 | .0129 | .0125 | .0122 | .0119 | .0116 | .0113 | .0110 |
| 2.3        | .0107 | .0104 | .0102 | .0099 | .0096 | .0093 | .0091 | .0088 | .0086 | .0084 |
| 2.4        | .0082 | .0079 | .0077 | .0075 | .0073 | .0071 | .0069 | .0067 | .0065 | .0063 |
| 2.5        | .0062 | .0060 | .0058 | .0057 | .0055 | .0053 | .0052 | .0050 | .0049 | .0048 |
| 2.6        | .0046 | .0045 | .0044 | .0042 | .0041 | .0040 | .0039 | .0037 | .0036 | .0035 |
| 2.7        | .0034 | .0033 | .0032 | .0031 | .0030 | .0029 | .0028 | .0028 | .0027 | .0026 |
| 2.8        | .0025 | .0024 | .0024 | .0023 | .0022 | .0021 | .0021 | .0020 | .0019 | .0019 |
| 2.9        | .0018 | .0018 | .0017 | .0016 | .0016 | .0015 | .0015 | .0014 | .0014 | .0013 |

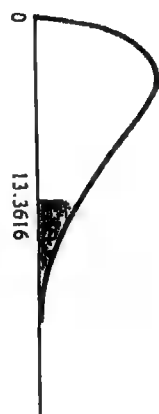
| $z/\sigma$ | .0     | .1     | .2     | .3      | .4      | .5      | .6      | .7       | .8       | .9       |
|------------|--------|--------|--------|---------|---------|---------|---------|----------|----------|----------|
| 3          | .00135 | .00968 | .00687 | .00483  | .00337  | .00233  | .00159  | .00108   | .000723  | .000481  |
| 4          | .00317 | .00207 | .00133 | .000854 | .000541 | .000340 | .000211 | .000130  | .0000793 | .0000479 |
| 5          | .00287 | .00170 | .00096 | .000579 | .000333 | .000190 | .000107 | .0000599 | .0000332 | .0000182 |
| 6          | .00987 | .00430 | .00282 | .00149  | .000777 | .000402 | .000206 | .000104  | .0000523 | .0000260 |

# جدول ( ٤ )

جدول ت ذو الطرف وذو الطرفين

TABLE A-4 TABLE OF CRITICAL VALUES OF t

| Df   | Level of significance for two-tailed test |        |         |         |         |         |        |         | Df   |
|------|---|--------|---------|---------|---------|---------|--------|---------|------|
|      | 0.5                                       | 0.4    | 0.3     | 0.2     | 0.1     | 0.05    | 0.02   | 0.01    |      |
|      | Level of significance for one-tailed test |        |         |         |         |         |        |         |      |
|      | 0.25                                      | 0.20   | 0.15    | 0.10    | 0.05    | 0.025   | 0.01   | 0.005   |      |
| 1    | 1.000                                     | 1.376  | 1.963   | 3.078   | 6.314   | 12.706  | 31.821 | 63.657  | 1    |
| 2    | .816                                      | 1.061  | 1.386   | 1.886   | 2.920   | 4.303   | 6.965  | 9.925   | 2    |
| 3    | .765                                      | .978   | 1.250   | 1.638   | 2.353   | 3.182   | 4.541  | 5.841   | 3    |
| 4    | .741                                      | .941   | 1.190   | 1.533   | 2.132   | 2.776   | 3.747  | 4.604   | 4    |
| 5    | .727                                      | .920   | 1.156   | 1.476   | 2.015   | 2.571   | 3.365  | 4.032   | 5    |
| 6    | .718                                      | .906   | 1.134   | 1.440   | 1.943   | 2.447   | 3.143  | 3.707   | 6    |
| 7    | .711                                      | .896   | 1.119   | 1.415   | 1.895   | 2.365   | 2.998  | 3.499   | 7    |
| 8    | .706                                      | .889   | 1.108   | 1.397   | 1.860   | 2.306   | 2.896  | 3.355   | 8    |
| 9    | .703                                      | .883   | 1.100   | 1.383   | 1.833   | 2.262   | 2.821  | 3.250   | 9    |
| 10   | .700                                      | .879   | 1.093   | 1.372   | 1.812   | 2.228   | 2.764  | 3.169   | 10   |
| 11   | .697                                      | .876   | 1.088   | 1.363   | 1.796   | 2.201   | 2.718  | 3.106   | 11   |
| 12   | .695                                      | .873   | 1.083   | 1.356   | 1.782   | 2.179   | 2.681  | 3.055   | 12   |
| 13   | .694                                      | .870   | 1.079   | 1.350   | 1.771   | 2.160   | 2.650  | 3.012   | 13   |
| 14   | .692                                      | .868   | 1.076   | 1.345   | 1.761   | 2.145   | 2.624  | 2.977   | 14   |
| 15   | .691                                      | .866   | 1.074   | 1.341   | 1.753   | 2.131   | 2.602  | 2.947   | 15   |
| 16   | .690                                      | .865   | 1.071   | 1.337   | 1.746   | 2.120   | 2.583  | 2.921   | 16   |
| 17   | .689                                      | .863   | 1.069   | 1.333   | 1.740   | 2.110   | 2.567  | 2.898   | 17   |
| 18   | .688                                      | .862   | 1.067   | 1.330   | 1.734   | 2.101   | 2.552  | 2.878   | 18   |
| 19   | .688                                      | .861   | 1.066   | 1.328   | 1.729   | 2.093   | 2.539  | 2.861   | 19   |
| 20   | .687                                      | .860   | 1.064   | 1.325   | 1.725   | 2.086   | 2.528  | 2.845   | 20   |
| 21   | .686                                      | .859   | 1.063   | 1.323   | 1.721   | 2.080   | 2.518  | 2.831   | 21   |
| 22   | .686                                      | .858   | 1.061   | 1.321   | 1.717   | 2.074   | 2.508  | 2.819   | 22   |
| 23   | .685                                      | .858   | 1.060   | 1.319   | 1.714   | 2.069   | 2.500  | 2.807   | 23   |
| 24   | .685                                      | .857   | 1.059   | 1.318   | 1.711   | 2.064   | 2.492  | 2.797   | 24   |
| 25   | .684                                      | .856   | 1.058   | 1.316   | 1.708   | 2.060   | 2.485  | 2.787   | 25   |
| 26   | .684                                      | .856   | 1.058   | 1.315   | 1.706   | 2.056   | 2.479  | 2.779   | 26   |
| 27   | .684                                      | .855   | 1.057   | 1.314   | 1.703   | 2.052   | 2.473  | 2.771   | 27   |
| 28   | .683                                      | .855   | 1.056   | 1.313   | 1.701   | 2.048   | 2.467  | 2.763   | 28   |
| 29   | .683                                      | .854   | 1.055   | 1.311   | 1.699   | 2.045   | 2.462  | 2.756   | 29   |
| 30   | .683                                      | .854   | 1.055   | 1.310   | 1.697   | 2.042   | 2.457  | 2.750   | 30   |
| 35   |   |        |         |         |         | 2.030   |        | 2.724   | 35   |
| 40   |   |        |         |         |         | 2.021   |        | 2.711   | 40   |
| 45   |   |        |         |         |         | 2.014   |        | 2.699   | 45   |
| 50   |   |        |         |         |         | 2.008   |        | 2.678   | 50   |
| 60   |   |        |         |         |         | 2.000   |        | 2.600   | 60   |
| 70   |   |        |         |         |         | 1.994   |        | 2.648   | 70   |
| 80   |   |        |         |         |         | 1.990   |        | 2.638   | 80   |
| 90   |   |        |         |         |         | 1.987   |        | 2.630   | 90   |
| 100  |   |        |         |         |         | 1.984   |        | 2.626   | 100  |
| 125  |   |        |         |         |         | 1.979   |        | 2.616   | 125  |
| 150  |   |        |         |         |         | 1.976   |        | 2.609   | 150  |
| 200  |   |        |         |         |         | 1.972   |        | 2.601   | 200  |
| 300  |   |        |         |         |         | 1.968   |        | 2.592   | 300  |
| 400  |   |        |         |         |         | 1.966   |        | 2.588   | 400  |
| 500  |   |        |         |         |         | 1.965   |        | 2.586   | 500  |
| 1000 |   |        |         |         |         | 1.962   |        | 2.581   | 1000 |
| ∞    | .67449                                    | .84162 | 1.03643 | 1.28155 | 1.64485 | 1.95996 | 3.2634 | 2.57582 | ∞    |



جدول ( ٥ )  
جدول توزيع كاي تربيع  $\chi^2(X)$

| Degrees<br>of<br>freedom | 0.990                   | 0.975                   | 0.950                   | Probabilities |         |         |         |         |  |
|--------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|---------------|---------|---------|---------|---------|--|
|                          |                         |                         |                         | 0.900         | 0.100   | 0.050   | 0.025   | 0.010   |  |
| 1                        | 157088.10 <sup>-9</sup> | 982069.10 <sup>-9</sup> | 393214.10 <sup>-8</sup> | 0.0157908     | 2.70554 | 3.84146 | 5.02389 | 6.63490 |  |
| 2                        | 0.0201007               | 0.0506356               | 0.102587                | 0.210720      | 4.60517 | 5.99147 | 7.37776 | 9.21034 |  |
| 3                        | 0.114832                | 0.215795                | 0.351846                | 0.584375      | 6.25139 | 7.81473 | 9.34840 | 11.3449 |  |
| 4                        | 0.297110                | 0.484419                | 0.710721                | 1.063623      | 7.77944 | 9.48773 | 11.1433 | 13.2767 |  |
| 5                        | 0.554300                | 0.831211                | 1.145476                | 1.61031       | 9.23635 | 11.0705 | 12.8325 | 15.0863 |  |
| 6                        | 0.872085                | 1.237347                | 1.63539                 | 2.20413       | 10.6446 | 12.5916 | 14.4494 | 16.8119 |  |
| 7                        | 1.239043                | 1.68987                 | 2.16735                 | 2.83311       | 12.0170 | 14.0671 | 16.0128 | 18.4753 |  |
| 8                        | 1.646482                | 2.17973                 | 2.73264                 | 3.48954       | 13.3616 | 15.5073 | 17.5346 | 20.0902 |  |
| 9                        | 2.087912                | 2.70039                 | 3.32511                 | 4.16816       | 14.6837 | 16.9190 | 19.0228 | 21.6660 |  |
| 10                       | 2.55821                 | 3.24697                 | 3.94030                 | 4.86518       | 15.9871 | 18.3070 | 20.4831 | 23.2093 |  |
| 11                       | 3.05347                 | 3.81575                 | 4.57481                 | 5.57779       | 17.2750 | 19.6751 | 21.9200 | 24.7250 |  |
| 12                       | 3.57056                 | 4.40379                 | 5.22603                 | 6.30380       | 18.5494 | 21.0261 | 23.3367 | 26.2170 |  |
| 13                       | 4.10691                 | 5.00874                 | 5.89186                 | 7.04150       | 19.8119 | 22.3621 | 24.7356 | 27.6883 |  |
| 14                       | 4.66043                 | 5.62872                 | 6.57063                 | 7.78953       | 21.0642 | 23.6848 | 26.1190 | 29.1413 |  |

تابع / جدول ( ° )

جدول توزيع كاي تربيع (X)<sup>2</sup>

| Degrees<br>of<br>freedom | 0.90     | 0.975    | 0.950   | Probabilities |         | 0.100   | 0.050   | 0.025   | 0.010   |
|--------------------------|----------|----------|---------|---------------|---------|---------|---------|---------|---------|
| 15                       | 5.22935  | 6.26214  | 7.26094 | 8.54675       | 22.3072 | 24.9958 | 27.4884 | 30.5779 | 31.9999 |
| 16                       | 5.81221  | 6.90766  | 7.96164 | 9.31223       | 23.5418 | 26.2962 | 28.8454 | 31.9999 | 33.4087 |
| 17                       | 6.40776  | 7.56418  | 8.67176 | 10.0852       | 24.7690 | 27.5871 | 30.1910 | 33.4087 | 34.8053 |
| 18                       | 7.01491  | 8.23075  | 9.39046 | 10.8649       | 25.9894 | 28.8693 | 31.5264 | 34.8053 | 36.1908 |
| 19                       | 7.63273  | 8.90655  | 10.1170 | 11.6509       | 27.2036 | 30.1435 | 32.8523 | 36.1908 | 37.5662 |
| 20                       | 8.26040  | 9.59083  | 10.8508 | 12.4426       | 28.4120 | 31.4104 | 34.1696 | 37.5662 | 38.9321 |
| 21                       | 8.89720  | 10.28293 | 11.5913 | 13.2396       | 29.6151 | 32.6705 | 35.4789 | 38.9321 | 40.2894 |
| 22                       | 9.54249  | 10.9823  | 12.3380 | 14.0415       | 30.8133 | 33.9244 | 36.7807 | 40.2894 | 41.6384 |
| 23                       | 10.19567 | 11.6885  | 13.0905 | 14.8479       | 32.0069 | 35.1725 | 38.0757 | 41.6384 | 42.9798 |
| 24                       | 10.8564  | 12.4011  | 13.8484 | 15.6587       | 33.1963 | 36.4151 | 39.3641 | 42.9798 | 44.3141 |
| 25                       | 11.5240  | 13.1197  | 14.6114 | 16.4734       | 34.3816 | 37.6525 | 40.6465 | 44.3141 | 45.6117 |
| 26                       | 12.1981  | 13.8439  | 15.3791 | 17.2919       | 35.5631 | 38.8852 | 41.9232 | 45.6117 | 46.9630 |
| 27                       | 12.8786  | 14.5733  | 16.1513 | 18.1138       | 36.7412 | 40.1133 | 43.1944 | 46.9630 | 48.2782 |
| 28                       | 13.5648  | 15.3079  | 16.9279 | 18.9392       | 37.9159 | 41.3372 | 44.4607 | 48.2782 | 49.5879 |
| 29                       | 14.2565  | 16.0471  | 17.7083 | 19.7677       | 39.0875 | 42.5569 | 45.7222 | 49.5879 | 50.8922 |
| 30                       | 14.9535  | 16.7908  | 18.4926 | 20.5992       | 40.2560 | 43.7729 | 46.9792 | 50.8922 | 52.1907 |
| 40                       | 22.1643  | 24.4331  | 26.5093 | 29.0505       | 51.8050 | 55.7585 | 59.3417 | 76.1539 | 88.3794 |
| 50                       | 29.7067  | 32.3574  | 34.7642 | 37.6886       | 63.1671 | 67.5048 | 71.4202 | 88.3794 | 100.425 |
| 60                       | 37.4848  | 40.4817  | 43.1879 | 46.4589       | 74.3970 | 79.0819 | 83.2976 | 100.425 | 112.329 |
| 70                       | 45.4418  | 48.7576  | 51.7393 | 55.3290       | 85.5271 | 90.5312 | 95.0231 | 112.329 | 124.116 |
| 80                       | 53.5400  | 57.1532  | 60.3915 | 64.2778       | 96.5782 | 101.879 | 106.629 | 124.116 | 135.807 |
| 90                       | 61.7541  | 65.6466  | 69.1260 | 73.2912       | 107.565 | 113.145 | 118.136 | 135.807 |         |
| 100                      | 70.0648  | 74.2219  | 77.9295 | 82.3581       | 118.498 | 124.342 | 129.561 |         |         |

## \* المراجع العربية \*

- ١- أحمد بدر، أصول البحث العلمي ومفاهيمه، الكويت : وكالة المطبوعات، ١٩٧٨.
- ٢- أحمد بدر، أصول البحث العلمي ومناهج، الطبعة الخامسة، القاهرة : دار المعارف، ١٩٨٩.
- ٣- أحمد شلبي، كيف تكتب بحثاً أو رسالة، الطبعة الثانية، القاهرة : دار النهضة العربية، ١٩٧٤.
- ٤- ثريا ملحس، منهج البحوث العلمية للطلبة الجامعيين، بيروت : مكتبة المدرسة ودار الكتاب اللبناني، ١٩٦٠.
- ٥- جمال زكي والسيد يس، أسس البحث الاجتماعي، القاهرة : دار الفكر العربي، ١٩٦٢.
- ٦- حلمي محمد وعبد الرحمن صالح، المرشد في كتابة الأبحاث، بيروت : دار الفكر، ١٩٧٥.
- ٧- عبد الباسط محمد، أصول البحث الاجتماعي، القاهرة : مكتبة الانجلو المصرية، ١٩٧١.
- ٨- عبد الله عبد الدائم، التربية التجريبية والبحث التربوي، بيروت : دار العلم للملايين، ١٩٨١.
- ٩- محمد أبو صالح وعدنان عوض، مقدمة في الإحصاء، نيويورك : دار جون وايلي وأبنائه، ١٩٨٣.
- ١٠- عمر الشيباني، مناهج البحث الاجتماعي، بيروت : دار الثقافة، ١٩٧١.
- ١١- فوزي غرايبة وزملاءه، أساليب البحث العلمي في العلوم الاجتماعية والانسانية، عمان : ١٩٨٧.

- ١٢- فان دالين، مناهج البحث في التربية وعلم النفس ، ترجمة محمد نبيل وآخرين «  
القاهرة : مكتبة الانجلو مصرية، ١٩٧٩ .
- ١٣- كايد عبد الحق، مبادئ في كتابة البحث العلمي، دمشق: مكتبة الفتح، ١٩٧٢ .
- ١٤- محمد فتحي، الاحصاء في اتخاذ القرارات التجارية، القاهرة: مكتبة عين الشمس،  
١٩٦٩ .
- ١٥- محمد مظلوم، طرق الاحصاء، الطبعة الخامسة، القاهرة : دار المعارف، ١٩٦٥ .
- ١٦- محمد الجوهري و عبد الله الخربجي ، طرق البحث الاجتماعي ، القاهرة : دار  
الكتاب للتوزيع، ١٩٨٢ .

## **\* المراجع الانجليزية \***

- 1- Addams, R. and Presis, J., Human Organization Research, Homewood, Illinois, The Dorsey Press, Inc., 1960.
- 2- Boyed, H., and Ralf, A., Marketing Research : Text and Cases, Homewood, ill : Richard Irwin, 1956.
- 3- Campbell, C. and Joiner, B., How to Get the Answer Without Being Sure You Have Asked The Question, The American Statistician, Vol. 27, Dec., 1973.
- 4- Churchill, G., Marketing Research : Methodological Foundation, Hillsdale, ill : Dryden Press, 1976.
- 5- Donald, S., and Gerald, S., Survey Research : A Decisional Approach, New York : Intext Educational Publisher, 1973.
- 6- Galtung, J., Theory & Methods of Social Research, New York : Columbia University Press, 1967.
- 7- Kerlinger, F., Foundations of Behavioural Research, 2nd ed., New York : Holt, 1973.
- 8- Mansfield, E., Statistics for Business : Methods and Applications, 2nd ed. New York : Norton & Company, Inc., 1983.
- 9- Mason, R., Statistical Techniques in Business & Economics, Homewood, ill : Richard, D. Irwin, inc., 1967.
- 10- Neter, J, Wasserman, W. and Whitmore, G., Applied Statistics, 5th ed. Nre York : Allyn & Bacon, Inc., 1979.

- 11- Phillips, B., Social Research : Strategy & Tactics, New York : The Macmillan Company, 1966.
- 12- Reeder, W., How to Write a Thesis, Bloomington, ill, : Public School Publishing Company, 1925.
- 13- Robin, R., A Porcedure for Securing Returns to Mail Questionnaire, Socioly and Social Research, Vol. 50, Oct., 1965.
- 14- Rummel, J. and Ballaine, W., Research Methodology in Business, New York : Harper & Row, 1963.
- 15- Schuessler, K., Analyzing Social Data, Boston : Houghton Mifflin, 1971.
- 16- Selltize, C. et al., Research Methods in Social Relations, New York : Holt, 1959.
- 17- Spear, M., Practical Charting Techniques, New York : McGraw-Hill. 1969.
- 18- Spiegel, M., Theory and Problems of Statistics, New York : Schaum Publishing Co., 1961.
- 19- Stockton, J., Business Statistics, 2nd ed. Cincinati, Ohio : South Western Publishing Co., 1962.
- 20- Stover, R. and Stone, W., Hand Delivery of Self-Administered Questionnaires, Public Opinion Quarterly, Vol. 38, Summer, 1974.
- 21- Takeuchi, H. and Schmidt, A., New Promise of Computer Graphics, Harvard Business Review, Jan. - Feb., 1980.
- 22- Tyebjee, T., Telephone Survey Method : The State of the Art, Journal of Marketing, Vol. 43, Summer, 1979.





تصميم مؤسسة الشراع للخدمات المطبعية  
جبل الحسين - تللكس ٦٩٣٤٠٥ - ص.ب ٤٢٦١٠٨ عمان ١١١٤٠ الأردن





# **SCIENTIFIC RESEARCH METHODS**

## **For**

# **ADMINISTRATIVE SCIENCES**

Dr.

**ALI SALEEM AL-ALAWNEH**

University of Muta

First Edition 1996



**Dar Al-Fikr**

AMMAN - JORDAN